

Axiális átömlésű ventilátor lapátnyilazás és reverzálhatóság

Doktori (PhD) értekezés

Fenyvesi Dániel

Gödöllő 2014 A doktori iskola megnevezése: Műszaki Tudományi Doktori Iskola

tudományága:	Agrárműszaki tudományok
vezetője:	Prof. Dr. Farkas István egyetemi tanár, DSc SZIE, Gépészmérnöki Kar Környezetipari Rendszerek Intézet
témavezető:	Prof. Dr. Szlivka Ferenc egyetemi tanár, CSc OE, Bánki Donát Gépész és Biztonságtechnikai Mérnöki Kar, Mechatronikai és Autótechnikai Intézet

az iskolavezető jóváhagyása

a témavezető jóváhagyása

TARTALOMJEGYZÉK

JELÖLÉSJEGYZÉK	3
1. BEVEZETÉS, CÉLKITŰZÉSEK	7
1.1. A választott témakör jelentősége, célkitűzéseim	7
1.2. Célkitűzések	8
2. SZAKIRODALMI ÁTTEKINTÉS	9
2.1. Sugár mentén változó lapát cirkuláció- és a lapátferdítés	9
módszere	
2.2. Lapátrés áramlás	13
2.3. Áramlási tér gátlás	20
2.4. Diffúzió szám és a profil veszteség	23
2.5. Lapáttő leválás	29
2.6. Kétirányú légszállítás, reverzálható járókerék	39
2.7. Szakirodalmi áttekintés összefoglalása	42
3. ANYAG ÉS MÓDSZER	45
3.1. Sebességi háromszögek számítása	45
3.1.1. Radiális egyensúlyi egyenlet	45
3.1.2. Állandó cirkuláció módszere	47
3.1.3. Változó lapát cirkuláció módszere	48
3.2. Járókerék számítása állandó húrhossz módszerével,	50
előtervezés	
3.3. Nyilazott lapátozás szerkesztése a tervezési diffúzió szám	54
lokális előírásával	
3.4. Reverzálható járókerék tervezése	56
3.5. Jelleggörbe mérésére kialakított berendezés	59
3.6. Lapátrács áramlás számítása numerikus módszerrel	63
3.6.1. Numerikus modell validálása	64
4. EREDMÉNYEK	67
4.1. Állandó húrra és konstans diffúzió számra tervezett járókerék	67
lapátrés vizsgálata	
4.1.1. Lapátrés átfolyási tényező számítása	67
4.1.2. A járókerék hidraulikai hatásfoka	68
4.1.3. Radiális sebesség eloszlás vizsgálata	69
4.1.4. A 3D áramlás jellemzése átlagolt paraméterekkel	70
4.1.5. Sebességtér gátlás vizsgálata	72
4.1.6. Statikus nyomás eloszlása a lapátvégen	73
4.2. A tervezési lokális diffúzió szám előírásán alapuló nyilazott	74
lapátozású járókerék numerikus vizsgálata	
4.2.1. Nyomáseloszlás a lapátprofil mentén, torlónyomás veszteség	74
4.2.2. Nyomáseloszlás a lapátrés környezetében	76
4.2.3. Áramvonalak vizsgálata a felület mentén	77
4.2.4. Radiális sebesség eloszlás a lapátozás mögött	78
4.2.5. Sebességtér gátlás, radiális kiáramlás és az össznyomás	79
növekedés kapcsolata	
4.2.6. Szimulációból kapott össznyomás növekedés és a tervezési	82
veszteség tényező kapcsolata	
4.3. Reverzálható járókerék vizsgálata	85
4.4. Új tudományos eredmények	86
5. KÖVETKEZTETÉSEK ÉS JAVASLATOK	89
6. ÖSSZEFOGLALÁS	91
7. SUMMARY	93

8. MELLÉKLETEK	95
M1: Irodalomjegyzék	95
M2: Az értekezés témaköréhez kapcsolódó publikációk	105
M3: Végtelenített lineáris lapátrács numerikus szimulációja,	109
ellenőrző felület a lapátrésben	
M4: Módszer a sebességtér gátlás vizsgálatára	111
M5: A felhajtóerő tényező és az ellenállás tényező kapcsolata az	113
össznyomás növekedéssel és a profilveszteséggel	
KÖSZÖNETNYILVÁNÍTÁS	

JELÖLÉSJEGYZÉK

$(\alpha \epsilon)$	átfolyási szám és az expanziós tényező szorzata	[-]
$lpha_{_0}$	belépő relatív sebesség axiális iránnyal bezárt szöge	[fok]
$\alpha_{_3}$	kilépő relatív sebesség axiális iránnyal bezárt szöge	[fok]
$\alpha_{\infty}, \alpha_{m}$	megfújási sebesség axiális iránnyal bezárt szöge	[fok]
Γ	cirkuláció	$[m^2/s]$
γ	lapátmetszet beállítási szög az axiális iránytól mérve	[fok]
δ	határréteg vastagság	[m]
$\delta^*_{}$	határréteg kiszorítási vastagság felülete a vizsgálati síkon	$[m^2]$
δ^*_x	axiális határréteg kiszorítási vastagság	[m]
3	közegeltérülés	[fok]
η_h	hidraulikai hatásfok	[-]
η_{hT}	tervezési hidraulikai hatásfok	[-]
Θ	lapatprofil vazvonal közepponti szöge	[IOK] [fok]
$\Delta \alpha$ ΔB	határréteg közeg eltérülése az agy határoló falnál	[fok]
ΔP	statikus nyomás különbség a járókerék után és előtt	[Da]
ΔP	statikus nyoinas kulonoseg a jarokerek utan és előtt	[] a]
Δn	sszilyollas kuloloseg jarokerek utal és előtt az abszolut relidszerben	[ra]
Δp_0	kerületi irányban ártelmezett nyomás változás	[ra]
Δp_{cir}	kertheti hanyban ertelmezett nyomás változás	[ra]
Δp_{stream}		[ra]
	nyomaseses a beszivo toicseren nyilazott (SW) lanát húraltárása a rafaranaia (STR) lanáthúrtál	[Pa]
$\Delta \Lambda$	nyilazott (SW) lapat nurenerese a referencia (STK) lapathurtor	[III] [fok]
v	agyviszony	[-]
v	kinematikai viszkozitás	$[m^2/s]$
п	áramlási nyom kiszorítási vastagsága ("wake momentum thickness	[_]
11	ratio")	[-]
ρ	sűrűség	[kg/m ³]
$\sigma_{ au}$	racsoszlas Janátrás méret	[-] [m]
φ	mennyiségi szám	[111] [-]
φ_r	radiális sebesség tényező	[-]
φ_t	tervezési mennyiségi szám	[-]
φ_{3}	lokális axiális mennyiségi szám	[-]
ψ	nvomásszám	[-]
ψ_{meas}	mérésből számolt mennyiségi szám	[-]
ψ_t	tervezési mennyiségi szám	[-]
ω	relatív rendszerben értelmezett torlónyomás/profil veszteség tényező	[-]
ω	szögsebesség	[1/s]
$\omega_{\rm 3D,max}$	torlónyomás veszteség csúcsértéke 3D áramlás esetén	[-]
$\omega_{csúcs}$	örvényesség maximális értéke	[1/s]
<i>Ws</i>	lapátozást elhagyó örvényesség	[1/s]
A, A _{gy}	átfolyási keresztmetszet	$[m^2]$

\mathbf{A}_{ny}	járókerék után a csőfelület	[m ²]
A_{sz}	járókerék előtt a csőfelület	[m ²]
AFB	axiális sebességtér gátlás tényezője	[-]
AR	lapátmagasság-húr arány	[-]
AVR	be- és a kilépő axiális sebesség komponensek hányadosa	[-]
В	Gátolt tartomány	[-]
C_L	felhajtóerő tényező	[-]
C_D	ellenállás tényező	[-]
C_n	átfolyási szám	[-]
C_p	statikus nyomástényező	[-]
С	lapáthúr hossz	[m]
c_a	lapáthúr hossz a lapátvégen	[m]
C_i	lapáthúr hossz az agynál	[m]
C_k	lapáthúr hossz a lapátközépen	[m]
C_x	lapáthúr vetülete axiális irányban	[m/s]
D D	ellenallas ero	[N]
D_{cr}	kritikus airiuzio parameter	[-] [m]
D _{cső}	médosított diffúzió szóm	[m] F 1
D_m	módosított diffúzió szám kritikus értéke	[-]
$D_{m,cr}$ DF	diffúzió szám	[-]
DF_a	lapátyégen értelmezett diffúzió szám	[_]
DF_{cr}	diffúzió szám kritikus értéke	[-]
DF_i	lapáttőnél értelmezett diffúzió szám	[-]
DF_k	középmetszeten értelmezett diffúzió szám	[-]
DF_{loc}	lokális diffúzió szám	[-]
DH	a ki- és a belépő relatív sebességek hányadosa (DE Haller szám)	[-]
f_{ax}	axiális gátlás egységugrás függvénye	[-]
h	lapátmagasság	[m]
dh_t	tömegegység össz entalpia változása	[J/kg]
i	belépő relatív sebesség lapát belépőél érintőjével bezárt szöge	[fok]
İcr	belépő relatív sebesség lapát belépőél érintőjével bezárt kritikus szöge	[fok]
J	joságtényező	[-]
k 1.*	perdület konstans	[-]
<i>k*</i>	felhajtoero tenyezo korrekcios erteke	[-]
L	telnajto ero	[N]
Ma	Mach-Szam normális irány vegy pordület kitovő	[-]
n n	járókerék fordulatszám	[-] [1/a]
n_f	Jarokerek fordulatszalli	[1/S] []
P	iárákorák után a osőfalnál márt statikus nyomás	["] [Do]
ny D		
r _{sz}	jarokerek elott a csofalnal mert statikus nyomas	[Pa]
P_{t0}	össznyomas a lapát belépőél előtt	[Pa]
P_{t3}	össznyomás a lapát kilépőél mögött	[Pa]
р	nyomás	[Pa]
p_t	relativ rendszerben értelmezett torlónyomás	[Pa]
$p_{ps,2D}$	tervezési lokális statikus nyomás a lapát nyomott oldalán (súrlódásos síkáramlás)	[Pa]

$p_{ss,2D}$	tervezési lokális statikus nyomás a lapát szívott oldalán (súrlódásos síkáramlás)	[Pa]
p_0	statikus nyomás a lapát belépőél előtt	[Pa]
p_3	statikus nyomás a lapát kilépőél mögött	[Pa]
p_{00}	relatív rendszerben értelmezett össznyomás a belépőél előtt	[Pa]
p_{03}	relatív rendszerben értelmezett össznyomás a kilépőél után	[Pa]
PW	lapátcsatorna kilépési sík szélessége a lapát kilépőél normális irányában mérve	[m]
Q	térfogatáram	[m ³ /s]
R	sugár	[m]
R*	dimenziótlan sugár	[-]
r	forgåstengelytöl mért sugår	[m]
r _{fill}	lapatto-agy lekerekitesi sugar	[m]
ri ri	agysugai Janátközén sugár	[111] [m]
r_{κ}	lapátközep sugar	[111] [m]
Re	Revnolds-szám	[-]
Re _k	átlagos érdesség	[-]
S	torlónyomás veszteség tartomány kiterjedés 3D áramlás esetén	[h%]
S	lapátosztás	[m]
spn	dimenziótlan futó koordináta a lapátmagasság mentén	[-]
t _{max}	maximális profilvastagság	[m]
u	kerületi sebesség	[m/s]
u_a	lapátvég kerületi sebesség	[m/s]
V _{ny}	járókerék után a (nyomó-) csőben mért átlagsebesség	[m/s]
V _{sz}	járókerék előtt a (szivó-) csőben mért átlagsebesség	[m/s]
v_0	belépő abszolút sebesség	[m/s]
<i>v</i> ₃	kilépő abszolút sebesség	[m/s]
V_{3m}	kilépő abszolút sebesség axiális irányú vetülete	[m/s]
V_{3ma}	kilépő abszolút sebesség axiális irányú vetülete a lapátvégen	[m/s]
v_{0u}	abszolút tangenciális sebesség a lapát belépőéle előtt	[m/s]
V_{3u}	abszolút tangenciális sebesség a lapát kilépőél mögött	[m/s]
V _m	abszolút sebesség axiális vetülete	[m/s]
w	lokális relatív sebesség	[m/s]
Wm, Wax	relatív sebesség axiális irányú vetülete	[m/s]
W _r	radiális sebesség	[m/s]
w _s	szekunder sebesség vektor	[m/s]
Wsb2b	szekunder sebesség a tervezési (2D) síkon	[m/s]
\overline{W}_N	résen átlépő átlagsebesség	[m/s]
$W_{N,2D}$	tervezési (ideális) lokális résen átlépő sebesség	[m/s]
$\overline{W}_{N,2D}$	tervezési (ideális) résen átlépő átlagsebesség	[m/s]
W_0	belépő relatív sebesség	[m/s]
W3	kilépő relatív sebesség	[m/s]
$W_{3ax,id}$	tervezési kilépő relatív sebesség axiális komponense	[m/s]

W_{3b2b}	kilépő relatív sebesség tervezési síkban értelmezett komponense	[m/s]
W_{sb2b}	kilépő relatív sebesség merőleges vetülete a tervezési síkban	[m/s]
\mathcal{W}_{∞}	megfújási sebesség	[m/s]
$W_{loc.free}$	lokális sebesség a súrlódásos folyadéktartományon kívül	[m/s]
$W_{\max, free}$	maximális relatív sebesség a szívott lapátoldalon	[m/s]
x x'	futó koordináta dimenziótlan futó koordináta	[m] [-]
Y_{ax}	axiális sebességtér mozgási energia hiány tényezője	[-]
Y_r	átlagolt radiális sebesség tényező	[-]
Y_{sb2b}	átlagolt szekunder sebesség tényező	[-]
$\left[\bullet\right]_{a}$	lapáttő metszeten értelmezett mennyiség	
$(\bullet)_{CFD}$	3D súrlódásos CFD	
$(\bullet)_{STR}$	radiális felfűzési vonalú lapát	
$(\bullet)_{_{SW}}$	nyilazott lapát (pozitív nyilazás a lapáttőnél és a lapátvégen)	
AFB	axiális sebesség gátlás	
CVD	változó cirkuláció módszere	
FV	állandó cirkuláció módszere	
PS	lapát nyomott oldala	
SS	lapát szívott oldala	
STR	egyenes (felfűzési vonalú) lapát	
SW	nyilazott lapát (pozitív nyilazás a lapáttőnél és a lapátvégen)	
TLF	lapátrés áramlás	
TLV	lapátrés örvény	
VC	Vena Contracta	

1. BEVEZETÉS, CÉLKITŰZÉSEK

Ebben a fejezetben a témakör időszerűségére mutatok rá és a dolgozat célkitűzéseit fogalmazom meg.

1.1. A választott témakör jelentősége

A ventilátorok mezőgazdasági (Szendrő, 2003) és ipari (Cory, 2005) alkalmazása igen sokrétű: állattartó telepek, üveg- és fóliaházak szellőztetésének, hűtőházak és szárítóberendezéseknek, porleválasztók valamint erőművek különböző technológiai folyamatainak (aláfúvó-, füstgáz elszívó- és nagy teljesítményű hűtőtorony ventilátorok) is elengedhetetlen gépészeti berendezése. Egy-egy mezőgazdasági és ipari egység versenyképességét is befolyásolja, a megfelelően korszerű szellőztetési rendszer. A ventilátorok fejlesztése így hozzájárul a gazdaságos, versenyképes működéshez. A járókerék lapátozás tervezés továbbfejlesztésénél, a lapátcsatornában lezajló áramlástani folyamatok jobb megértéséhez, szükséges a térbeli, 3D áramlási folyamatok körültekintő ismerete. A 3D áramlás jobb megismeréséhez és a numerikus modellezés megalapozásához, elengedhetetlen a korszerű méréstechnika hozzájárulása is, (Vad, Bencze, 1998), (Szlivka, Molnár, 2008), (Bencs et al., 2012). A járókerék alapvető tervezési jellemzői közé tartozik a lapát-felfűzési vonal alakja és a lapátcirkuláció sugár menti eloszlása, amelyek kihatnak a 3D lapátcsatorna-áramlásra (Vad, 2013). A tervezési jellemzők összetett, 3D áramlástani tulajdonságainak numerikus modellezéséhez, megbízható CFD (computational fluid dynamics) szoftver környezet szükséges (Cumpsty, 2010).

A 3D áramlás (1.1. ábra) részletes vizsgálatához, lokalizálni kell a főbb lapátcsatorna áramlási jelenségeket, úgy mint a lapáttő leválás-, lapátvég résáramlás-, szekunder örvényességek és a fali határréteg mozgás jelenségei. Ezek együttes kölcsönhatása, a tervezési közegmennyiségnél, befolyásolja a perdület eloszlást, azaz a járókerék hidraulikai hatásfokát. Célul tűztem ki, olyan számítási modell megalkotását és vizsgálatát, amely a felsorolt veszteség jellemzőket figyelembe veszi, hatásukat már az előtervezésnél becsüli. Az így szerkesztett lapátgeometria előtervezési paraméterei, az áramlástani jellemzők szisztematikus vizsgálatának a következménye. Az új számítási modell ennek megfelelően, korszerű CFD technikát és a jóság eldöntésére, iteratív megközelítést feltételez.



1.1. ábra: 3D áramlási jelenségek a lapátozás környeztében (Moyle, 1991)

Fentiekkel összhangban, célkitűzésem továbbá, egyszerű geometriájú síklemez lapátos ventilátor tervezési paramétereinek és szabályozhatóságának a vizsgálata. Síklemez lapát alkalmazásával a reverzálhatóság is lehetővé válik. Ilyen egyszerű ventilátor konstrukció alkalmas lehet, mezőgazdasági szellőztetési feladatok ellátására, pl. a terménytárolás és szárítás esetén ahol a kétirányú légszállítás szükséges lehet.

1.2. Célkitűzések

A fenti célkitűzéseim pontokba szedve az alábbiak:

- 1. Változó cirkulációra tervezett egyenes lapátozású (**str**aight: **STR**) járókerék globális vizsgálata eltérő résméretek esetén. A célkitűzés a következő vizsgálatokat foglalja magába:
 - Globális hidraulikai hatásfok vizsgálata.
 - A tervezésítől eltérő áramkép vizsgálata.
 - Lapátrés veszteség vizsgálata.
 - Sebességtér gátlás vizsgálata.
 - Lapáttető nyomáseloszlás vizsgálata.
- 2. Változó cirkuláció módszerén alapuló számítási modell kidolgozása, amely nyilazott lapátalakot (sweep: SW) eredményez és az előtervezésnél figyelembe veszi a 3D lapátcsatorna áramlás jelenségeket. Az új számítási modellel kapott járókerék összehasonlító vizsgálata, a "hagyományos" kiindulási egyenes (STR) felfűzési vonalú járókerékkel. Az új számítási modell célja, adott közegmennyiség esetén, a hidraulikai teljesítmény fokozása.
- 3. Síklemez lapátos reverzálható ventilátor tervezése és jelleggörbe vizsgálata. A járókerék geometria egyszerű kialakítású, ami alatt a következőket értem:
 - A lapát élen nem alkalmazok lekerekítést.
 - Az agy terelőkúp nélküli kialakítású.
 - A lapátvég lekerekítése a csőfal rádiusz szerint.

2. SZAKIRODALMI ÁTTEKINTÉS

A célkitűzéseimmel összhangban, a fejezetben áttekintem a releváns szakirodalmat. Ismertetem a főbb számítási módszereket kiegészítve a lapátnyilazás szerkesztéssel és a diffúzió szám fogalmával. Bemutatom a jelentős 3D áramlást eredményező lapáttő leválás és lapátrés áramlás jelenségeket, továbbá kitérek a reverzálható lapátozású járókerekek ismertetésére is.

2.1. Sugár mentén változó lapát cirkuláció- és a lapátferdítés módszere

Kezdetben a sebességi háromszögek felvétele az állandó cirkuláció módszerével történt (freevortex design: FV), (Keller, 1937). Az FV tervezés egyszerű, biztonságos és előírt térfogatáramot kielégítő lapátozást tesz lehetővé. Így a tervezési munkapontban a 3D jelenségek mérsékeltek, ugyanakkor a jelleggörbén ettől távolodva már jelentős leválások jönnek létre a lapátozásban (Eck, 2003). A felsorolt kedvező tulajdonságok, a szakirodalom által ajánlott korlátozó feltételek (Grieb, 2009) betartása mellett teljesülnek. Ezek jelentősen akadályozzák a szerkesztőt a tervezési paraméterek szabad megválasztásában. A lapátozás szerkesztés másik igen elterjedt módszere a sugár mentén "változó cirkulációra" történő tervezés (controlled vortex design: CVD (Gallimore et al., 2002)). A CVD tervezés alkalmazásának előnyei (Somlyódi, 1971): Az agy tehermentesíthető, ugyanakkor a nagyobb sugarakon elhelyezkedő lapátmetszetek össznyomás növelése fokozható. Ezáltal a tervezési paraméterek szabadabban választhatóak szemben az FV tervezéssel, továbbá lehetségessé válik az állandó húrra vagy kívánt kilépő sebesség profilra történő tervezés is. A CVD sajátsága, hogy a rácsból kilépő axiális sebesség profil sugár mentén változik, így a folytonosság a lapátcsatornában, csak változó keresztmetszetű áramcsövek sokaságával modellezhető. Ennek káros következménye, hogy a kilépőélen ún. "trailing shed vortex" alakul ki (Came, Marsh, 1974), amely az szívott oldal közelében kifele- a nyomott oldal közelében befelé történő 3D áramlást eredményez (Vad, Bencze, 1998). A sugár mentén változó lapátcirkuláció nem kívánatos következménye a szívott oldali határréteg közeg radiális kiáramlása, amely a lapátvégen pangó zónát eredményez (Vad, 2010). Ez különösen káros, tekintve, hogy a CVD járókerék külső sugarán, a lapátmetszetek általában jobban terheltek. Analitikus modellt dolgozott ki a járókerék-lapát szívott oldali határrétegében fellépő radiális kiáramlást befolyásoló hatások tanulmányozására (Vad, 2006). Többfokozatú gépek esetén, új iteratív tervezési módszer, a "sugár mentén nyomás vezérelt cirkuláció eloszlás" (pressure controlled vortex design: PCVD), (Deng et al., 2013). A PCVD segítségével, a nyomáseloszlást a sugár mentén változtatva, befolyásoljuk a rotor és a sztátor közötti távolságon az axiál sebesség változását és közvetve így a perdület alakulását is.

A CVD járókeréknél tapasztalt, káros, a tervezésitől eltérő 3D áramlás, a tervezési radiális – egyenes - felfűzési vonal (**str**aight: **STR**) célszerű módosításával (**n**on **r**adial **s**tacking: **NRS**) befolyásolható (Vad, 2008). Felfűzési vonalnak nevezem a lapátprofil vázvonalak ívhosz felezőpontjait (referencia pont, 2.1. ábra) összekötő térbeli görbét (3.2. ábra).



2.1. ábra: Referencia pont a lapáthúr ívhossz felénél (Fenyvesi, 2012)

A sugár menti perdület (lapátcirkuláció) eloszláson kívül, fontos tervezési paraméter a lapát felfűzési vonal alakja (Horlock, Denton 2005), ezek együttesen kihatnak a lapátcsatorna 3D áramlásra. E két fontos tervezési paraméternek, szakirodalomtól eltérően, az együttes hatását tárgyalja (Vad, 2013). Az NRS technikákat a 2.2. ábra foglalja össze. Gyakorlatban igen elterjedt NRS módszer a lapátmetszet húrirányú eltolása, a lapátnyilazás (sweep: SW). Ennek definíciói (Vad, 2008): a lapátot előre/hátra nyilazottnak (forward/backward-SW: FSW/BSW) nevezzük, ha az eltolás áramlás irányában előrébb/hátrébb helyezkedik el, mint az alacsonyabb sugáron elhelyezkedő lapátmetszet. Nyilazás pozitív/negatív ((+)SW/(-)SW), ha a gyűrűfal közelében a lapátmetszet az áramlás irányában előrébb/hátrébb helyezkedik el, mint a szomszédos, a faltól távolabbi lapátmetszet. A v-állást (dihedral: DH) pozitívnak/negatívnak nevezzük ((+)DH/(-)DH), ha a szívott oldali lapát felület a fallal tompa/hegyes szöget zár be. A lapátvég kerület irányú előferdítése (circumferentially forward skew: FSK) a (+)SW és (-)DH speciális kombinációja. A következő bekezdésekben, a vonatkozó szakirodalom alapján összegzem a nyilazás (FSW és FSK) tulajdonságait, összehasonlítva a változó cirkulációra tervezett egyenes felfűzési vonalú lapáttal.



2.2. ábra: Lapátferdítési módszerek (Vad, 2008)

Lapátnyilazás alkalmazásával a leválásmentes tartomány kiterjeszthető (Beiler, Carolus, 1999), (Corsini, Rispoli, 2004), járókerék zaj mérsékelhető (Wright, Simmons, 1991), (Bamberger, Carolus, 2012). Szívott oldali határréteg közeg radiális kiáramlása mérsékelhető (2.3. ábra), mert a lapátmetszetek eltolásával a szívott oldali izobár vonalak görbülnek, emiatt sugárirányban - az áramlást gátló - járulékos nyomásgradiens lép fel (Vad, 2011).



2.3. ábra: Egyenes és előre nyilazott lapát szívott oldal áramlási sajátossága (Vad, 2011)

Így a határoló falaktól távol, a szívott lapátfelületen, a kontinuum pályák ("effektív húrhosszak") rövidülnek (2.4. ábra), aminek következtében a falsúrlódás hatása mérséklődik (Vad, 2011).



2.4. ábra: Folyadékpálya alakulás a szívott oldalon (Vad, 2011), a határoló falaktól távol

Ezzel összhangban, a lapátvég veszteség lecsökken (Friedrichs et al., 2001), (Vad, 2010), (Ramakrishna, Govardhan, 2009). A tervezési munkapontban azonban, kismértékű hidraulikai hatásfok csökkenést tapasztalt (Govardhan et al., 2007), (Vad et al., 2007), (Carolus, 2009). Sarló alakú sztátor lapát (lapáttőnél és lapátvégen is: (+)SW) alkalmazásával (Friedrichs et al., 2001) a teljes közegáramlás tartományban, így a tervezési munkapontban is hatásfok javulást ért el.

A 2.5. és 2.6. ábra a nyilazás és a v-állás hatását foglalja össze, a metszetek eltolásánál nincs változtatás a profilmetszet geometrián (3.3. ábra) és a beállítási szögön (standard nyilazás). A "terhelés" alatt a szívott és a nyomott oldal közötti nyomáskülönbséget-, a "veszteség" alatt a profilveszteséget értem (2.6). A következő bekezdésben a nyilazás fontosabb tulajdonságait ismertetem Vad (2008) szerint.



2.5. ábra: Sugár mentén előre nyilazott (FSW) lapátferdítési módszer hatása az áramlástani jellemzőkre (Vad, 2008)



2.6. ábra: Sarló alakú lapátferdítési módszer hatása az áramlástani jellemzőkre (Vad, 2008)

A (+)SW hatására a lokális belépő sebesség (v_0) megnő, ennek következtében a megfújási szög (i) lecsökken. A folytonosság következtében, a nyilazott metszetektől távolabb, lecsökken a belépő sebesség, itt a megfújási szög növekedésével a lapátterhelés is növekedik. A lapátterhelés növekedés profilveszteség növekedést eredményez, ezt a nyilazott lapát, szívott oldali kontinuum pálya rövidülése ("3D diffúzió") ellensúlyozza, ami vékonyabb szívott oldali határréteget eredményez. Terhelés megítélésénél, adott rácskonfigurációnál, figyelembe kell venni a nyilazási szög (2.7. ábra) $(\cos(\lambda))$ hatását is. A $(\cos(\lambda))$ tendencia alapján, a nyilazott lapát felhajtóerő tényezője egyenes lapát (STR, $\lambda = 0$) felhajtóerő tényezőjének a $\cos(\lambda)$ szeresével arányos. A felhajtóerő tényező csökkenés perdület apadáshoz (~ $v_{3u} \downarrow$) vezet, a súrlódásmentes erőtényezőnek megfelelően. A pozitív v-állásnak ((+)DH) veszteségcsökkentő hatása van, mert általa a lapátterhelés csökken, a (-)DH hatása ezzel ellentétes. A lokális hidraulikai teljesítmény megítélésénél, figyelembe kell venni ugyanakkor, hogy a perdület apadás hatásával szemben a lokális sebesség növekedésnek ellensúlyozó szerepe van. Látható, hogy a nyilazás és a v-állás geometriai modifikációk rendkívül komplex módon, több tényező egymásra hatásán keresztül befolyásolják a lapátcsatorna áramlási teret. A tervezésnél ezért fontos feladata van a korszerű CFD technika alkalmazásának.



2.7. ábra: Nyilazási szög (λ) szemléltetése (Vad, 2008)

További hatásfok javulás érhető el, ha az ismert NRS technkiákat, szisztematikus, 3D súrlódásos áramlás optimalizációt alkalmazó eljárásba építjük be (Vad, 2001) és (Vad et al., 2011), (Yang et al., 2007), (Cho et al., 2009), (Wang et al., 2011). Így a célszerű lapát geometriát, mint kimeneti paramétert kapjuk, szemben a konvencionális tervezéssel, ahol pl. a nyilazási szög bemeneti paraméter.

2.2. Lapátrés áramlás

Axiális átömlésű örvénygépek esetén – általában - a forgó járókereket ("ducted fan"), a határóló csőfaltól légrés választja el, amit lapátrésnek nevezünk. A lapátrés jelenlétének jelentős hatása van a járókerék áramlás szerkezetére és így a nyomásfokozására, hatásfokára (Lakshminarayana, 1996), jelleggörbe letörésére (Gallimore, 1999). Jothiprasad et al. (2012) a lapátrés/lapátmagasság arányt 1%-ról 4%-ra növelve 50%-os csúcsnyomás- és 3%-os munkaponti hatásfok csökkenést tapasztalt. A lapátrés áramlás (tip leakage flow: TLF) kapcsolt jelenségei, befolyásolják a lapátvég összetett 3D áramlás szerkezetét. Itt a turbulencia és a viszkozitás jelentős szerepet játszik, a jelleggörbe csúcsán, az áramlási jelenségek ("vortex breakdown") jobb megértéséhez, már időfüggő vizsgálat szükséges (Zhang et al., 2005).

A lapátrésen történő közegáramlásnak - a nyomott oldaltól a szívott felé - két fő típusát értelmezzük (Lakshminarayana, 1983), (Gallimore, 1999):

- 1. Egyik esetben áramló kontinuum tehetetlensége ("direct flow") domináns, kialakulását alappvetően a fali határrétegek és a résméret befolyásolja. Ez fajlagosan nagyobb résméret esetén fordul elő (Yamamoto, 1989).
- 2. Másik esetben ("indirect flow") a lapátterhelés meghatározó, azaz a lapátvég környezetében a szívott- és a nyomott oldal közötti nyomáskülönbség szállítja a közeget.

Yamamoto (1989) állórács vizsgálatánál megfigyelte, hogy kis résméret esetén a nyomás gradiens a domináns, ennek következtében a résen átlépő áramvonalak a profil vázvonal normálisába esnek, és csak a kilépőél felé hajolnak a főáramlás irányába. Fajlagosan nagyobb résméret esetén ugyanakkor a belépő áramlás tehetetlensége a domináns, így a résbe belépő áramvonalak alig görbülnek, főáramlás irányába mutatnak. A lapátrés áramlás kialakulást a szívott és a nyomott oldal közötti nyomás gradiens befolyásolja. Chen (1991) feltétele szerint, a határoló fal relatív mozgás által szállított határréteg közeg a lapátrésben elhanyagolható ha:

$$\left(\frac{\tau}{c}\right)\sqrt{\mathrm{Re}} \ge 2.3 \tag{2.1}$$

Az egyenlet 2.3 értéke esetén a nyomás gradiens által keltett sebesség tízszerese a fali nyíróréteg által indukált sebességnek. Tehát a (2.1) teljesülése esetén, a csőfal határréteg mozgás keltette réssebesség hatása elhanyagolható.

A lapátrés jelenlétének két fő hatása van a lapátrács veszteség létrejöttében (Ma et al., 2012):

- 1. Vena contracta (VC) és a viszkozitás hatása a lapátrésben.
- 2. Résen kívüli keveredési veszteség a lapátcsatornában, amit a résáram és a főáramlás kölcsönhatása eredményez.

A lapátrésben kialakuló áramlás tulajdonságai a (t/τ) aránytól függnek (Glanville, 2001), gyakorlatban alkalmazott résméret esetén két alapesetet szemléltet az 2.8. ábra. Megfigyelhető, hogy a nyomott oldali lapátéltől létrejön a leválás, ami a lapátrés átáramlási keresztmetszet szűkülését idézi elő a vena contracta (VC). Vastag – általában turbina - lapát esetén a nyomott lapátélen létrejött leválás a lapáttetőn visszafekszik, emiatt az áramlás diffúzorossá válik, ez keveredéshez és így torlónyomás veszteség (ω) növekedéshez vezet (Moore, Tilton, 1988). Ebben az esetben a viszkozitás a domináns a résben. Heyes és Hodson (1993) szerint a keveredés teljes, ha a $t/\tau \ge 6$. Alacsony (t/τ) konfiguráció esetén (kompresszorok/ventilátorok) a lapátrésben az áramlás súrlódásmentesnek tekinthető. Ekkor a résben a leválás nem fekszik vissza, így tökéletlen a keveredés (Ramakrishna, Govardhan, 2009), a résben az áramlást ekkor nyíróréteg határolja a levállási buborék fölött ("free shear layer") és a falnál (Storer, Cumpsty, 1991). Rains (1954) szerint a súrlódás a résben már nem elhanyagolható ha $t_{max}/\tau > 5.988$, ez az érték nagyon közel áll Heyes és Hodson (1993) megfigyeléséhez. Storer és Cumpsty (1991) a leválás visszafekvésre $t_{max} / \tau \ge 2.5$ feltételt adta. Ramakrishna és Govardhan (2009) $t_{max} / \tau = 2.15...5.3$ tartományban vizsgált STR lapátozás konfigurációkat, a lapáthúr mentén minden egyes vizsgált résmetszetben tapasztalt teljes vagy részleges keveredést. Bindon és Morphis (1992) vastag (turbina) lapát nyomott oldali él lekerekítésével, a lapátrésben a veszteséget jelentősen lecsökkentette. Az összveszteség azonban változatlan maradt, mert a lapátcsatornában a keveredési veszteség fokozódott. A lapátrésben a súrlódás elhanyagolható, ha a résben keveredés nem jön létre (Storer, Cumpsty, 1991). A résáram súrlódásmentesség feltételezésével félempírikus résveszteség modellt írt fel (Storer, Cumpsty, 1994). A modell hátránya, hogy a sűrű lapátozás esetén a "double leakage" hatását nem veszi figyelembe, aminek következtében a veszteséget jelentősen alábecsüli (Dickens, Day, 2011).



2.8. ábra: Lapátrés áramlás képe, a lapáttető és a határoló fal között (Glanville, 2001)

A lapátrés jelenlétéhez kapcsolódó veszteség és hatásfok romlás becslések jelentős különbségeket mutatnak a szakirodalomban. Storer és Cumpsty (1994) a rés okozta veszteséget a teljes veszteség 30%-ára becsülte, azonban körültekintő tervezés esetén ez 10%-ra csökkenthető. Gallimore (1999) szerint a veszteségek felét okozza, Kavurmacioglu et al. (2007) és Denton (1993) 1/3 össznyomás veszteséget tapasztalt, Kang és Hirsch (1994) összveszteség 35...80%-ára becsülte, aminek jelentős részét a résen belüli keveredés teszi ki. Storer és Cumpsty (1994) vizsgálata alapján a lapátrés változás és az össznyomás veszteség között a kapcsolat lineáris. Ugyancsak lineáris kapcsolatot tapasztalt (Kavurmacioglu et al., 2007). A turbina-állórács határoló fal relatív mozgását is modellezte, ami ellentétes irányú a ventillátorral. A lapátrésben a veszteség kisebb, ha a résből kilépő áramlás sebessége a főáramláséval egyezik, ugyanakkor nagysebességű eltérő irányú fő- és résáramlás kölcsönhatása nagy veszteséget eredményez (Storer, Cumpsty 1991). Peacock (1983) összefoglaló irodalom feldolgozása ismerteti az egyes sugármetszeten átlagolt tervezési jellemzők változását a résméret függvényében, továbbá bemutatja a korai résveszteség modelleket. Számos kutató lapátvég ("passive control techniques")- vagy csőfal- geometria módosítással ("casing treatment") kísérletezett (Corsini et al., 2010). Ma et al. (2012) a lapáttetőt hornyolta ("grooved tip") a húrral párhuzamosan. Módosítás hatására a résörvény nem alakult ki a lapátcsatornában, azonban a mérsékelt résáram, a szívott oldal mentén befelé sodródik a negatív örvényesség hatására. Ennek következtében egy, a szomszédos nyomott oldal felé keskenyebb, befelé azonban szélesebb pangó zóna jön létre. A veszteség az összes vizsgált megfújási szög (i) tartományban nőtt, mert a lapátrésben a keveredési veszteség nagyobb mértékben emelkedett és a lapátcsatornában kisebb mértékben csökkent, a kiindulási sík lapáttető állapothoz képest. Corsini et al. (2010) a lapátvég profil vastagság eloszlásának változtatásával befolyásolta a résen átlépő térfogatáramot, ezáltal a résörvény forgását és a trajektória hullámosságát. A résörvény befolyásolásának a célja, az örvény szétesés ("vortex breakdown") megakadályozása, ami hatásfok javuláshoz vezet. Csőfal geometria módosítás célja az üzemállapot tartomány kiterjesztése, a résörvény gyengítése által (Corsini et al., 2010), egy ilyen tanulmányt ismertet (Legras et al., 2012).

A gyakorlatban alkalmazott résméret a lapátmagasság 1...2%-a (Freeman, 1985), (Cumpsty, 2004). Gallimore (1999) optimális résméretnek a húr 1%-át adta meg, mivel ez általában mechanikai okból nehezen kivitelezhető, ezért a lehető legkisebbre kell törekedni, ami még lehetséges. Goto (1992) a jelleggörbe negatív meredekségű ágát vizsgálva nem tudott optimális résméretet definiálni, kisebb résmérethez nagyobb nyomásfokozás tartozott, ugyanez tapasztalható "Smith & Cumpsty" járókerék esetén is (Khalid et al., 1999). Ugyanakkor Khalid et al. (1999) optimálisnak a $\tau < 1c\%$ tartományt találta, mert ekkor a lapátrés áram a szívott oldali sarokörvényt felbontja, a gátolt tartomány pedig ezzel összhangban kisebb kiterjedésű. Ezzel szemben (Ramakrishna, Govardhan, 2009) a teljes jelleggörbét vizsgálva "optimális" résméretet tudott megállapítani nyilazott lapátozásnál, mert a nagyobb résméret esetén, kisebb térfogatáramon, nagyobb nyomáskülönbséget tapasztalt. Mivel az örvénygépek a tervezési munkapont környezetében nyújtják a hatásfok maximumot, ezért célszerű az optimális rés kérdését is ebben a pontban tisztázni, nem átlagolt, hanem a lokális áramlás finomszerkezeti jellemzők figyelembevételével. Furber (1985) nagy agyviszonyú, sűrű lapátozású járókeréken tanulmányozta a résméret hatását a jelleggörbére. Mért jelleggörbe pozitív meredekségű ágán az össznyomás különbség nem az alkalmazott legkisebb résméret (1c%), hanem a nagyobb (4c%) résméret esetén adódott (2.9. ábra). Wennerstrom (1984) nagy kerületi sebességű (457 m/s lapátvégen) kompresszor esetén (0.42, 0.68, 0.94 c%) résméreteket vizsgált. Az optimum Furberhez hasonlóan, nem a legkisebb, hanem a nagyobb 0.68 c% esetén adódott.



2.9. ábra: Nagy agyviszonyú és lapátsűrűségű járókerék jelleggörbéje eltérő résméretnél (Furber, 1985)

Yoon et al. (2006) a kritikus résméretet, a résörvény trajektória segítségével definiálta. A kritikusnál kisebb résméret esetén a résörvény trajektória közel lineáris a lapátcsatornában (Wu S1), nagyobb résméret esetén, a megnövekedett közegáramlás miatt, a résörvény a szomszédos nyomott oldal felé hajlik el, megnövelve a "double leakage" kialakulásának a veszélyét.

Alternatív, felület áramvonal topológia leíráson alapuló 3D leválás értelmezést ismertet (Gbadebo et al., 2005). McDougall (1990) tőmített rés esetén nagymértékű sarokörvényt (**c**orner vortex: **CV**) tapasztalt. Nulla résméretről, a résméretet fokozatosan növelve, a lapátvég sarokörvény megszűník, mert az átlépő nagy sebességű résáram energizálja a kis mozgásmennyiségű zónát a lapát szívott oldal/csőfal találkozásánál (Gbadebo et al., 2007). Dong et al. (1987) kis résméret bevezetésével ($\tau/c = 0.017$) a sztátor lapáttő leválás (corner separation) mérséklődött a fokozat hatásfoka növekedett. A nyomásveszteség és a résméret növekedés között a kapcsolat – ellentétben a már ismertetett álló lineáris rács esettel - nem lineáris, az optimális résméret 1c%-nál adódott

(2.10. ábra). A 0.58c% résméret felett a lapát szívott oldalán a levált tartomány lecsökkent, résméretet tovább növelve a résáram már megakadályozza, hogy a fal határréteg és a szívott oldal között bármilyen kölcsönhatás legyen (Gbadebo et al., 2007). Itt a patkóörvény a résáram hatására már nem alakul ki. Optimálisnál kisebb résméret esetén a sarokörvény megjelenik, nagyobb résméret esetén a megnövekedett résáram (keveredés) okozza a nagyobb veszteséget (Freeman, 1985). Kügeler et al. (2008) tizenöt fokozatú kompresszor esetén, a járókerék agy és a sztátor lapátvég szívott oldali pangását mérsékelni tudta, a lapát és a fal közötti rádiusz alkalmazásával. Ugyanakkor (Meyer et al., 2012) a módszert egyenes állórács esetén alkalmazva, az összes vizsgált rádiusz esetén veszteség növekedést tapasztalt.



2.10. ábra: Résméret hatása a nyomásveszteségre (Gbadebo et al., 2007)

Többfokozatú kompresszorok hátulsó, nagyobb nyomású fokozatainál, a résméret 3...6h% is lehet (Goto, 1992) és (Williams et al., 2006). Itt a résméret nagyságát a szállított közeg és a mechanikai komponensek melelegedése befolyásolja (Baghdadi, 1996). Jothiprasad et al. (2012) plazma működtetést alkalmaz DBD (dielectric barrier discharge: DBD) módszer felhasználásával, fajlagosan nagyobb résméret esetén, a stabil üzemállapot kiterjesztésére. A csőfalon a belépőél előtt kerületi irányban ("axially offset") elrendezett – plazmát létrehozó – elektródák, a fal közelben axiális erőt gyakorolnak az áramlásra. Így a résörvény a lapát szívott oldalhoz kerül közelebb, ezáltal a résáram okozta keveredési veszteség és a diffúzió-szám lecsökken.

Nyilazott járókerék, lapátrés veszteség erősödését tapasztalta (Gallimore et al., 2002), ezzel szemben (McNulty et al., 2004) lapátvég metszet terhelés csökkenést figyelt meg, ami mérsékelt lapátrés áramlást- és így lecsökkent sebességtér gátlást eredményezett. Ramakrishna és Govardhan (2010) mérsékelt lapátrés okozta veszteséget tapasztalt lapátnyilazásnál. A lapátvég (+)SW és (+)DH kombinációjával (axially swept forward) a járókerék érzéketlensége a lapátrés méret változásra fokozottabb volt, mint a kizárólag (+)SW alkalmazása esetén. Részletes lapátrés vizsgálatot végzett három lapátos, kis agyviszonyúv FSW keréken (Lee et al., 2003). Megállapították, hogy a lapátrés örvény (tip leakage vortex: TLV) a lapátprofil statikus nyomáskülönbség maximum helyén jön létre. A résörvény lapátcsatornában a főáramlást gátolja, így a kiszorító hatása miatt, alatta a főáramlás sebessége nagyobb. A lapátcsatorna hátulsó részében, kilépőél felé, a résörvény örvényessége csökken - kiterjedt pangó zóna alakul ki a falaktól távolabb is - az erős turbulencia, a csőfal határréteg és a főáramlás kölcsönhatás következtében. Megfigyelhető továbbá, hogy a résörvény eléri a szomszédos lapátot, ezt a jelenséget "double leakage"-nek (dupla légrés) nevezzük. A résörvény a turbulencia anizotrop jellegű. Lee et al. (2003) tapasztalataihoz hasonlóak a következő, STR lapátokon végzett vizsgálatok eredményei. Szintén nyomáskülönbség maximum helyen figyelte meg a résörvény kialakulását, állórácsban (Kang, Hirsch, 1993), körrács esetén (Inoue, Kuroumaru, 1989), (Pandya, Lakshminarayana, 1983). A lapát szívott oldali depresszió csúcs a rés növekedtével a kilépőél felé vándorol (Zhu et al., 2005), (Yoon et al., 2006) és ezzel összhangban, a résörvény kialakulás is késletletett és a trajektória meredekebb a lapáthúrhoz viszonvítva (Zhang et al., 2013). Szintén résörvény trajektória meredekség csökkenés következik be a lapát állásszög növekedésével, ekkor a lapát depresszió csúcs hátrébb vándorol, a lapátterhelés lecsökken, ennek köszönhetően a résörvény mérséklődik (Yoon et al., 2006), (Khalid et al., 1999). Ezzel összhangban, a lapátvég áramlási tér gátlás is kisebbedik. A mennyiségi szám változása a szívott oldali depresszió csúcs helyét nem befolyásolja (Yoon et al., 2006), ugyanakkor Inoue és Kuroumaru (1989) és Jang et al. (2005) a mennyiségi szám csökkenésével a résörvény erősödését és a kialakulás kilépőél felé tolódását tapasztalták. A rés növekedése a résörvény örvényesség növekedését is eredményezi (Yoon et al., 2006). A résörvény jelentős fragmentálódását tapasztalt a lapátcsatornában (Liu et al., 2004) és szivattyúnál (Miorini et al., 2012), pangó - alacsonyabb sebességű - zónát eredményezve a kilépésnél. A "double leakage" (dupla lapátrés) jelenségét (Khalid et al., 1999) írta le. Hatására a lapátvég terhelés mérséklődik, ennek következtében a résen átlépő térfogatáramés a résörvény trajektória meredeksége lecsökken, a sebességtér gátlás fokozódik. A lapátozás mögött a falaktól távol az örvények szimmetrikusak ezért itt a turbulencia izotrop (Goto, 1992), míg falközelben anizotrop természetű, (Goto (1992) és Oweis et al. (2006)). Corsini és Rispoli (2005) in-house anizotrop turbulencia modellt alkalmazott, aminek segítségével a "kicentrifugálódás" (Ramakrishna, Govardhan, 2009) okozta, ideális egyensúlvi egyenlettől (Schobeiri, 2012) eltérő, "nem-egyensúlyi" egyenlet szerint leírható 3D áramlás jobban közelíthető.

A résörvény kialakulására kétféle magyarázatot található a szakirodalomban:

- 1. Tallman és Laksminarayana (2001) turbina lapátot vizsgált $\tau = 1h\%$ résmérettel. A résörvény felcsavarodás, a lapátrésben szállított örvényvényesség (örvénytranszport egyenlet: (Lajos, 2004)) következtében jön létre a lapát szívott oldal kilépésénél. A vizsgálat szerint, a turbina lapátrésben a keveredés kialakul, ez szolgáltatja az örvényességet. A cikk a lapátvastagságról nem tesz említést, de mivel a turbina lapát vastagsága fajlagosan nagyobb, így vélhetően a korábban említett vena contracta visszafekvés/keveredés feltételt kielégíti. Wu et al., (2011) axiális átömlésű szivattyú esetén, szintén lapátrés örvénytranszporttal indokolta a résörvény létrejöttét.
- 2. A résörvény kialakulásának "klasszikus" magyarázata (Dixon, Hall, 2014) értelmében, az örvénybe csavarodás a résen kívül, a nagy sebességű résáram és az erre közel merőleges főáramlás kölcsönhatása következtében jön létre. A résáram és a főáramlás között a határoló görbült felületen nyíróréteg alakul ki, amely keveredéshez és így résáram felcsavarodásához vezet.

A résörvény negatív örvény, azaz a rotor forgásával ellentétes és az örvénymag főáramlás irányú relatív sebesség komponense alacsony (Xianjun et al., 2007). Liu et al. (2006) tervezési üzemállapotban a résörvény kialakulását a húr függvényében a következő szakaszokra bontotta:

- 1. Kialakulás szakasza: x/c = 0.3.
- 2. Terjeszkedés szakasza: x/c = 0.3...0.5.
- 3. Instabil szakasz: x/c = 0.5...1.
- 4. Turbulens keveredés: x/c > 1.

Fojtott üzemállapotban a résörvény a belépő élhez közelebb jön létre, a résen átlépő térfogatáram megnő (Xianjun et al., 2007), valamint a résörvény szétesése ("vortex breakdown") korábban következik be, hosszabb átmeneti instabil szakasz nélkül (Liu et al., 2004). A résörvény belépőél felé vándorlás és a megnövekedett résáram magyarázata a lapát szívott oldali diffúzió megnövekedése (Dixon, Hall, 2014).

A bekezdésben ismertetem a lapátrés áramlás/résörvény tulajdonságait, tervezési üzemállapotban Xianjun et al., (2007) áttekintő munkáját alapul véve. A résörvény határ és középpont lokalizálására, a húrra merőleges mérési síkokban, a λ_2 kritériumot (Haller, 2005) alkalmazta, mert így az örvény a csőfal határrétegtől jól elkülöníthető. Áramlás irányban a résörvény növekedésének oka a résáram energizáló hatása, azaz a forgás közben közeg felvétel impulzus

cserével és így az örvény diffúzió. A résörvény szétesése a kilépőélhez közel $x/c \approx 0.9$ következik be, itt az áramlás időfüggése már nem elhanyagolható. A résörvény aszimmetrikus, ami a főáramlással történő erős kölcsönhatás következménye. A kilépőél felől nézve minimum sebesség a résörvény jobb felső sarkában helyezkedik el, ahol a kölcsönhatás a résáram és a csőfal határréteggel a legintenzívebb. A kilépőél felé, a résörvény minimum sebesség, a trajektoria közelébe vándorol és értéke azt megközelíti.



2.11. ábra: Résörvény trajektória: távolsága (X_c) és sebessége (U_c) a rotor forgásközéppont irányba, távolsága (Y_c) és sebessége (V_c) húrra merőleges irányba (Xianjun et al., 2007).

A 2.11. ábrán látható, hogy a résörvény a húr 30%-ánál jön létre, a húrra merőleges távolság lineáris, radiális irányban a távolság közel egyenes, a középpont alig távolódik a csőfaltól. A tangeciális sebesség közel lineárisan csökken a húr 70%-áig. Értékét döntően a résáram befolyásolja, amely a lapátvég terheléstől függ és a kilépőél felé mérséklődik. A radiális sebesség értéke nagyságrendekkel kisebb, de a lapátvég felé a tangenciális sebességgel összetart. Értékét a résörvény növekedés befolyásolja.



2.12. ábra: Dimenziótlanított örvényesség csúcsértéke (ω_{peak}) és a résörvény átmérő (D) változása (Xianjun et al., 2007).

Az örvény átmérőt a résörvény tartomány $(\lambda_2 < 0)$ rövid és hosszú átmérőjének számtani közepe adja. A meredekség közel állandó, ennek az a magyarázata, hogy tervezési üzemállapotban a szívott oldali határréteg radiális mozgása mérsékelt, így a lapátvégen a résáram a kilépőél felé kevésbé gátolt, ezáltal a résáram a résörvényt tovább tudja energizálni (2.12. ábra). A húr 70%-tól a meredekség kismértékben nő mert a résörvény instabillá válik.

Az indukált ellenörvény, a fali határréteg és a résörvény kölcsönhatás következtében fejlődik ki, a résörvény és a fal között, forgása ellentétes a résörvénnyel (Van Zante el al., 2000). Az örvény

erőssége a fal és a résörvény sebesség különbségétől függ (Williams et al., 2006). Az indukált ellenörvény meggátolja a résörvény mozgását a nyomott oldal felé (Van Zante el al., 2000), így gátolja a "double leakage" (Khalid et al., 1999) kialakulását is. Walker et al. (2005) álló lineáris lapátrácsban 8h% résméret mellett erős indukált ellenörvényt figyelt meg, amely relatív falmozgás esetén azonban már nem alakult ki. Ezzel szemben, relatív falmozgás esetén, kisebb résméret tartományban (0.83...3.3h%), You et al. (2006) tapasztalt indukált ellenörvény kialakulást. Axiális átömlésű szivattyú esetén (Miorini et al., 2012) szintén megfigyelte az indukált ellenörvény létrejöttét.

Zhu et al. (2005) méréssel és szimulációval vizsgálta a lapátvég áramlási teret. Megállapította, hogy a globális teljesítmény jellemzők, úgy mint a statikus nyomásnövekedés és hatásfok, csökkennek a résméret növekedésével. A lapátrés áram a résből kilépve spirál alakú örvénybe csavarodik (2.13. ábra). Az örvény nagysága és intenzitása nő a résméret növekedésével. A résáram és a főáramlás kölcsönhatása keveredési veszteséget eredményez és gátolt sebesség tartományt a lapátvégen. A rés növelésével a reverzibilis áramlás fokozódik, amely így jelentősebb energiaveszteséget eredményez. A résörvény a fal közeli közegáramlást – a főáramláshoz képest – a szomszédos lapát felé téríti, a faltól távolabb az eltérítés viszont a szívott lapátoldal felé mutat (2.13. ábra). Hasonló megfigyeléseket tett a résörvény környezetében történő közegeltérülésre Pandya és Lakshminarayana (1983) is.



2.13. ábra: Lapátrés örvény modellje (Zhu et al., 2005)

A lapátrésen átáramló térfogatáramot két tényező befolyásolja (Laksminarayana, 1996):

1. Lapátrés nagysága.

2. Lapátprofil mentén a nyomáseloszlás, azaz a lapátterhelés.

Állórács esetén, a résen átömlő térfogatáram a résmérettel lineárisan nő. A résörvény közelségének hatására ugyan változik a nyomáseloszlás, de ez a teljes átlépő térfogatáramot ez nem befolyásolja (Storer, 1991). Forgó rendszerben, a lapátvég felé haladva fokozatos lapát terhelés csökkenést tapasztalt Lakshminarayana és Pandya (1984).

A határoló csőfal és a rotor közötti relatív mozgás következtében, a résáramlás okozta kölcsönhatási tartomány, a lapátcsatornában a szívott oldaltól távolabb kerül (Laksminarayana et al., 1995), (Zhu et al., 2005). A relatív falmozgás hatása az áramlási jellemzőkre, így jelentős befolyással bír, ennek hatását állórács esetén, mozgó határoló fallal modelezték: (Kang, Hirsch 1996), (Williams et al., 2006), (Kato et al., 2011). Kang és Hirsch (1996) relatív falmozgás hatására a határoló fal határrétergének járulékos eltérülést tapasztalta, ez felerősítette a résörvény mozgást, amely így a szívott oldaltól távolabb került. Hasonló megfigyelést tett forgó körrács esetén Lakshminarayana és Pandya (1984). A falmozgás felerősíti a résen átlépő közegmennyiséget, a lapátcsatornába belépő közeget falmozgás irányában eltéríti, a lapátcsatorna fal közelében a szomszédos lapát felé térül el a közeg, az alacsonyabb sugarakhoz képest (Williams et al., 2006). Forgó körrács esetén ugyanakkor, a lapát fordulatszám csökkenéssel összhangban

csökken a résáram (Lakshminarayana, Pandya 1984). Falmozgás esetén a lapátvég veszteség tartomány radiális irányú kiterjedése lecsökken azáltal, hogy a szomszédos lapát felé megnyúlik (Kato et al., 2011).

A lapátrés méret növekedésével a lapátozás mögötti veszteség zóna kiterjedése a lapátvégen nő, ugyanakkor a lapáttőnél csökken (Kato et al., 2011). Ezzel szemben kis agyviszonyú (0.23) forgó körrács esetén, az agy közeli áramképet, a különböző résmérethez tartozó lapátvég veszteségek nem befolyásolják (Akturk, Camci 2011).

2.3. Áramlási tér gátlás

A lapátcsatorna súrlódásos jelenségeinek hatása, alacsony kerületi sebességű (ventilátor) járókerék esetén (Cumpsty, 2004):

- Behatárolja a nyomásfokozás gazdaságos tartományát, ennek túllépésével a hatásfok jelentősen romlik és az áramlás instabillá válik ("rotating stall" és nagy kitejedésű leválás ("surge") jelensége (Gallimore, 1999)).
- Falsúrlódás hatására a lapátcsatorna átáramlás hatásos keresztmetszete leszűkül, ezt a jelenséget gátlásnak nevezzük. A gátlás jelentősen befolyásolja a közegátáramlást.

A csőfal gátlás kiterjedését befolyásolja lapátvég terhelés, belépő határréteg vastagsága, lapátrés nagysága, beállítási szög, rácssűrűség (Khalid et al., 1999 és McNulty et al., 2004). A gyűrűfali (agy és csőfal) sebességtér gátlás értelmezésének egyik módja, a gyűrűfali határréteg kiszorítási vastagság számítása integrálással (Stratford, 1967). Tipikus értéke a gátolt tartománynak a gyűrűfelület 10%-a, a hátsó kompresszor fokozatoknál (Gallimore, 1999). A fali határrétegen kívül nő az átáramlási sebesség, aminek következtében, a hidraulikai hatásfok lecsökken, mert a sebességi háromszögek eltérnek a tervezési lapátgeometria megfeleltetéstől (Piscopo, 2013). Aungier (2003) a lapátozás előtervezésénél, egy becsült gátlás tényezővel növeli meg a gyűrűfelületet, hogy így az össznyomás csökkenést figyelembe vegye. Zhu et al. (2013) a 2D előtervezési módszerében, figyelembe veszi a gátlás hatását is. Cumpsty (2004) a következőképpen értelmezi a gátlás (B) számítását:

$$B = 1 - (hat \acute{a} sos \acute{a} raml. keresztm./geom. \acute{a} raml. keresztm.)$$
 (2.2)

A (határréteg) kiszorítási vastagsággal (δ^*) kifejezve:

$$B = 1 - \left(A - \Sigma \delta^*\right) / A \tag{2.3}$$

A kiszorítási vastagságot a lapátozás mögötti áramlási nyomban is értelmezni lehet ("wake momentum thickness", Dixon és Hall, 2014), így a lapátfelület súrlódás hatása is figyelembe vehető a gátolt tartomány számításánál. A lapátfelületen a határréteg, módosítja a hatásos lapátgeometriát és az eltérülés (δ) értékét megnöveli (Dixon, Hall, 2014).

Khalid et al. (1999) a hatásos átáramlási keresztmetszet határát, a főáramlás irányú sebesség vetület változás $(\nabla(\rho v_m))$ vizsgálatával fejezte ki. Megállapította, hogy nagyobb résméret esetén a gátolt tartomány nagyobb, a mennyiségi szám csökkenésével a lapátvég gátlás görbék széttartanak (2.14. ábra). Ez a belépési szög- (α_0) és így a lapátterhelés növekedésével magyarázható. Ha csak a lapátvég tartomány gátlást vizsgáljuk, a kapcsolat lineáris és nagyobb résméret esetén a meredekség nagyobb. Ugyanakkor megfigyelhető, hogy az áramlási nyom és a lapáttő együttesen nagyobb veszteséget okoz, mint a lapátvég.



2.14. ábra: Gátlás a közegmennyiség függvényében (Khalid et al., 1999)

A szerzők $\Delta P / Q = 0.5$ üzemállapotban a következő megállapításokat tették: A lapát beállítási szög (γ) növekedésével a gátlás csökken, mert a résből kilépő nagy sebességű levegő sugár ("jet flow") mérséklődik és a főáramlás irányába fordul. A rácssűrűség (σ) növekedésével a gátlás csökken. Sűrű rács esetén, a résörvény a szomszédos lapát nyomott oldalával kerül kölcsönhatásba, ennek következtében a résben az áramlási veszteség megnövekedik, így a résen átlépő térfogat is lecsökken. Ennek következménye a kisebb gátlás és a lecsökkent lapátterhelés. Megállapították továbbá, hogy a lapátterhelés a gátlást gyengén befolyásolja. Ahhoz, hogy 50% csökkenjen a gátlás, a lapátterhelést 74%-kal kell csökkenteni a lapátvégen.

Foley és Ivey (1996) szerint több fokozatú kompresszor harmadik fokozatánál, a lapátrés áramlás csak a lapátmagasság 20%-ában zavarja a kilépő áramképet, csőfaltól számolva. Az agy szekunder jelenségei csak a lapátmagasság 40%-áig zavaróak, a két örvényes tartomány között az áramlás jó közelítéssel q3D-nek tekinthető. Laksminarayana (1996) tapasztalata alapján a lapátrés-főáramlás kölcsönhatási zóna a lapátmagasság 15...20%-ra terjed ki, így ebbe a tartományba beleesik egy korábbi vizsgálat is (Laksminarayana et al., 1986). Zhu et al., (2005) mérési eredménye szerint, a lapátréshez kapcsolt súrlódásos jelenségek hatása csőfaltól a lapátmagasság maximum 16%-ára terjednek ki.

Suder és Celestina (1996) a lapátrés áramlás által befolyásolt lapátvég tartomány radiális kiterjedését a lapátmagasság 15...20%-ára becsülte. Az ún. "core-flow" tartományt lapátmagasság 20...80%-ának tekintette. Ebben a tartományban a gátlást az áramlási nyom okozza. Suder (1998) vizsgálatának a konklúziói a következők. A lapátvég gátlás 2...3-szor nagyobb, mint a core-flow gátolt tartománya. A lapátterhelés növekedésével a lapátvég gátolt tartomány is növekedik, ami összhangban van Khalid (1994) megállapításával. A core-flow gátlása a lapátmagasság mentén csaknem konstans. Kisebb rotor fordulatszámon a lapátvég- és a core-flow gátlás megnövekedik, a "core-flow" gátlás (~áramlási nyom) a sugár mentén azonban már nem állandó. Veszteség növekedés oka lehet, hogy a kisebb szállító sebesség miatt, a megfújási sebesség szöge (i) emelkedik, amely a szívott oldali depresszió növekedéséhez vezet (Dixon, Hall, 2014).

A lapátcsatornában, a résörvény okozta gátlás következménye, hogy a szívott oldali depresszió csúcs növekedése fokozódik a résméret növekedésével (Zhu et al., 2005). Xianjun et al. (2007) mérési adatokból a lapátcsatornában számolta a résörvény okozta gátlást. A résörvény szétesése esetén a gátlás tovább növekedik, a tervezési munkapontban, a kilépőél síkjában és azután is (2.15. ábra). A jelleggörbe csúcsán (NS), az örvény szétesés már a lapátcsatornában bekövetkezik ("vortex breakdown"), ennek síkjában a gátlás eléri a csúcsértékét, amely a DE gátlás maximum több mint háromszorosát teszi ki, a mért tartományban.



2.15. ábra Résörvény okozta gátlás változása a húrhossz (%) mentén, a húrra merőleges síkokon (Xianjun et al., 2007)

Bourgeois et al. (2011) turbulencia modellek részletes összehasonlító vizsgálatát végezte el. Megállapította, hogy a centrifugál kompresszor kilépésénél az SST turbulencia modellel számolt gátlás B = 22.6%, az RSM-SSG modell esetén B = 22.5%, a mért értéke $B = 21 \pm 2\%$. A járókerék mögötti diffúzor csatorna kilépésénél azonban az RSM modell már lényegesen jobb eredményt szolgáltat. Mivel a reynolds-feszültség modell számítási ideje nagyobb, mint a reynolds-átlagolt modellé ezért az SST modell alkalmazása célszerűbb lehet, ha (csak) a lapátcsatorna áramlás jóságát akarjuk megítélni.

Jothiprasad et al. (2012) kis kerületi sebességű, lapátvégen erősen terhelt járókerék esetén, a lapátmagasság 10%-án tapasztalt gátlást a csőfalnál. Az axiális DBD működtetésével, a hatóerő fokozásával lineárisan csökkent a leválás mérték.

A CVD sebességeloszlásra tervezett járókerék nem kívánt jellemzője a radiális közegáramlás, amely a lapátvégen pangó zónát eredményez. Ezt a hatást a gátlás vizsgálatánál, a tervezési nyomásszám gradiens bevezetésével – mint új paraméter - figyelembe vehetjük (Vad, 2013). Egyenes (STR) lapátozás esetén, a fali határréteg axiális sebesség komponensével számolt kiszorítási vastagsága a lapátvégen, egyenesen arányos a tervezési nyomás gradienssel (2.16. ábra). A lapát előrenyilazása ugyanakkor moderálja a radiális közegátrendeződést (Vad, 2010), amely így kedvezően hat a csőfal gátlásra is.



2.16. ábra Lapátcirkuláció változás hatása a lapátvég gátlásra (Vad, 2013)

2.4. Diffúzió szám és a profil veszteség

A sík szárnyrácsot alkotó szárnyprofilok szívott oldalán a nyomás a legnagyobb depresszió helyétől (2.17. ábra) kezdve az áramlás irányában növekszik, az áramcsövek tehát ezen a helyen diffúzorok. Ha a nyomásnövekedés rohamos, a határréteg csökkent mozgási energiája nem elegendő az áramlás közben a nyomásnövekedéssel szemben végzendő munkához, az ott lévő levegő részek megállnak, visszafelé áramlanak, és az így meginduló örvények miatt az áramlás nem követi többé a szárny felületét (Gruber, Blahó, 1971).



2.17. ábra Jellegzetes lapátprofil sebesség eloszlás tervezési állapot esetén (Dixon, Hall, 2014)

A lapátcsatorna így diffúzorként modellezhető (Schweitzer, Garberoglio, 1983), nyomáseloszlás ismeretében az egyenértékű diffúzor keresztmetszet szerkeszthető (2.18. ábra). Látható, hogy a közeglassulás a szívott oldalon kritikussá válhat, mert $w_{max} - w_3 >> w_0 - w_3$, ezzel összhangban a szívott oldali diffúzió (nyomáscsökkenés, BC) csaknem kétszerese a lapátrács ekvivalens értékének (AC) (2.18. ábra).



2.18. ábra: Ekvivalens diffúzor (Lewis, 1996)

Lieblein sík szárnyrácsokon (C4 és Naca65 profil) végzett méréssorozattal kimutatta, hogy a nyomásveszteség és a lapátozás mögötti áramlási nyom vastagsága elsődlegesen a lapát szívott oldali közeglassulásával (diffúzió) arányos, a minimális nyomásveszteséget adó megfújási szög (i) környezetében (Bullock, Johnsen, 1965). Ez a megfigyelés azzal magyarázható, hogy a kilépőélen leúszó, szívott oldali határréteg közeg, a fő táplálója az áramlási nyom kiterjedésének, ezért a lineáris lapátrács esetén a szívott oldali sebesség eloszlás a legfontosabb befolyásoló tényező az össznyomás veszteség kialakulásánál (2.19. ábra).



2.19. ábra: Áramlási nyom és sebesség eloszlás sematizált ábra (Dixon, Hall, 2014).

Lieblein a szívott oldali közeglassulás számszerűsítésére bevezette a lokális diffúzió számot (Bullock, Johnsen, 1965):

$$DF_{loc} = \frac{W_{\text{max,free}} - W_3}{W_{\text{max,free}}}$$
(2.4)

Az áramlási nyom vastagsága ("wake momentum thickness ratio") a kilépő élnél (Cumpsty, 2004):

$$\Pi = \frac{1}{c} \int_{0}^{\delta} \frac{w(\delta)}{w_{loc.free}} \left(1 - \frac{w(\delta)}{w_{loc.free}} \right) dn$$
(2.5)

A nyomás-veszteség tényező (Cumpsty, 2004), amely profil veszteségnek tekinthető, nagysága a lapát kilépőél mögötti áramlási nyom vastagságával arányos (2.19. ábra):

$$\omega = \frac{\Delta p_0}{\frac{1}{2}\rho w_0^2} = \frac{p_{00} - p_{03}}{\frac{1}{2}\rho w_0^2} \approx 2\left(\frac{\Pi}{c}\right) \frac{\sigma}{\cos\alpha_3} \left[\frac{\cos\alpha_0}{\cos\alpha_3}\right]^2 \approx 2\left(\frac{\Pi}{c}\right) \frac{w_3\sigma}{v_m} \left[\frac{w_3}{v_m}\right]^2 \sim \frac{0.007 \cdot 2\sigma}{\cos\alpha_3}$$
(2.6)

Az áramlási nyom vastagság (Π) és a lapát szívott oldali lokális diffúzió szám (DF_{loc}) között a 2.20. ábra fejezi ki a kapcsolatot. A görbe a következő egyenlettel közelíthető (Dixon, Hall, 2014):

$$\Pi = f\left(\mathrm{DF}_{loc}\right) = 0.004 / \left[1 + 1.17 \ln(1 - \mathrm{DF}_{loc})\right]$$
(2.7)



2.20. ábra Áramlási nyom vastagság függése a lokális diffúzió számtól (Dixon, Hall, 2014)

Mivel a profil szívott oldali sebesség eloszlását viszonylag körlülményes lenne meghatározni, ezért Lieblein szisztematikus rácsmérés sorozat kiértékelésével levezette az empirikus diffúzió számot (DF), Naca 65 és brit C4 profilokra. Ennek számításához elég ismerni a sebességi háromszögeket (~v_{3u}) és a rácssűrűséget ($\sigma^{-1} = s/c$), ami a diffúzió szám egyenletének a használatát az előtervezésnél egyszerűvé teszi (Lieblein, 1960):

$$DF = f\left(\Delta p_{stream}; \Delta p_{cir}\right) = \left(1 - \frac{w_3}{w_0}\right) + \frac{v_{3u}}{2\sigma w_0} \sim \mathrm{DF}_{loc}$$
(2.8)
I. II.

Az axiális iránytól mért szögekkel kifejezve, állandó sűrűség és AVR = 1 feltételezésével:

$$DF = \left(1 - \frac{\cos \alpha_0}{\cos \alpha_3}\right) + \frac{\cos \alpha_0}{2\sigma} (\tan \alpha_0 - \tan \alpha_3)$$
(2.9)

A DF egyenlet összenyomhatatlan közeget feltételez, és két tényező együttes hatását fejezi ki, a profilveszteségre. A (2.8) I. tagja a lapátrács 1D diffúziójával-, a II. tag a lapátcsatorna keresztirányú nyomásgradiensével arányos, azaz a kilépő közeg eltérülését fejezi ki a belépőhöz képest (Cumpsty, Greitzer, 2004). A lapátcsatorna diffúzióját egy másik ismert korlátozó feltétellel, a De Haller kritériummal (*DH*) is kifejezhetjük, kritikus értéke $w_3 / w_0 \ge 0.72$ (Wennerstrom, 1990). A lapáttő deHaller kritériumra történő ellenőrzése FV tervezésnél különösen fontos (Eck, 2003), mert a tangenciális sebesség (v_{3u}) itt a legnagyobb, a szállítósebesség pedig a legkisebb.

A tangenciális sebességet DF-ből kifejezve és azt az Euler Turbina Egyenletbe helyettesítve kapjuk:

$$\Delta P_t = f\left(\sigma, \mathbf{u}, DF, DH\right) = 2\rho\sigma u w_0 \left(DF - 1 + \frac{w_3}{w_0}\right)$$
(2.10)

Látható, hogy az össznyomás növekedés egyenesen arányos a kerületi sebességgel valamint a rácssűrűséggel.

Ha DF > 0.6, a lapátrács veszteség növekedése rohamossá válik (Lieblein, 1960), ennek oka a turbulens határréteg leválás. Marcinowski (1956) megállapította, hogy magányos szárnnyal

szemben, állórácsban a kedvező aerodinamikai viszonyok kezdődő leválás mellett adódnak a kilépőélnél. Általános esetben, helyes tervezésnél DF = 0.45 érték körül szóródik (Dixon, Hall, 2014). Robbins és szerzőtársai FV tervezés esetén a lapáttőnél DF = 0.6 a lapátvégen pedig $DF \approx 0.4$ javasoltak (Bullock, Johnsen, 1965). A 3D körrács előtervezésénél, a $\overline{\omega} = f(\Pi)$ 2D részveszteséget profilveszteségnek nevezzük (Grieb, 2009). Előtervezésnél a 2D síkrács modell esetén, a nyomásgradiens mellett, figyelembe kell venni a falsúrlódás hatását is a nyomásveszteségre (Vad, 2010), ezt a (2.12) és a (2.8) alapján a $\omega = f(\sigma)$ függvény képzésével tudjuk megtenni (2.22. ábra). A minimális veszteséget adó megfújási szögnél (i), a húrhossz (c) növekedésével, a falsúrlódás okozta határréteg vastagodás (Boundary Layer Growth: BLG) lineárisan nő (2.21. ábra), aminek az eredménye, hogy adott rácssűrűség esetén, az áramlási nyom vastagodásának ($\Pi \sim \omega$) szélsőértéke van. Így – a falsúrlódás hatását is figyelembe véve - adott eltereléshez (α_0 , v_{3u}) és rácsosztáshoz (s) egy optimális húrhossz (c) érték rendelhető hozzá (2.22. ábra).



2.21. ábra Határréteg vastagodása a szívott oldali depresszió csúcs után (Vad, 2010)

A (2.7)-hez hasonlóan, a dimenziótlan áramlási nyom vastagság a DF-el is kifejezhető (Roberts et al., 1988):

$$\Pi \approx 0.045 DF^{2.2} + 0.006 \text{ és } 0 \le DF \le 0.6$$
(2.11)

Vad (2010) regresszió nyomán:

$$\Pi = 6.2 \cdot 10^{-3} + 3 \cdot 10^{-4} \exp(6.34DF) \text{ és } 0 \le DF \le 0.7$$
(2.12)

A DF a következő változóktól függ: $DF = f(\mathbf{w}_0; \mathbf{v}_{3u}; \sigma) = f(\alpha_0; \varepsilon; \sigma)|_{\rho \approx const. \land AVR=1}$

Előtervezés során, az adott sugárhoz tartozó sebességi háromszögek ismeretében, a (2.12) egyenletben csak a rácssűrűség függvénye $\left(\Pi|_{(w_0,v_{3u})} = f[DF(\sigma)]\right)$. Ezt az egyenletet a (2.6)-ba helyettesítve kapjuk a következő függést $\overline{\omega}|_{(w_0,v_{3u})} = f(\sigma)$. Az így kapott egyenlet az adott sugarú rácsmetszet 2D profilveszteségét fejezi ki, tervezésnél arra törekszünk, hogy értéke minimumhely

környezetében legyen (Vad, 2010). Egy ilyen vizsgálat grafikus kiértékelését szemlélteti a 2.22. ábra.



2.22. ábra: Előírt eltereléshez tartozó profilveszteség és diffúzió szám eloszlás (Vad, 2010)

A lapátszám (s = f(N)) felvételével és a 2.22. ábra szerkesztésével, az optimális húrhossz (c) leolvasható. A lapátszám választásánál figyelembe kell venni az Re $\geq 1.5 \cdot 10^5$ feltételt (Bohl, Elmendorf, 2012). Az előtervezési nyomás fokozásával a DF szinten tartása a lapátszám növelésével lehetséges, ez fajlagosan nagyobb rácssűrűséghez vezet, aminek eredményeképpen a lapátterhelés mérséklődik (lapátrés veszteség lecsökken), azonban így viszont a "double-leakage" kialakulásának veszélye megnövekedik (Dickens, Day, 2011).

Vad (2010) a határoló falaktól távol, a lapát szívott oldalán a 3D kontinuum pályagörbe hosszát, mint effektív húrhossz kezeli. Megfigyelte, hogy adott rácsosztás (s) és sebességi háromszög $(\alpha_0; \alpha_3)$ esetén, az effektív húrhossz rövidülésével a falsúrlódási veszteség lecsökken, azaz ezzel összhangban a torló nyomás veszteség (ω) a minimum közelébe kerül. Ez a 3D szemléletmód különösen a változó cirkulációra történő tervezés és a lapátnyilazás együttes alkalmazása esetén hasznos, mert a sugár mentén alkalmazott előrenyilazás pályagörbe rövidítő hatása veszteség csökkenést eredményez, ami így a 2D Lieblein-analógia szerint értékelhető.

Cetin et al. (1987) összefoglaló tudományos-jelentése (AGARD), számos "alternatív", az irodalomban fellelhető közelítő egyenletet tartalmaz a diffúzió számra (DF) és a veszteségre

 $(\omega = f(\Pi))$ egyaránt. Hu et al. (2011) görbült áramvonal módszert (streamline curvature: SLC) alkalmazzák az "off-design" üzemállapot paramétereinek a becslésére. A diffúzió meghatározására Swan (1961) által bevezetett egyenértékű diffúzió számot alkalmazza, a profilveszteség becslésére azonban már, az (Re, Ma) hatását is figyelembe vevő Aungier (2003) közelítését használják fel. Ideális közegáramlást feltételezve, a görbült áramvonal módszere (SLC) a mozgásegyenlet felírásánál a határoló falak (agy és csőfal) görbületét is figyelembe veszi (Dixon, Hall, 2014). Így azt az "endwall profiling" tervezési módszer esetén is alkalmassá teszi a tengelyszimmetrikus, de a hengerfelülettől eltérő, áramfelületek számítására. Az SLC módszer alapjait Novak (1961) rakta le. A szárnyrácsprofil tervezésnél jó alkalmazható a König et al., (1996) profilveszteség és közegeltérülés (δ) számítás modell. A módszer pontosabb közelítést szolgáltat, mint a Cetin (1987) dolgozatában bemutatott "AGARD-modell". Schobeiri (1997) a veszteség számítás modelljében, az összenyomhatóságot is figyelembe veszi a diffúzió szám

A 2.23. ábrán lapátréssel ellátott álló lineáris lapátrács konstans DF és beállítási szög (γ) görbeserege látható (Storer, Cumpsty, 1994). A DF-et a lapátréstől távol érti, a veszteség tényező azonban már a lapátrés környezetében értelmezett. Megfigyelhető, hogy a veszteség az összes beállítási szög esetén DF = 0.45-ig közel lineáris nő, efölött pedig a veszteség növekedés 2.23. ábra szerint kis mértékben csökken. A lokális minimumok $\gamma \approx 40^{\circ}$ mentén szóródnak. Megfigyelhető továbbá, hogy rögzített ($\alpha_1, \gamma, \tau \neq 0$) esetén fal közelben csökkenő diffúzió szám

hatására a profilveszteség szigorúan monoton csökken. Ebből arra lehet következtetni, hogy a lapátvég 3D áramlási jelenségei alapvető eltérést eredményeznek a tervezési profilveszteség (~áramlási nyom) alakulásában (Ravindranath, Lakshminarayana, 1982); továbbá a tervezési 2D optimumnál (2.21. ábra) kisebb tervezési diffúzió szám a lapátvég veszteség csökkentés eszköze lehet, forgó körrács esetén. Ezzel összhangban, elképzelhető, hogy a tervezési diffúzió szám mérséklésével csökken a tangenciális- és az áramlás irányú nyomás gradiens értéke, a lapátvég veszteség erre érzékenyebb lehet, mint a húrhossz növekedés okozta felületi súrlódás veszteség többlet.



2.23. ábra: A lineáris lapátrács tervezési paramétereinek a hatása a lapátvég veszteségre, $\tau/c = 0.02$, lapátvégtől h/c = 0.75, $\sigma = 1.67$ (Storer, Cumpsty, 1994)

Wheeler et al. (2009) két belépőél geometria konfigurációt tesztelt. A 3:1 ellipszis beállításnál az áramlás a belépőél környezetében lamináris maradt, a lekerekített esetben azonban korai leválás jött létre a gyors visszafekvés után a határréteg turbulens. Az utóbbi eset 30%-kal nagyobb áramlási nyom vastagságot- és ezzel összhangban 30%-kal nagyobb profil veszteséget eredményezett. Bo et al. (2010) álló lineáris rács - határoló falaktól távoli - vizsgálata alapján, a belépő sebességnek (w_0) csak csekély befolyása van a határréteg szerkezetére, nagyobb sebességhez alig kisebb kiszorítási vastagság tartozik. Ugyanakkor a megfújási szög (i) változás a határréteg szerkezetére jelentős befolyással bír. A vizsgált negatív megfújási szögnél nem tapasztalt sem a szívott- sem a nyomott lapát oldalon határréteg leválást. A megfújási szög növelésével összhangban a szívott oldali határréteg leválás egyre közelebb kerül a lapát belépő élhez. Hasonló tendenciát tapasztalt Ma et al. (2011) is a lapátközépen. A nyomott oldalon a vizsgált állásszög tartományban nem tapasztalt leválást. A belépő turbulencia (~ turbulencia fok) megnöveli a szívott lapátoldal határréteg nyírófeszültségét, ezáltal hozzájárul a profilveszteség növekedéséhez (Chen et al., 2012).

2.5. Lapáttő leválás

A lapátcsatorna falnál (lapáttő vagy lapátvég zérus résmérettel) a 3D leválás általános magyarázata (Gbadebo et al., 2007), az áramlás irányú nyomás gradiens, amit a lapátprofil vastagság eloszlása okoz és a határoló falnál, a kerület irányú nyomás gradiens kölcsönhatása, ami a lapátcsatorna görbület ("szükséges közegeltérítés") eredménye. Ehhez hozzájárul még a belépő fali határréteg eltérülése a határoló felület mozgás (rotor) hatására (Lei et al., 2008). You és Liu (2010) az empirikus lapáttő leválás kritérium levezetésénél, a lapátsűrűséget (σ), a beállítási szöget (γ), a vázvonal ív középponti szögét (θ) és a lapátmagasság-húr arányt (AR) tekintette főbb, leválást befolyásoló geometriai tényezőknek. Felsorolt hatások szuperpozíciójának következménye, hogy a lapáttőnél a szívott oldalon mindig kialakul leválás (Gbadebo et al., 2005), ami az áramképet 3D teszi Gbadebo et al., (2005) és Hashmi et al. (2011). Ezzel szemben Dong et al. (1987) alacsony sebességű, egy fokozatú kompresszor esetén a rotor lapáttőnél nem tapasztalt leválást, a sztátor keréken azonban jelentős pangás lépett fel. Ezért a lapáttő leválás minőségi és mennyiségi értékelésére a 2D áramlás diffúzió-modell – önmagában - alkalmatlan (Dring, 1987), (Hah, Loellbach, 1999), (Gbadebo et al., 2005), (Bailie et al., 2008) és (Yu, Liu, 2010).

A lapátcsatorna falnál kialakuló keresztirányú áramlás (nyomás gradiens) magyarázata a belépő, határréteggel rendelkező közeg eltérülése az átáramlás során (Lampart, 2009). A határréteg áramvonal eltérülés magyarázatát a 2.24. ábra szemlélteti. Súrlódásmentes állandó sűrűségű áramlást feltételezve, a fal közelben (B) és attól távol (A), a két egymást fedő, görbült áramvonal normális irányú nyomásnövekedése azonos, amely az euler-egyenlet segítségével kifejezhető (Lajos, 2004). Fal közelben azonban (B) a falsúrlódás miatt az áramlás határréteggel rendelkezik, ahol a sebesség értéke kisebb, mint a faltól távol (A), a szabadáramlásban ($w_B < w_A$, 2.24. ábra). A nyomás gradiens hatására, a normál komponens egyenletek értelmében, a határréteg kontinuum pályája görbülete lecsökken ($R_{B'} < R_A$). A határréteg áramlás eltérülése szekunder áramlást generál a szívott oldal irányába.



2.24. ábra: Szekunder áramlás a falnál (Laksminarayana, 1996)

Ennek hatására a lapát belépő élén kialakuló patkóörvény ("horseshoe vortex") nyomott oldali ága, a szívott oldal felé sodródik (2.26. (a) ábra, Dixon, Hall, 2014), ez kölcsönhatásba lépve a lapáttő közeggel a kilépési örvényességet ("passage vortex") hozza létre. Továbbá a határoló fal határréteg közeg kerület irányú transzportja eredményezi a lapáttő leválást (Laksminarayana et al., 1986), illetve hozzájárul a lapáttő leváláshoz (Lei et al., 2008). A súrlódásmentes Squire-Winter modell szerint, a lapátozást elhagyó örvényesség (Came, Marsh, 1974) körrács esetén:

$$\omega_{s} \approx -2\varepsilon \frac{\partial w_{B}}{\partial r}$$
(2.13)

A (2.13) egyenlettel összhangban az örvényesség fokozódik a közegeltérülés (ɛ) növekedésével (Leboeuf, 2008). A belépő lapáttő agy fali határréteg kiszorítási vastagsága arányos a veszteséggel és annak kiterjedésével (S), a lapáttőnél: $\omega_{3D,max} \wedge S \sim \tanh \sqrt{\delta^*}$ (Roberts et al., 1988). Ezzel szemben You és Liu (2010) szerint, a belépő fali határréteg vastagság, csak csekély befolyással van a lapáttő-agy leválás ("corner-stall") jelenségére. Ugyanakkor, (Dong et al., 1987) és (Hah, Loellbach, 1999) sztátor lapátozás esetén az agynál nagyobb leválást tapasztalt szemben a lapátvéggel, amit Hah és Loellbach (1999) az agy vastagabb belépő határrétegével indokolt. Gao et al. (2013) numerikus munkájával igazolta, hogy a belépő határréteg vastagság fontos paramétere a lapáttő leválásnak (corner separation). Ugyancsak a belépő fali határréteg befolyását tapasztalta lapáttő leválás esetén Chen et al. (2012) is: Hatást gyakorol a sarokörvény és a lapáttő "shed vortex" 3D szerkezetére, növekedésével gyorsul a kilépési örvényesség forgási sebessége, ugyanakkor a kilépő sebesség szögét (α_3) csak csekély mértékben befolyásolja ($\Delta i \leq 1^\circ$). Szakirodalmat értékelve, a belépő agy-határoló fal határréteg vastagsága befolyással bír a lapáttő leválás (corner separation) szerkezetére, azonban kiterjedt pangás esetén, ez a lapáttő-agy leválás (corner stall), már elhanyagolható befolyással bír. Hah és Loellbach (1999) sztátor lapátvég (csőfal/agy) leválás tapasztalata itt ellentmondás lehet, azonban figyelembe kell venni, hogy általában a rotor lapátvégen az elterelés kisebb és a szállító sebesség nagyobb, a lapáttőnél pedig ennek ellenkezője érvényes. Így a sztátorba belépő eltérő lapátvég sebességek a pangásra (corner stall) is jelentős befolyással lehetnek.

Forgó határoló fal (rotor agy) hozzájárul a határréteg közeg forgásirányba történő eltérüléséhez (Lei et al., 2008), ennek hatására megnő a rotor szívott oldal felé a határréteg áramlás és így a lapáttő közeg pangás kiterjedése is (Lakshminarayana et al., 1986). A növekedés a levált tartomány torlasztó hatásával magyarázható. A megfújási szög (i) növekedése (~lapátterhelés) hozzájárul a kerület irányú áramlás erősödéséhez (Lewin et al., 2010) és ezáltal a levált tartomány kiterjedéséhez (Schulz et al., 1990 Part I és Part II), (Hah, Loellbach, 1999), (Goodhand, Miller, 2012), (Gbadebo et al., 2005), (Bailie et al., 2008), (Ma et al., 2011) és (Joslyn, Dring, 1985). Ma et al. (2011) vizsgált negatív állásszögnél kisebb lapáttő pangást tapasztalt, mint $i \ge 0$ esetén. Ugyanakkor a tervezésinél nagyobb megfújási szög esetén, a belépő sebesség csökkentésével, a lapáttő-agy leválás elkerülhető (Bailie et al., 2008). Ezzel összhangban van Meyer et al. (2012) tapasztalata is, a belépő sebesség növekedésével a lapáttő veszteség növekedését figyelte meg. A rotorból kilépő, forgásirányban eltérült határréteg közeg, ellentétes a sztátor lapátcsatorna határréteg keresztáramlásával, ezért egyes vizsgált esetekben, a kritikus (2D) diffúzió szám fölött $(DF \approx 0.7)$ sem alakul ki lapáttő-agy leválás (Lei et al., 2008). Lei et al. (2008) a lapáttő leválás leírására diffúzió paramétert vezetett be, amely a megfújási szöget (i) és a belépő agy határréteg eltérülését ($\Delta\beta$) és vázvonal középponti szögét (Θ) is figyelembe veszi, azaz $D = f(\Delta p_{stream}, i, \Theta, \Delta \beta)$. Megállapították, hogy a lapáttő-agy leválás kialakul, ha diffúzió paraméter nagyobb, mint a kritikus érték $D_{cr} = 0.4 \pm 0.05$. You és Liu, (2010) a Lei et al. (2008) rácsszimuláció sorozatának felhasználásával megállapította, hogy a rácssűrűség csökkenése ($\sigma \downarrow$) a lapáttő-agy leválás kialakulását gátolja (2.25. ábra).



2.25. ábra: Rácssűrűség (σ) és a lapátmagasság-húr arány (AR) hatása a lapáttő-agy leválás kialakulására (~D_{cr}) adott rácskonfiguráció esetén (You, Liu, 2010)

A lapáttő leválásnak (2.26. ábra) kétféle esetét különböztetjük meg (2.27. ábra) (Gbadebo et al., 2005), (Hah, Loellbach, 1999), (Lei et al., 2008):

- 1. A ("közönséges") lapáttő leválás ("corner separation"), ami a szívott oldalon a lapáttőnél figyelhető meg, kiterjedése kerület irányban (agy határoló falon) mérsékelt. Tervezési üzemállapotban mindig fellép.
- 2. A lapáttő-agy leválás ("corner stall"). Ebben az esetben a lapáttő leválási buborék kerületi irányba, az agy határoló falra is kiterjed. Így a felületi áramvonalak ívhossza (agy/lapáttő), jelentősen megnő. A lapáttő-agy leválás felületi áramvonal topológiai feltétele (2.30. ábra), a határoló falon az F2 örvényközéppont megléte (Lewin et al., 2010). Megfigyelhető továbbá, hogy a lapáttő levállás állapothoz képest az áramlási nyom vastagság ugrásszerűen megnő (You, Liu, 2010).

A lapáttő leválás és a lapáttő-agy leválás közös jellemzője, hogy a nyomott oldal felöl a – kilépőélt megkerülve – mindig van visszaáramlás a szívott oldal felé (Lewin et al., 2010), (Gbadebo et al., 2005), eltérés csak ennek a mértékében adódik. A mennyiségi szám (ϕ) csökkenésével a lapáttő leválás radiális irányban kiterjed (Joslyn, Dring, 1985) és (Friedrichs et al., 2001). A

levalas radialis franyban kiterjed (Josfyn, Dring, 1985) és (Friedrich's et al., 2001). A lapátmagasság-húr arány (AR) csökkenésével, kiterjed a lapáttő tartományban a sebességtér gátlás, ami a lapátközép terhelés mérséklődését eredményezi (Lei et al., 2008). You és Liu (2010) szerint a lapátmagasság-húr arány hatása elhanyagolható ha AR > 2.0 (2.25. ábra). A lapáttő leválási jelenségei, a következő káros hatásokat okozzák (Ravindranath, Lakshminarayana, 1982), (Lewin et al., 2010):

- Jelentős áramlási tér gátlás, lecsökkent nyomásfokozás.
- Lényeges 3D veszteség forrása, mérsékelt hatásfok.
- A 2D tervezési állapothoz képest a közeg eltérülést módosítja (δ), (Goodhand, Miller, 2012).
- A lapátozás mögötti járulékos keveredés tovább növeli a veszteséget.

Sztátor lapáttőnél alkalmazott (+)SW hatására, a határoló falnál a kerületi irányú nyomás gradiens mérséklődik (Friedrichs et al., 2001). Ennek következtében, a kiindulási egyenes sztátor járókerékkel szemben, a lapáttő-agy leválás megszűnik. Mindkét lapátozás esetén, a lapáttő metszet erősen terhelt: DF = 0.62 és DH = 0.56. Dickens és Day (2011) szerint, a lapáttő-agy leválás mindig kialakul, ha $DH \le 0.6$ és ennek elkerülésére alkalmatlan a nyilazás és a lapátdöntés ("lean") módszere. Ezzel ellentétes megállapításra jutott az ismertetett Friedrichs et al., (2001). Fontos megemlíteni, hogy Friedrichs et al., (2001) munkájában a lapáttő (+)SW a húr növekedésével járt együtt ($\Rightarrow AR \downarrow$), ez (2.25. ábra) alapján a lapáttő-agy leválás kialakulását erősítő paraméter. Azonban a szekunder jelenségek mérséklődéséből arra lehet következtetni, hogy a (+)SW-al járó kedvező hatások az áramlási képre súlyosabb befolyással hatnak.

A kerület irányú nyomás gradiens a határréteg áramlást és a patkóörvény nyomott oldali szárát a lapát szívott oldal felé téríti (2.26. és 2.24. ábra) (Chen et al., 2012). A két eltérő 3D leválási jelenség megkülönböztetésére, előtervezésnél is jól használható módszert dolgozott ki Lei et al. (2008), ezt fejlesztette tovább You és Liu (2010). A 2.26./b ábrán a lapáttőnél kiterjedtebb közeglassulás figyelhető meg, ennek oka a lapáttő levállás (corner separation) és a 2.26./a ábrán látható örvényes jelenségek. A lapátközépen ugyanakkor az áramlás jó közelítéssel 2D tekinthető (Roberts et al., 1988), (Ma et al., 2011), (Foley, Ivey, 1996) és (Dixon, Hall, 2014).



2.26. ábra Lapáttő sematizált áramkép (Langston, 1980) (**a**) és összenyomás eloszlás a lapát mögött (Dixon, Hall, 2014) (**b**)



2.27. ábra: Lapáttő- (corner separation) és a lapáttő-agy leválás (corner stall) esetei (Lei et al., 2008)

Az irodalom kutatásom alapján, az első részletes lapáttő-agy leválás áramlási kép (topológia) ismertetését Schulz et al. (1990a) publikálta. Örvényközéppontot figyelt meg az agy határoló felületen (a) és a lapáttő szívott oldalán (b) (2.28. ábra). A két örvényközéppont egy közös gyűrű örvény (ring vortex) kiindulásai, az örvény a fali határréteg közeget spirális pályán szállítja, a határoló falra merőleges kiindulással. A levált tartomány előtt fellelhető örvényesség (c) a torlasztó hatás okozta hirtelen közeg lefékeződés következtében jön létre. A levált tartományon belül látható (d) örvényt a visszaáramlás okozza, amit a nyomott oldalról érkező közeg táplál.



2.28. ábra: Lapáttő-agy leválás topológia (Schulz et al., 1990a)

Eltérő lapáttő-agy leválás áramlási képet tapasztalt Hah és Loellbach (1999), mert a lapát szívott oldalán nem figyelt meg örvény kialakulás struktúrát. Vizsgálatuk alapján két különálló örvény látható az agy határoló felületen (2.29. ábra), a nagyobb az axiális húrvetület 80%-ánál, a kisebb a kilépőél közelében. Az örvény struktúrán a megfújási szög (~lapátterhelés) módosítás nem változtatott. Az agynál megfigyelt örvények 3D-ban egy patkó alakú örvény talpai, amit a levált határréteg közeg fed. A tervezési rotor fordulatszám 60%-nál a nem tapasztaltak lapáttő leválást a sztátor lapátozáson.



2.29. ábra: Lapáttő-agy leválás sematizált áramlási képe (Hah, Loellbach, 1999)

Lewin et al., (2010) egy rotor lapáttő metszettel ekvivalens lineáris lapátrácsot vizsgált. A felületi áramvonal elrendezésen, az irodalomban fellelhető mindhárom örvénycentrum fellelhető (2.30. ábra): F1, F2 és F3. Eltérés csak a kapcsolódó 3D örvényes jelenségek jellemzésében adódik. Így a hátsó F1 örvény, a rácsba belépő közeget a határoló falhoz szállítja, az F2 örvény a rácsba belépő közeget a kilépő oldal felé szállítja. Az F3 szívott oldali talpponttal rendelkező örvény a rácsba belépő közeget szállítja a falhoz, a később örvénybe felcsavarodó áramvonalak az F2 örvényentrum környezetében kezdenek távolodni az agytól. A megfújási szög (i) növekedésével összhangban az F-centrumokhoz tartozó örvények kiterjedése is nő.



2.30. ábra: Lapáttő-agy leválás áramlási képe (Lewin et al., 2010)

Hashmi et al. (2011) numerikus munkájában lapáttő-agy leválásnál, csak egyetlen örvénycentrum látható az agy határoló falnál a sztátor lapátcsatornában, csaknem az axiális húrvetület 50%-ánál. Rotor lapátozásnál a lapáttő felé lecsökkenő reakció szám, nagyobb közegelterelést (Δv_{3u}) eredményez, ami fokozza a lapáttő-agy leválás kialakulás veszélyét. A szerzők a rotor reakció fokot Baskharone (2006) szerint definiálták, a rotor statikus- és dinamikus nyomás változás hányadosaként. Hashmi et al. (2011) eredményei tükrében kijelenthető, hogy a sugár mentén növekvő lapát cirkulációra ($\Gamma \sim \Delta v_{3u}$) történő tervezés (CVD) kedvezően hat a 3D lapáttő leválási jelenség mérséklődésére. Hasonló következtetésre jutott Dorman (1968) is, "hideg" turbina lapátok esetén a tervezési cirkuláció eloszlás célszerű megválasztásával, a lapáttő veszteséget mérsékelni tudta.
Chen et al., (2011) részletes numerikus vizsgálatot végzett a jellegőrbe (φ, ψ) csúcsán üzemelő egy fokozatú járókerékkel. Az agy határoló felületén, már a belépőél síkjában megkezdődött a leválás. Felületi áramvonal analízissel három örvénycentrumot lokalizált, az agy határoló felületén (2.31. ábra), sztátor lapátozásnál: Egyet a belépőél közelében (A), másodikat (B) az axiális húrvetület 50%-ánál (ez egyezik Hashmi et al. (2011) tapasztalataival) szívott oldaltól távolabb, harmadikat (C) kilépőél mellett. A szívott oldalon – a lapátmagasság közepén – elhelyezkedő örvénycentrum (B₂), egy közös örvénytalppontot képez a (B) örvénnyel, amely az agy határréteg közeget felcsavarva a szívott oldalhoz szállítja $((B \rightarrow B_1) \rightarrow B_2)$. Ez a 3D örvényességet a lapátozás mögött, mint kilépési örvény (**Pas**sage Vortex: **PSV**) azonosítjuk. Ezt a kilépési örvényességet a radiális és a kerület irányú nyomásváltozás indukálja. A sztátor agy határoló felület tengelyszimmetrikus konfúzoros kontúrozása a szívott oldali nyomás gradiens lecsökkenését-, továbbá a lapátcsatorna falközeli áramlás gyorsulását eredményezte. Ennek kedvezőtlen hatása van a határréteg leválására (Lajos, 2004), aminek következtében a lapáttő-agy leválás 3D kiterjedése jelentősen lecsökkent.



2.31. ábra: Lapáttő leválás áramlás szerkezete (Chen et al., 2011)

A lapáttő leválás a szívott oldali határréteg közeg radiális elmozdulását eredményezi a lapátfelületen, ezzel összhangban változnak a kilépőél mögött, az S3 felületen, az össznyomás eloszlás szintfelületek is (Dong et al., 1987). Ez a jelenség nyomon követhető pl. (Hah, Loellbach, 1999), (Friedrichs et al., 2001), (Gbadebo et al., 2007), (Lewin et al., 2010) kísérleti vizsgálatainál is ("surface tufts" és "oil flow shear stress lines" segítségével). Rotor lapátozásnál a forgás hatására, a lapáttő pangó zóna kicentrifugálódik, ami radiális irányban a veszteség zóna kiterjedését eredményezi (Lakshminarayana et al., 1986). A kicentrifugálódás miatt, a levált tartomány kiterjedése kerület irányban vékonyabb a rotor esetén, továbbá a de Haller szám (DH) csökkenésénél a veszteség lassabban növekedik, szemben a sztátorral (Dickens, Day, 2011). A kicentrifugálódás hatása, a lapátozás mögötti áramlási nyom kiterjedésében is tetten érhető (Ravindranath, Laksminarayana, 1982). Ezzel összhangban Dong et al. (1987) rotor lapáttőnél kisebb leválást tapasztalt, mint a sztátor lapátozás esetén.

Gbadebo et al. (2004) arra a következtetésre jutott, hogy az áramlási veszteség szempontjából a belépő él- és a szívott oldali depresszió csúcs környezete a felületi érdességre jelentősen érzékeny. Az érdesség növekedésével a lapáttő leválás radiális és tangenciális kiterjedése is növekedett. A jelentős Re_k = 56 átlagos érdesség mellett 5.4% nyomásnövekedés csökkenést tapasztalt a sima felülethez képest. Goodhand és Miller (2012) az érdesség növekedésével – szintén – veszteség növekedést tapasztalt a lapáttőnél, azonban ellipszis belépőél esetén, a veszteségek kisebbre adódtak (2.32. ábra).



2.32. ábra: Leválás kiterjedése a lapátmagasság mentén (%) a belépőél profil és az érdesség függvényében (Goodhand, Miller, 2012)

Curlett (1991) a lapáttő-agy lekerekítés alkalmazásával nem tudott hatásfok növekedést elérni. A legkisebb veszteséget lekerekítés nélkül, a legnagyobb veszteséget a maximális $(r_{fill} / c = 15\%)$ lekerekítéssel kapta. Goodhand és Miller (2012) tapasztalata alapján a belépőél-környezet lekerekítésének nincs hatása a veszteség alakulására. Ezen geometriai tartományon kívül vett lapáttő lekerekítésnek jótékony hatása van a lapáttő leválásra, azonban $r_{fill} \ge 0.1c$ esetén már hatásfok romlást tapasztalt. A lapátmagasság 5...30% tartományában, a lapáttő leválás érzékeny a profil szívott oldalán a lamináris-turbulens határréteg átmenetre.



Lapáttő leválás kiterjedése a lapátmagasság mentén (h%)



Kügeler et al. (2008) egy 15-fokozatú kompresszor numerikus szimulációját végezte el, a diffúzió szám értékek 0.4...0.5 között szóródtak a lapátokon. Az egyik vizsgált konfiguráció esetén nem volt a lapátvégeken lekerekítés, a másik konfigurációnál már lekerekítést alkalmazott a lapáttőnél, a sztátor lapátozásoknál a lapátvégeken is. A lekerekítés hatására a belépő élen nem alakult ki torlódási pont, amely így mérsékelt patkóörvény kialakulását eredményezte. Ez ellentmond Godhand és Miller (2012) tapasztalatának, mert aszerint a belépőél lekerekítés nem járul hozzá az áramkép javulásához (2.33. ábra). A lekerekítés másik kedvező hatása, a lapáttő-agy határoló felületen a kerület irányú határréteg áramlás ($PS \rightarrow SS$) mérséklődése, ezáltal a – kilépési örvényességet képző – nyomott oldali patkóörvény lecsökkent transzportja a szívott oldal felé. A szerzők a kerület irányú nyomás gradiens mérséklődését, a lekerekítés-örvény ("fillet vortex") kialakulásával indokolták Hoeger et al. (2002) nyomán. A lekerekítés-örvény a patkóörvény ellen hat, mert annak forgásával ellentétes. Az ismertetett hatások eredményeként, a 9. rotor fokozatnál

szinte eltűnt a lapáttő pangás, a közegelterelés ($\Delta \varepsilon$) változás mérséklődésével, pedig csökken az utóterelő lapátterhelése.

Meyer et al. (2012) álló lineáris rács vizsgálatánál, a 2.5c% és 7.5c% lekerekítés ugyan mérsékelte a lapáttő pangást, de hatására a lapáttő áramvonalak jobban eltérülnek, ami a keresztáramlás erősödését vonta maga után. Ennek következtében a fali határréteg vastagsága- és a kilépési örvényesség tovább nőtt, ezért a veszteségek növekedtek a kiindulási állapothoz képest. Az alkalmazott legnagyobb lekerekítés esetén (12.5c%) ugyanakkor a lecsökkent lapáttő tartomány átáramlás keresztmetszet következtében, megnő az átáramlási sebesség, amely így kompenzálja a lekerekítés negatív hatását, amely a lecsökkent statikus nyomásnövekedésben nyilvánul meg. Ennek ellenére, az összes vizsgált lekerekítés esetén a profil- és az össznyomás veszteség tovább növekedett. Jelen vizsgálattal szemben, Kügeler et al. (2008) mérsékelt keresztáramlást és ezzel összhangban veszteség csökkenést tapasztalt.

Lei et al. (2008) állórács áramlás módosításával végzett kísérleti vizsgálatot (2.34. ábra). A kilépő, lapáttő közeg recirkuláltatásával, a belépőél előtti résen (2.34./II. ábra), a lapátvég irányába fújta ki a közeget, ugyanakkor a lapát szívott oldalán (23c%) alkalmazott rés (2.34./I. ábra) segítségével, közeg befújással az áramlás irányú közeg impulzusát növelte meg. A lapátozás mögött, az össznyomás eloszlás ábrából arra lehet következtetni, hogy csak a recirkulációs csatorna együttes alkalmazásával (2.34./(c) ábra) lehetett a lapáttő pangást közel a negyedére csökkenteni.



2.34. ábra: Áramlás-befolyásolás geometriai kialakítások és ezek hatásai a sztátor lapátozás mögötti össznyomás eloszlásra (Lei et al., 2008)

A belépő turbulencia a lapáttő leválás kiterjedésére nincs hatással (Chen et al., 2012).

Horlock et al. (1966) lineáris lapátrács vizsgálatánál, a lapátrés alkalmazásával sikeresen redukálta a lapáttő leválás mértékét. Sztátor lapátozásnál, lapáttő rés alkalmazásával a pangás mértéke csökken, ezzel összhangban a veszteség csökken (Dong et al., 1987). Lapátvég leválás és a lapátrés áramlás kölcsönhatásáról részletesen Gbadebo et al. (2007) értekezik, ennek bemutatására a lapátrés áramlás ismertetésénél kitértem.

A lapáttő-agy leválás kialakulására kritériumot írt fel Lei et al. (2008). Módosított diffúzió számot vezetett be, amely a belépő határréteg eltérülését is figyelembe veszi. Az új diffúzió számra kritikus értéket állapított meg, ami fölött kialakul a lapáttő-agy leválás. Lei et al. (2008) elvégzett lapátrács numerikus szimulációk kiértékelését alapul véve, Lewin et al. (2010) egy, az előtervezésnél könnyebben alkalmazható kritériumot vezetett be. A lapáttő-agy leválás létrejön, ha a tervezési $DH \le 0.72$ és $1.1 \le AVR$ (2.35. ábra).



2.35. ábra: Lei et al. (2008) által vizsgált lapátrácsok (DH, AVR) rendszerben (Lewin et al., 2010)

You és Liu (2010) a lapáttő-agy leválás kritérium felírásánál Lei et al. (2008)-hoz hasonlóan, szintén a 2D diffúzió számot vették alapul, azonban azt a lapátmagasság-húrhossz arányával egészítették ki (Aspect Ratio: AR), így:

$$D_m = f\left(\Delta p_{stream}; \Delta p_{cir}; AR\right)$$
(2.14)

A (2.14) alapján a módosított diffúzió szám félempirikus egyenlete (You, Liu, 2010):

$$D_m = \frac{\left(\cos\alpha_0 + \cos\alpha_3\right)^2 \sin\frac{\Theta}{2}}{\sigma \cos^2\alpha_3} \left[1 - \left(\frac{\cos\alpha_0}{\cos\alpha_3}\right)^2 \right] A R^{0.18}$$
(2.15)

A kritikus D_m érték, ami fölött a lapáttő-agy leválás kialakul: $D_{m,cr} = 0.47 \pm 0.015$. A D_m és a DF értékeit közös koordinátarendszerben ábrázolva (2.36. ábra), a (2D) diffúzió számra is felírható egy 3D lapáttő-agy leválás kritérium ($DF_{cr} \approx 0.56 \pm 0.06$).



2.36. ábra: Lieblein diffúzió szám és a módosított diffúzió szám közös koordináta rendszerben (You, Liu, 2010)

A $DF = f(D_m)$ kapcsolat lineáris regresszióval leírható (2.36. ábra). Így már a lapátozás előtervezésénél is könnyen alkalmazható, 3D levállás feltételt kapunk az áramlásra. A szórási sáv határát figyelembe véve, a 3D lapáttő-agy leválás biztonsággal elkerülhető ha a $DF \le 0.5$.

2.6. Kétirányú légszállítás, reverzálható járókerék

Reverzibilis üzemállapot alatt azt értem, hogy a járókerék – a szívott és a nyomott járókerék oldalt felcserélve – két irányba tud szállítani, közel azonos áramlási paraméterekkel ($\varphi; \psi$). A kétirányú

– felcserélt – légszállítást a járókerék forgásirány változtatásával tudjuk megvalósítani. Elméletileg lehetséges lehet valamilyen járókerék-agyba épített mechanizmus segítségével a lapátok forgatása is erre azonban a szakirodalomban ventilátor és kompresszor alkalmazásra nem találtam példát.

Reverzálható járókereket alkalmaznak pl. alagutakban és bányákban, ahol a szellőztetés mellett szükség esetén a füstgáz elvezetéséről is gondoskodni kell (Köktürk, 2005), (Li et al., 2011), (Cory, 2005). Szárítás esetén a levegő rácirkuláltatásával biztosítani kell, hogy a szárítandó anyag telítetlenebb szárítóközeggel legyen körülvéve. Egy ilyen fűrészárú szárító terem reverzálható venilátor áramlástani tervezését Spasic et al. (2012) mutatja be.

A forgásirány változtatás esetén az elméletileg megegyező áramlási paraméterek csak a 2.37. ábra szerinti szimmetrikus lapátprofil típusokkal lehetséges. Reverzibilisnek tekinthető a lapát, ha tetszőleges profilpont, a felfűzési vonal referencia pontjára (2.1. ábra) tükrözhető (Corry (2005) alapján). Szimmetrikus kialakítás azért válik szükségessé, mert a forgásirány váltásakor ugyanazon lapát belépő éle kilépő él lesz, a szívott lapátoldal pedig a nyomott lapátoldal funkcióját látja el.



2.37. ábra: Reverzibilis járókerék esetén alkalmazott lapát profilok (Bogdanovic et al., 2009)
a) síklap- b) ellipszis típusú- c) enyhén hajlított síklap profil

Reverzibilis áramlás megvalósítása természetesen lehetséges hagyományos, a 2.37. ábrától eltérő, profilokkal is, amennyiben a járókerék nem rendelkezik sztátor (IGV&OGV) lapátozással. Ekkor azonban adott nyomásnövekedés esetén, általában a járókerék csak a térfogatának a 60...70%-át tudja teljesíteni (Cory, 2005). Ezzel szemben, reverzibilis profil alkalmazásával és igényes agy és felfüggesztés kialakítás feltételezésével, a közegmennyiség eltérés a kétirányú szállítás között 8...15% lehet (Cory, 2005). A 2.38. ábrán egy hagyományos- és egy reverzibilis profilozású gép jelleggörbéje látható. A hagyományos profil esetén fel van tüntetve a tervezésitől eltérő forgásirány esetére kapott jelleggörbe is.



2.38. ábra: Hagyományos GÖTTINGEN- és reverzibilis profil jelleggörbék (Cory, 2005)

Köktürk (2005) a járókeréken ellipszis profilt (2.37./b) ábra) alkalmazott, szerkesztésnél a lapáthúr középen 8c% profilvastagsággal. A sebességi háromszögek az FV tervezést követték. Mivel egyenes ellipszis profilozású lapátozásra az irodalomban nem lelhető fel rácsdiagram, így a rácssűrűség (σ) választásához az agy-, lapátközép- és lapátvég- metszeteket síkba terítve, végtelenített lineáris szárnyrács CFD vizsgálat sorozatot alkalmazott. Megállapította, hogy a rácssűrűség növekedése a felhajtóerő tényezőt hátrányosan befolyásolja, de az ellenállás tényező is csökken. A megfújási sebesség változtatása (10...100 m/s) a siklószám értékére alig volt hatással. A rácsosztás optimumot a siklószám maximumnál definiálta. A szimuláció során, tervezési megfújási szögnek (i) azt tekintette, amikor azon egy kicsit változtatva az eltérülési szög (δ) értéke már alig módosult.

Diangui et al. (2005) a Naca4 profiltípust alapul véve, szisztematikus CFD vizsgálattal, abból új reverzálható "S-profilt" fejlesztett ki (2.39. ábra). A járókerék hatásfoka 80% felettire adódott.



Bogdanovic et al. (2009,a) súrlódásmentes síkáramlás feltételezésével, reverzálható lapát profiltípusokat vizsgált (2.37. ábra), úgy mint síklap-, ellipszis- és enyhén hajlított síklap profilt rácsba rendezve. A legnagyobb felhajtóerő tényezőt az enyhén hajlított síklap profil tudta produkálni, azonos rácsparaméterek mellett. A profil vázvonala, jellegre hasonló Diangui et al. (2005) S-profil vázvonalához (2.39. ábra).

Bogdanovic et al. (2009,b) a sebességi háromszögek tervezésénél a sugár mentén növekvő cirkuláció (CVD) módszerét használta fel. Így a lapát térbeli elcsavarodását mérsékelte, továbbá az agynál kisebb húrhosszat kapott. Ezeknek a geometriai tulajdonságoknak köszönhetően a lapát

gyártási költsége mérséklődik. A tervezők jelleggörbe mérésnél, lapát beállítási szög változtatást vizsgálva határozták meg az optimumot. A bevezetett tengelyteljesítmény alapján a járókerék hatásfoka 64%, ami az FV tervezéshez képest kisebb (Spasic et al., 2012). A két szerző dolgozatában publikált mérések alapján a legjobb hatásfokú pontban kiszámoltam, hogy az állandó cirkulációval tervezett kerék esetén a hidraulikai hatásfok 4.6%-kal nagyobb szemben a változó cirkulációval. Mindkét szerző ellipszis típusú profilt alkalmazott (2.37./b) ábra).

Li et al. (2011) elő- és utóterelővel rendelkező reverzálható ventilátort tervezett, ellipszis típusú lapátprofil (NACA0012-64) felhasználásával. Ahhoz, hogy a légszállítás mindkét irányban azonos legyen a terelő lapátok húrjai axiális irányba rendezettek (2.40. ábra). Terelőlapát alkalmazásának célja, hogy a szállítás irányában, a rotorból kilépő forgó közeget axiális irányba térítse. A perdület kivételével a keveredési veszteség csökken, a perdület-sebesség dinamikus nyomásának megszűnésével a statikus nyomás tovább fokozható, ami hatásfok növekedésével jár együtt. Tapasztalatuk szerint a belépés irányában az állórács okozta áramlási veszteség, a teljes járókerék konfiguráció hatásfok javulását figyelembe véve elhanyagolható.



2.40. ábra: Síkba terített lapátmetszet, középen a rotor lapátokkal (Li et al., 2010)

Spasic et al. (2012) a közegelterelést az állandó cirkuláció (FV) módszerével tervezte, a rácsosztás számításánál az erőtényező és a síklemez profil Weinig-helyesbítését alkalmazta. A Weinig-helyesbítés alkalmazásakor az egyedülálló szárny felhajtóerő tényezőjét korrigáljuk a (k) konstanssal való szorzással (2.41. ábra).



2.41. ábra: Weinig-helyesbítés diagramja síklemez profilra (Wislicenus, 1965) A lapát profilozását numerikus szimuláció segítségével határozta meg (PP2, 2.42. ábra).

$x_j/\delta_j [\cdot 10^{-2}]$	0.0	2.14	3.57	5.62	10.53	20.43	30.24	40.14	50	59.77	69.58	79.48	89.38	94.29	96.52	97.86	10.0
$\delta_j / \delta_{j\max} \left[\cdot 10^{-2} \right]$	0.0	43.33	50.0	58.33	73.33	86.67	95.00	96.67	100	96.67	95.00	86.67	73.33	58.33	50.00	43.33	0.0



2.42. ábra: A PP2 multi szimmetrikus lapátprofil koordinátái (Spasic et al., 2012)

A járókerék – tervezési nyomásszámon alapuló – hidraulikai hatásfoka 75%, a – bevezetett tengelyteljesítményen alapuló – összhatásfoka 65%.

Látható, hogy az FV reverzálható járókerék (Spasic et al., 2012) összhatásfoka kedvezőbb tervezési közegmennyiségnél, mint a hasonló paraméterű ($\varphi, \psi; \sigma, \gamma, \nu$) CVD tervezésű lapátozásnak (Bogdanovic et al., 2009,b).

2.7. Szakirodalmi áttekintés összefoglalása

Az alfejezetben, pontokba szedve ismertetem, az áttekintett szakirodalomból levonható fontosabb következtetéseket.

- A lapát előrenyilazás alkalmazásával, a növekvő cirkulációra tervezett lapátozás szívott oldali határréteg közeg radiális kiáramlása mérsékelhető, ami kedvezően hat a lapátvég veszteség alakulására, a falaktól távol az áramvonal pályák rövidülésére.
- A nyilazás és a v-állás geometriai modifikációk rendkívül komplex módon, több tényező egymásra hatásán keresztül befolyásolják az lapátcsatorna áramlási teret. A tervezésnél ezért fontos feladata van a korszerű CFD technika alkalmazásának.
- A lapát szívott oldali áramlása diffúzoros jellegű. Az optimális rácsosztás értékét befolyásolja a szívott oldali áramlás irányú- és a tangenciális nyomás gradiens és a falsúrlódás mértéke. Vad (2011) a Lieblein-diffúzió módszert továbbfejlesztette a 3D szívott oldali pályagörbe, mint effektív húrhossz figyelembe vételével. A módszer, korszerű iteratív CFD alapú optimalizáló eljárás kifejlesztését igényelné.
- Irodalomkutatás alapján megállapítottam, hogy fajlagosan kisebb résméret esetén a nyomás gradiens (~lapátterhelés) domináns a résáramlás indukálásában. Nyomás gradiens hatására a lapátrésben az áramvonal alakjáról vagy a lapáttető izobárokból lehet következtetni.
- Lapátrésben, a vena contracta kialakulása esetén, az áramlási veszteség nagyobb, mert a leválási buborék mögött nagyobb a keveredés. A leválási buborék kialakulására a lapáttetőn a nyomott oldali lapátél mellett, a depresszió csúcs segítségével következtetni lehet (Govardhan, 2010). A résen kívüli, résáramlás okozta veszteséget, a lapátrés örvény keltette keveredés hozza létre, ez 3D teszi az áramlást. Az örvény disszipáció következtében, megnövekedik a csőfal közeli pangás.
- Lei et al. (2008) a szakirodalomban fellelhető lapátrács geometriákat CFD módszerrel vizsgálva elkülönítette a lapáttő leválás ("corner separation") és a kiterjedtebb lapáttő-agy leválás ("corner stall") eseteket. A lapáttő-agy leválás elkerülésére, a bevezetett diffúzió paraméternek (D) kritikus értéket adott meg. A diffúzió paraméter, az agy határoló fal határréteg eltérülés ismeretét követeli meg, ezért alkalmazása előtervezésnél körülményes. A Lei et al. (2008) rács szimuláció sorozat eredményeinek a felhasználásával, a lapáttő-agy leválás elkerülésére, Lewin (2010) és (You, Liu, 2010) előtervezésnél könnyen alkalmazható, kritériumokat határozott meg.

- Irodalomkutatás alapján megállapítottam, hogy a reverzibilis lapát profiloknak háromféle típusa különíthető el. Az FV reverzálható járókerék összhatásfoka kedvezőbb tervezési közegmennyiségnél, mint a hasonló paraméterű (φ,ψ;σ,γ,ν) CVD tervezésű lapátozásnak.
- Irodalomkutatás alapján megállapítottam, hogy a résméret növekedésével a sebességtér gátlás fokozódik. Gátlás növelő hatása van a fordulatszám csökkentésnek, és a tervezésinél kisebb közegmennyiségnek, és a résörvény szétesésének a lapátcsatornában. A gátlás csökken a lapát beállítási szög növelésével továbbá rácssűrűség fokozásával, ekkor azonban a "double leakage" kialakulásának veszélye megnő. Változó cirkulációra tervezett STR járókerék esetén, a sugár menti tervezési nyomásnövekedéssel egyenesen arányos a fali határréteg kiszorítási vastagsága.
- A fali határrétegen kívül nő az átáramlási sebesség, aminek következtében a hidraulikai hatásfok lecsökken, mert a sebességi háromszögek eltérnek a tervezési lapátgeometria megfeleltetéstől (Piscopo, 2013). Aungier (2003) a lapátozás előtervezésénél, egy becsült gátlás tényezővel növeli meg a gyűrűfelületet, hogy így az össznyomás csökkenést figyelembe vegye. Ebből arra tudok következtetni, hogy a gátolt határoló falaktól távol, a 3D sebesség komponensek egymáshoz képesti viszonya döntő befolyással bír a perdület- és így a hidraulikai hatásfok alakulására.

Célkitűzéseimmel összhangban, a szakirodalom kutatás eredményeit figyelembe véve, az optimális lapátozás számításánál, alkalmazom a lapátnyilazás technikát kombinálva a változó lapát cirkuláció (CVD) módszerével. A nyilazott lapátprofil geometriát a lokális tervezési diffúzió szám határozza meg, összhangban a lapátvégek 3D áramlási tulajdonságaival. A lapátnyilazás és a CVD módszere, továbbá a 3D áramlás vizsgálata szükségessé teszi, már az előtervezésnél, a korszerű CFD technika alkalmazását. Összehasonlító lapátrés vizsgálatot végzek, a kiindulási egyenes-(STR) és a nyilazott lapát esetén.

A reverzálható járókerék tervezésénél, a lapátprofilnak a síklemezt választom. A sebességi háromszögek eloszlását az állandó cirkuláció (FV) módszerével határozom meg, figyelembe véve (Spasic et al., 2012) kedvezőbb eredményeit a változó cirkulációval (CVD) szemben, reverzálható – ellipszis típusú - lapátprofil esetén (2.37./b) ábra). Egyszerű előállíthatóságot és szakirodalmi hiányosságot figyelembe véve, nem alkalmazom a lapát élek lekerekítését. Forgókúpot nélkülözve, a lapátokat, egy egyszerű geometriájú agyra szegecseléssel rögzítem. A lapátvég lekerekítés, a résméret figyelembevételével, a csőfal rádiusz szerinti, amely így nincs összhangban a lapát beállítási szög és csőfal hengerpalást geometriával. Ennek megfelelően a lapátrés méret változik adott beállítási szögnél, továbbá a csőfalba ütközés lehetetlensége miatt, a lapátszög változtatásával a beépített járókerék utólag, elméletileg tetszőleges beállítási szög mellett (0° $\leq \gamma \leq 90^\circ$) szabályozható.

3. ANYAG ÉS MÓDSZER

Ebben a fejezetben ismertetem az alkalmazott tervezési és mérési módszereket. Szakirodalom ajánlásait figyelembe véve, részletezem az általam kidolgozott nyilazott lapátot eredményező tervezési módszert, továbbá kitérek a rácsáramlás számítására felépített CFD modell ismertetésére is.

3.1. Sebességi háromszögek számítása

Sebességi háromszögek számítása során feltételezzük, hogy az áramlás izentrópikus. Ekkor a termodinamika második főtétele értelmében, a "statikus entalpia" dh = dp (Dixon, Hall, 2014). Továbbá, a lapátozás keltette össz entalpia változás az Euler Turbina Egyenlettel (ETE) kifejezhető (Dixon, Hall, 2014): $\Delta h_t = \Delta P_t / \rho = u(v_{3u} - v_{0u}) = n_f \Gamma$. Izentrópikus áramlás esetén, az áramló közeg barotróp (Beke, 2000), azaz a sűrűség változás csak a nyomás függvénye. Feltételezem, hogy az áramló közeg összenyomhatatlan. Feltételezem továbbá, hogy az adott sugarú 3D körrács henger-metszeteket síkba terítve az áramlás 2D síkáramlásnak tekinthető (3.1. ábra). Így a meridián metszeten az áramvonalak a csőfallal párhuzamosak, azaz radiális irányú gyorsulás- nem, csak adott sugáron, a centripetális gyorsulás komponens $\left(v_{3u}^2/r\right)$ értelmezhető (Cumpsty, Greitzer, 2004). Előterelést a dolgozat nem feltételez $(v_{0u} = 0)$, a belépő sebességet

 (v_0) így tiszta axiálisnak tekinti.



3.1. ábra: 2D ideális áramfelületek képzése (Lakshminarayana, 1996)

Viszkózus áramlás esetén, a munkaponti üzemállapotban, a meridián áramvonal görbület fajlagosan kisebb, továbbá a radiális egyensúlyi egyenlet gyors számítást lehetővé teszi, ezért előtervezésnél ennek használata célravezető (Cumpsty, 2004). További rácsáramlás számítási módszerek pl. "actuator disc" elmélet (Hawthorne, Horlock, 1962), hidrodinamikai szingularitások módszere (Czibere, 1965), (McFarland, 1982), konform leképezés és a vortexpanel módszer együttes alkalmazása (Bhimarasetty, Govardhan, 2010).

3.1.1. Radiális egyensúlyi egyenlet

A radiális egyensúlvi egyenletet, Linnemann (1964) alapján ismertetem és alkalmazom a dolgozatomban. Tervezési sebességeket a (3.2. ábra) és a (3.3. ábra) szemlélteti.

Kvázi 3D (q3D) áramlás feltételezésével (3.1. ábra), rögzített vonatkoztatási rendszerben, a lapátozás utáni és előtti torló nyomást egymásból kivonva, az össznyomás különbség:

$$P_{t3} - P_{t0} = \Delta P_t = p_3 - p_0 + \rho 0.5 \left(v_3^2 - v_0^2 \right)$$
(3.1)

Az Euler Turbina Egyenletet behelyettesítve, sűrűséggel elosztva, majd rádiusz szerint deriválva, ekkor:

$$\frac{d(uv_{3u})}{dr} = \frac{1}{\rho} \cdot \frac{dp_3}{dr} - \frac{1}{\rho} \cdot \frac{dp_0}{dr} + \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_3^2}{dr} - \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_0^2}{dr}$$
(3.2)

Feltételezem, hogy a belépő abszolút sebesség (v_0) – folytonosságból a gyűrűfelületre számolt – állandó érték, ebből következik, hogy az egyenlet második és utolsó tagja kiesik, azaz:

$$\frac{d\left(uv_{3u}\right)}{dr} = \frac{1}{\rho} \cdot \frac{dp_3}{dr} + \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_3^2}{dr}$$
(3.3)

Jobb oldal első tag felírható, mint a centrifugális erő következtében létrejövő nyomás gradiens, avagy tekinthetjük, mint az Euler-egyenlet normál komponensét természetes koordináta rendszerben, ezért:

$$\frac{1}{\rho} \cdot \frac{dp_3}{dr} = \frac{v_{3u}^2}{r} \tag{3.4}$$

Továbbá a (3.3) kilépő abszolút sebességét, axiális és tangenciális komponensre bontva írhatjuk:

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{dv_3^2}{dr} = \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_{3m}^2}{dr} + \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_{3u}^2}{dr}$$
(3.5)

A (3.4) és (3.5) behelyettesítve (3.3)-ba, kapjuk:

$$\frac{d(uv_{3u})}{dr} = \frac{v_{3u}^2}{r} + \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_{3m}^2}{dr} + \frac{1}{2} \cdot \frac{dv_{3u}^2}{dr}$$
(3.6)

A (3.6) egyenletet radiális egyensúlyi egyenletnek nevezzük.



3.2. ábra: Adott sugáron a sebességi háromszögek, a 3D lapátgeometriával együtt szemléltetve (sematikus ábra)

3.1.2. Állandó cirkuláció módszere

Az adott sugarú rácsmetszetre számolt össz lapát cirkuláció értéke:

$$\Gamma = \oint \mathbf{v} d\mathbf{s} = (2\pi r) v_{3u} \tag{3.7}$$

Számolásnál a 2D lapátrács (3.3. ábra) egy izolált lapátját szemlélem. A lapátot körülvevő irányított görbe (s), a lapátcsatornában a húrral párhuzamos, itt az integrálás, a sebesség szimmetria és az ellentétes irányítás miatt zérus. A görbe a belépő élnél egyenes és merőleges a sebesség (v_0) vektorára, így a skaláris szorzat nulla. A kilépő él mentén (s) szintén egyenes, itt

 (v_3) görbe irányú skalár komponense (v_{3u}) , fegyelembe véve adott sugár teljes ívhosszát $(2\pi r)$ kapjuk (3.7)-et.

Felírva az Euler Turbina Egyenletet, a lapát cirkuláció kifejezhető:

$$\Delta P_t = \rho u v_{3u} = \rho n_f (2\pi r) v_{3u} = \rho n_f \Gamma$$
(3.8)

Állandó cirkulációra történő tervezés egyik következménye, hogy a sugár mentén az össznyomás különbség állandó: $\Delta P_t(r) = \dot{a}ll$. Ebből következik, hogy a tangenciális sebesség $(v_{3u} \sim r^{-1})$ eloszlás a potenciális örvényhez hasonló, innen jött a módszer angol elnevezése: free-vortex design (Lakshminarayana, 1996).

Alakítsuk át a láncszabálynak megfelelően a radiális egyensúlyi egyenletet (3.6), a láncszabály figyelembe vételével:

$$\frac{d(uv_{3u})}{dr} = v_{3u} \left(\frac{v_{3u}}{r} + \frac{dv_{3u}}{dr} \right) + v_{3m} \frac{dv_{3m}}{dr}$$
(3.9)

Free-vortex tervezés esetén, a (3.9) bal oldala zérus érteket ad. Egyenlőség így csak akkor teljesül, ha a jobb oldal mindkét tagja nulla, vagy abszolút értékük megegyezik de előjelük ellentétes. Az előbbi feltételezésével írhatjuk:

$$\frac{v_{3u}}{r} + \frac{dv_{3u}}{dr} = 0 \tag{3.10}$$

A változókat szétválasztva:

.

$$\frac{1}{r}dr + \frac{1}{v_{3u}}dv_{3u} = 0 \tag{3.11}$$

Az egyenletet integrálva, majd egyszerűsítve:

$$\ln(r) + \ln(v_{3u}) = \dot{a}ll.$$
(3.12)

$$\ln(rv_{3u}) = \dot{a}ll. \qquad /e^{(\bullet)} \implies (rv_{3u}) = \dot{a}ll. \qquad (3.13)$$

Láthatjuk (3.10), hogy az egyenlőség megfelelt az alapvetésnek, azaz állandó cirkuláció esetén a perdület (rv_{3u}) állandó. Így a (3.9) egyenlet jobb oldalának a második tagja zérus, ebből következik, hogy a tervezési meridián sebesség komponens állandó $(v_{3m}(r) = áll.)$, azaz AVR = 1



3.3. ábra: Sebességi háromszögek és a rácsgeometria a síkba terített sugármetszeten

A fenti levezetés alapján az áramfelületek - a feltételezésünknek megfelelően - valóban hengerfelületek, ebből következik, hogy általában a gyakorlatban, az adott sugarú körrács geometriai/áramlástani paramétereit, álló lineáris rács empirikus összefüggéseinek a segítségével számoljuk az előtervezésnél (Gallimore, 1999), (Cumpsty, Greitzer, 2004), (Dixon, Hall, 2014). Egyes kutatók a 3D áramlási jelenségek hatását is figyelembe vették már a 2D rácsáramlás modellnél (Mönig et al., 2001), (Templalexis et al., 2011), (Banjac et al., 2014).

Állandó perdület következménye, hogy a közeg a lapáttőnél maximális elterelést kíván meg, ami, a súrlódást figyelembe véve, kis szállítósebesség miatt (u) áramlástanilag előnytelen, továbbá a sugár felé, a hiperbolikus közegelterelést ($\sim v_{3u}$) csak fajlagosan nagyobb lapátelcsavarással lehet teljesíteni.

3.1.3. Változó lapát cirkuláció módszere

Amennyiben a tervezésnél az állandó cirkuláció esetétől eltekintünk, kiindulásként rendszerint a járókerék mögötti perdület eloszlást vesszük fel. Linnemann (1964) munkáját alapul véve, a perdület eloszlást hatványfüggvény szerint veszem fel:

$$v_{3\mu} = k \cdot r^n \tag{3.14}$$

A hatványfüggvény szerint történő szerkesztés Somlyódy (1971) munkája nyomán hazánkban is elterjedt, ugyanakkor az alkalmazása angolszász területen is fellelhető (Glassman, 1994). További perdület eloszlás függvények felsorolását és jellemzését tartalmazza Horlock (1982) munkája.

A (3.14) perdület függvény a következő speciális eseteket foglalja magában (3.1. táblázat):

3.1. táblázat: A perdület kitevő speciális értékei (Somlyódy, 1971)

	n = -1	n = 0	n = 1
V _{3u}	hiperbolikus	állandó	lineáris
r∙v _{3u}	állandó	lineáris	parabolikus

Tehát n = -1 jelenti a klasszikus esetet (FV), ha n = 0 tangenciális sebesség a sugár mentén nem változik, n = 1 esetén pedig a közeg merevtestszerű forgást végez. A perdület kitevő felvételére, Somlyódy (1972) útmutatásként a 3.2. táblázatban látható tervezési értékeket javasolja:

3.2. táblázat: Perdület kitevő ajánlott értékei az agyviszony és a szállítás függvényében (Somlyódy, 1972)

A meridián áramlás meghatározásához (3.14)-et helyettesítsük be a radiális egyensúlyi egyenletbe (3.6). A deriválást elvégezve, a kilépő meridián sebességre adódik:

$$\frac{1}{2}\frac{dv_{3m}^2}{dr} = \omega k \left(n+1\right) r^n - k^2 \left(n+1\right) r^{(2n-1)}$$
(3.15)

Változókat szétválasztva, majd alsóhatár függvény szerint integrálva, kapjuk:

$$v_{3ma}^{2} - v_{3m}^{2}(r) = 2k\omega \left[r_{a}^{(n+1)} - r^{(n+1)} \right] - \left(\frac{n+1}{n} \right) k^{2} \left[r_{a}^{2n} - r^{2n} \right] \rightarrow v_{3m} = (\bullet)$$
(3.16)

Az egyenletben ismeretlen, külső sugáron vett kilépő axiális sebességet (v_{3ma}) , a gyűrűfelületre számolt folytonossági egyenlet segítségével határozom meg:

$$Q = 2\pi \int_{r_i}^{r_a} v_{3m}(r) \cdot r dr \tag{3.17}$$

Ugyanakkor az (n) perdület kitevőnek és a (k) perdület konstansnak ki kell elégítenie a teljesítmény egyenletet (Somlyódy, 1971):

$$\Delta P_t = \frac{2\pi}{Q} \int_{r_i}^{r_a} v_{3m}(r) \cdot \Delta P_t(r) \cdot r dr$$
(3.18)

Ezért az (n,k) és a (v_{3ma}) számítását iteratív módszer segítségével célravezető meghatározni. Az értekezésem 3.2 alfejezete egy ilyen iterációs számítást mutat be.

A kilépő, axiális abszolút sebesség a (3.16)-nak megfelelően sugár mentén változik, így a freevortex tervezéssel szemben: $v_0 \neq v_{3m}(r) \Rightarrow AVR \neq 1$. Ennek következménye, hogy a folytonosság, a radiális-kiterjedés nélküli rácsmetszeten (3.1. ábra) nem teljesül, az csak a lapátcsatornában változó keresztmetszetű áramcsövek segítségével szemlélhető a meridián metszeten (3.4. ábra).



3.4. ábra: Axiális sebesség változása a lapátcsatornában AVR ≠ 1 esete, meridián metszet (Marsh, 1974)

Számításnál azonban úgy járunk el, hogy a meridián sebességet, mint átlagsebességet definiáljuk (Somlyódy, 1971). Így az adott sugáron vett síkáramlás modell már értelmezhető. Ennek következtében a lapátozás szerkesztésénél, a free-vortex tervezéshez hasonlóan, a sík szárnyrácsok szélcsatornában kimért eredményeit használjuk fel. Az átlag meridián sebességre írhatjuk:

$$\mathbf{v}_m = \mathbf{w}_m = \frac{\mathbf{v}_0 + \mathbf{v}_{3m}}{2} \tag{3.19}$$

A CVD tervezés járulékos következménye, hogy a kilépésnél, a sugár menti cirkuláció változással összhangban, megjelenik a "trailing shed vorticity" (TSV). A TSV jelenléte, a súrlódásmentességés a belépő áramlásra merőleges örvényesség feltételezésével valamint a Kelvin örvénytétel segítségével, analitikusan levezethető (Came, Marsh, 1974).

A lineáris állórács $AVR \neq 1$ szélcsatorna mérés kialakításával, ismereteim szerint, Pollard és Gostelow (1967) foglalkozott először. Az $AVR \neq 1$ esetet a mérésnél úgy állították elő, hogy a rácsból kilépő közeget a szélcsatorna falán kialakított résen keresztül szívták, így a lapátközép metszeten, kilépésnél kisebb axiális sebesség (v_{3m}) adódott.

3.2. Járókerék számítása állandó húrhossz módszerével, előtervezés

Az előtervezés az egyenes lapátokból (STR) álló referencia (kiindulási) járókereket számolja. A tervezés következő fázisa a lapátnyilazás alkalmazása a referencia lapátrácson.

A változó cirkulációra történő tervezés alkalmazásával, lehetséges a perdület eloszlást úgy megválasztani, hogy a lapát húrhossz sugár mentén állandó legyen. A számításnál a tangenciális sebesség (3.14) szerinti. A lapátmagasság mentén a konstans diffúzió számot is előírom, Vad (2010) alapján (2.4 alfejezet) a lapátközép metszet 2D optimuma szerint. Ezen kiegészítő feltétel teljesülését a számítás végén ellenőrzöm.

A számítás globális bemeneti paraméterei: (φ, ψ) , fordulatszám (n_f) , járókerék sugár (r_a) ,

agyviszony (v). Ezen paraméterek felvételénél célszerű a Cordier-diagram (Grieb, 2009) vagy az ESDU (1980) ajánlása alapján eljárni.

Egy konstans diffúzió szám (DF) választásával a számítást hármas iterációval lehet elvégezni, a 3.5. ábra szerint. Az iteráció első lépése a perdület kitevő $(-1 \le n_i \le 1)$ értékének a rögzítése. Egy

rögzített (n_i) mellett, a következő ciklus a perdület konstanst lépteti $(k_j \ge 0)$. A következő belső

ciklus a külső sugáron, az axiális sebességet iterálja, a (3.16) egyenletnek megfelelően. A belső ciklus léptetése a tervezési térfogat (3.17) teljesülésével véget ér. A következő lépés ellenőrzi az előírt össznyomás növelés (3.18) teljesülését, ha a feltétel nem teljesül, a perdület konstans léptetésével onnan újraszámolás. A legutolsó lépés, a külső ciklus hátul tesztelése, az állandó húr (c(r) = áll.) feltételre, (2.8) egyenletnek megfelelően. Ha az állandó húrhossz nem áll fent, a perdület kitevő értékét növelem meg a lépésközzel, továbbiakban a belső ciklusok újból ismétlődnek. A programfutás végén ismerem a sebességi háromszög eloszlást és az állandó húrhossz értékét. A következő lépés a referencia járókerék lapát geometria meghatározása.



3.5. ábra: Az állandó húrhosszra és konstans diffúzió számra történő számítás folyamatábrája

A sebességi háromszögek ismeretében, keresem azt a lapátrács geometriát, ami a perdület függvénynek (rv_{3u}) megfelelő elterelést biztosítani tudja. Állandó sűrűség és q3D áramlás (3.1. ábra) feltételezésével, a geometriát (3.3. ábra), álló lineáris lapátrácsok szélcsatornában kimért jellemzői segítségével számolom, a következőek szerint.

A lapát beállítási szög (McKenzie, 1997):

$$\tan \gamma = \tan \alpha_{\infty} - 0.213 \rightarrow \gamma = (\bullet) \tag{3.20}$$

Ahol (α_{∞}) az átlagolt relatív sebesség szöge, az axiális iránytól mérve $\tan \alpha_{\infty} = 0.5(\tan \alpha_0 + \tan \alpha_3)$. A profil vázvonalának a középponti szöge pedig (McKenzie, 1997):

$$\Theta = \frac{\gamma - \alpha_3 + 1.1(s/c)^{1/3}}{0.5 - 0.31(s/c)^{1/3}}$$
(3.21)

A számítás megkönnyítése érdekében Fortran90 nyelven programot fejlesztettem (AxVent 2.0, 3.6. ábra).

DF es McKenzie ablakos - [Select Text - Graphic1]		
Eile Edit View State Window Help	- 8	×
<pre>Az 1 . sugar erteke: 0.213 Lokalis ossznyom. kulonbs. dPt(r) = 421.077626075341 Perd. konst., k = 16.7899996247143 Kilepo meridian seb., com [m/s] = 19.8006391669513 Kilepo merid. seb., c3m [m/s] = 16.5753043261146 Atlagos merid. seb., cm = (com+c3m)/2 [m/s] = 18.1879717465330 Kilepo tangenc. seb., c3u [m/s] = 13.1096598371254</pre>		*
<pre>Perdulet, r*c3u = 2.79235754530772 Belepo rel. seb., w1 [m/s] = 32.3611014559603 Belepo rel. seb., w2 [m/s] = 22.7444070689052 Kilepo rel. seb., w2 [m/s] = 22.7444070689052 Kilepo rel. seb. szoge, alfa2 [fok] = 36.9015992017173 Megfuvasi seb., wvegt. [m/s] = 27.1902312406170 Megfuvasi seb. szoge, alfam [fok] = 48.0165666048440 alfa1 - alfa2 = 18.9019628971505 Re szam erteke, Re = Infinity</pre>		
Lapatgeom. adatai: Lieblein DF = 0.50000000000000 Hurhossz, az erotenyezobol [mm] l(r) = 111.373174282155 Beallitasi szog, xi [fok] = 41.9320385897765 Koriv vazvonal kp. szog, teta [fok] = 32.2922981528271 Gamma [fok] = 48.0679614102235 Relativ osztas, l/t = 0.998624829384822 Profil vazvonal ivmagassaga, f [mm] = 5.938009752163359E-003		
Az 2. sugar erteke:		
< III	4	
Paused Input pending in Graphic1		

3.6. ábra: Az AxVent program ablaka, kimeneti információkkal

A lapáthúr és az íveltség ismeretében, a következő feladat a profilozás, a lapát vastagság eloszlás szerkesztése. A számításból kapott vázvonalakat C4 10% lapátprofillal látom el. A C-szériájú profil sorozatot (3.3. táblázat) a Power Jets Ltd. fejlesztette ki az 1940-es években, a profilsorozat hét tagból áll (Cumpsty, 2004). A C4 profil a vázvonalra szimmetrikus vastagságeloszlást eredményez, a legnagyobb profilvastagság a belépő éltől a vázvonal ívhossz 30%-ánál adódik. A profilválasztást indokolta, hogy a Lieblein diffúzió szám empirikus összefüggése a Naca65 és C4 profilokra vonatkozik. Az adott sugáron vett lapátmetszetek vastagságeloszlás adatait MS Excel táblázatkezelővel számoltam.

3.3. táblázat: A brit C lapátprofil sorozat dimenziótlan koordinátái (Cumpsty, 2004)

Section	x/c%	0	1.25	2.5	5	7.5	10	15	20	30	40	50	60	70	80	90	95	100
C1	± y/c %	0	1.375	1.94	2.675	3.225	3.6	4.175	4.55	4.95	4.81	4.37	3.75	2.93	2.05	1.125	0.65	0
C2	+y/c%	0	1.49	2.08	3.00	3.58	4.01	4.55	4.90	4.98	4.76	4.30	3.70	2.91	2.02	1.05	0.60	0
	- y/c %	0	1.63	2.26	3.12	3.66	4.06	4.58	4.89	5.02	4.79	4.31	3.72	3.00	2.15	1.20	0.68	0
C3	+y/c%	0	1.42	1.84	2.31	2.72	3.04	3.60	3.83	4.35	4.76	5.00	4.73	4.00	2.93	1.62	0.92	0
	-y/c%	0	1.42	1.86	2.545	3.03	3.41	3.80	4.18	4.82	4.945	5.00	4.73	4.00	2.93	1.62	0.92	0
C4	$\pm y/c\%$	0	1.65	2.27	3.08	3.62	4.02	4.55	4.83	5.00	4.89	4.57	4.03	3.37	2.54	1.60	1.06	0
C5	$\pm y/c\%$	0	1.65	2.27	3.08	3.62	4.02	4.55	4.83	5.00	4.89	4.58	4.09	3.48	2.75	1.95	1.52	0
C7	$\pm y/c\%$	0	1.51	2.04	2.72	3.18	3.54	4.05	4.42	4.86	5.00	4.86	4.43	3.73	2.78	1.65	1.09	0

A tervezés kiindulási áramlástani paraméterei a 3.4. táblázat tartalmazza. A kiindulási paraméterek, a diffúzió szám kivételével, egyeznek a Bup-26 járókerékkel (Vad, Bencze, 1998).

3.4. táblázat: A Dan26-STR járókerék névleges tervezési paraméterei

Paraméterek	Érték
Mennyiségi szám (φ)	0.5
Nyomásszám (ψ)	0.6
Fordulatszám (n _f)	1200 min ⁻¹
Külső sugár (r _a)	315 mm
Lapátszám (N)	12
Agyviszony (v)	0.676
Tervezési hidraulikai hatásfok (η _{hT})	0.9
Konstans diffúzió szám (DF)	0.5

A számolt geometria szerkesztéséhez szükséges adatokat a 3.5. táblázat foglalja össze.

3.5. táblázat: A Dan26-STR járókerék geometriai paraméterei

	Lapáttő	Lapátközép	Lapátvég
Húrhossz, (c) [mm]	109	109	109
Vázvonal kp. szög, (Θ) [fok]	32.3	28.5	27.1
Beállítási szög, (γ) [fok]	41.9	48.4	52.9

A tervezési veszteség optimum ellenőrzését (2.4 alfejezet) a lapátközépen a 3.7. ábra szemlélteti. Látható, hogy a Dan26-STR járókerék elméleti veszteség tényezője, csak 2.056%-kal tér el az optimumtól, ezért a tervezési DF növelésére és az újraszámolásra nincs szükség. Ugyanakkor látható, hogy a 2D optimális (DF = 0.54) érték már a 3D lapáttő-agy leválás kialakulás határán fekszik ((You, Liu (2010)) 2.5 alfejezet).



3.7. ábra: A Dan26-STR lapátközép sebességi háromszögekkel számolt profilveszteség A lapát geometria 3D modelljét (3.8. ábra) AutoCAD szoftverrel készítettem el.



3.8. ábra: Dan26-STR referencia lapát axonometrikus képe, C4-10% lapátprofillal

3.3. Nyilazott lapátozás szerkesztése a tervezési diffúzió szám lokális előírásával

A tervezés következő fázisa, a konstans diffúzió számra és állandó húrra tervezett kiindulási (referencia) járókereket alapul véve, a nyilazott járókerék lapát szerkesztése.

A nyilazott lapát szerkesztésénél, a referencia járókerék sugár menti tervezési perdület eloszlását megtartva, a lapáttő- és a lapátvég metszeten, kisebb tervezési diffúzió számot választok. A lapáttő metszet tervezési diffúzió szám felvételénél figyelembe veszem, You és Liu (2010) 3D lapáttő- agy leválás kritériumát is (2.5 alfejezet). A lapátközép metszet marad a referencia lapát 2D optimális diffúzió szám értéke (3.7. ábra), mert a határoló falaktól távol az áramlás jó közelítéssel q3D áramlásnak tekinthető (3.1. ábra). A lapátvég metszetek diffúzió szám csökkentése a húrhosszak növekedését eredményezi a (2.8)-nak megfelelően, így lehetővé válik a nyilazott felfűzése a metszeteknek.

A nyilazott lapát, megnövelt húrhosszú metszeteinek a felfűzésénél, Clemen et al. (2004) FV tervezésű, sztátor lapátjánál bemutatott nyilazáshoz hasonlóan járok el. Azaz a metszetek kilépőél helye változatlan marad. A nyilazott lapátalakot eredményező felfűzési módszert a 3.9. ábra szemlélteti. Első lépésben a sugár mentén állandó húr-mérettel és DF-el rendelkező referencia (STR) lapátrács húrjait egy közös síkba forgatom. A következő lépésben a lapáttő és a lapátvég nagvobb húriait illesztem be, amelyek diffúzió egy kisebb számmal rendelkező rácskonfigurációhoz tartoznak. A középmetszettől lemért (ΔX) eltolás eltérést, a térben, a referencia járókerék radiális felfűzési vonalától (STR) mérem fel, és ide illesztem a nagyobb húrral és kisebb DF-el rendelkező metszetet. Így az új nyilazott lapátmetszetek, a húr irányába lettek eltolva, úgy, hogy a kilépőél helye változatlan maradt. A beállítási szög (γ) marad a referencia (STR) szerinti. Ezzel összhangban a lapátvég metszetek pozitív nyilazásúak (+SW) azaz a lapáttő metszet hátranyilazott (BSW) a lapátvég metszet előre nyilazott (FSW) (2.2. ábra). Dolgozatomban felfűzési vonal alatt, a lapát vázvonalak ívhosszának felezőpontjait összekötő görbét értem (2.1. ábra).



3.9. ábra: Nyilazott lapát felfűzése

A lapátvégek tervezési diffúzió szám csökkentésénél figyelembe kell venni a hidraulikai teljesítmény alakulását, ennek leírására bevezetem a jóságtényezőt:

$$J = \frac{2\pi}{Q} \int_{r_i}^{r_a} \frac{\Delta P_{\iota(SW)}(r)}{\Delta P_{\iota(STR)}(r)} \cdot v_{\mathfrak{sm}(STR)}(r) r dr$$
(3.22)

Iteráció addig tart, amíg: $J_i < J_{i+1} \land (J_{i+1} - J_i) \le \mathcal{E}$. A jóságtényező adott közegmennyiség esetén kifejezi a nyilazott járókerék (SW) össznyomás különbség fokozását (J > 1.0), a kiindulási egyenes (STR) járókerékhez képest. Az integrandus számlálójában, egy adott iterációs lépés nyilazott lapát össznyomás fokozása szerepel, a nevezőben pedig a kiindulási egyenes lapáté, amely értéke nem változik az iteráció során. Az integrandus második tagja a gyűrűfelületre számolt térfogatáramot adja, amely egyezik a nyilazott és az egyenes járókerék esetén. Mivel a nyilazott és a kiindulási referencia járókerék esetén a tervezési munkapontban általában (Vad, 2008) $(\Delta P_t)_{SW} \approx (\Delta P_t)_{STR}$,

ezért a jóság megítélését a tervezésinél kisebb közegmennyiségnél is célszerű elvégezni.

A lapátozás 3D vizsgálatára tekintettel, a nyilazott járókerék tervezése iteratív módszert és korszerű CFD technikát feltételez. Az ismertetett tervezési módszer, Vad (2013) dolgozatához hasonlóan, a lapátnyilazás ($\sim \Delta X$) nem a tervező által előírt tulajdonság, hanem ún. kimenő adat, vagyis a lapát felfűzési vonal aerodinamikailag kedvezőnek ítélt alakja az előtervezés eredménye.

A dolgozatomban, a vizsgált nyilazott járókerék (Dan26-SW) főbb paramétereit a 3.6. táblázat mutatja be.

	Lapáttő	Lapátközép	Lapátvég
Tervezési diffúzió-szám (DF)	0.454	0.5	0.438
Húrhossz, (c) [mm]	143.3	109	143.3
Vázvonal kp. szög, (Θ) [fok]	27.2	28.5	22.3
Beállítási szög, (γ) [fok]	41.9	48.4	52.9

3.6. táblázat: A Dan26-SW járókerék geometriai paraméterei

A Dan26-SW nyilazott lapát nézeti képeit a 3.10. ábra szemlélteti. Az alfejezetben bemutatott nyilazott járókerék tervezésére, mint "Számítási Modell" hivatkozok a további fejezetekben.



3.10. ábra: Dan26-SWF járókerék lapát nézeti képei a) tangenciális- (PS), b) axiális-, c) felül-nézetek

3.4. Reverzálható járókerék tervezése

A lapátozás tervezésénél a két-irányban lehetséges légszállítást síklemez lapát segítségével valósítom meg (2.37/a) ábra). A járókerék koncepciónál szempont volt az egyszerű előállíthatóság, ezzel összhangban a lapátok elkészítésénél nem alkalmaztunk él-lekerekítést, továbbá légterelő kúpot az agyon. A lapátvég lekerekítése, nem az adott állásszöghöz és résmérethez tartozó csőfal elrendezés szerint történt, hanem a lapátrés mérettel csökkentett körív szerint a síkba terített lapáton. A lapátok rögzítése is az egyszerűséget tükrözi, meghajlított lemezre szegecsekkel

rögzítettük. Tervezésnél a free-vortex módszert (FV) választottam, mert tervezési közegmennyiség esetén – szemben a CVD módszerrel – a veszteség fajlagosan kisebb (lásd még később (Spasic et al., 2012) 2.6. alfejezet). Az FV módszer választását indokolta, az egyszerű geometriai kialakítás is. Mert a leegyszerűsített geometria miatt létrejövő súrlódásos jelenségek, az esetleg alkalmazott CVD tervezés 3D áramlási sajátosságaival kölcsönhatásba lépve, vélhetően nagyobb veszteséget eredményeztek volna. Ezt alátámasztja, hogy a tervezésitől kisebb fordulatszámon nem tudtunk értékelhető jelleggörbét produkálni.

Tervezésnél a lapátokat magányos szárnynak tekintem, azaz a lapátok egymásra hatását elhanyagolom a lapátrácsban. A rácsosztás számításánál az erőtényező súrlódásmentes alakját alkalmazom. A súrlódás hatását úgy veszem figyelembe, hogy a felhajtóerő-tényező értékét, az egyedülálló szárny - szélcsatorna mérése alapján szerkesztett - diagramból olvasom ki a siklószám figyelembevételével. A magányos szárnyak alkalmazása a gyakorlatban elfogadható közelítést jelent, ha ($\sigma \ll 2$) (Eckert, Schnell, 1981). A lapátok egymásra hatását rácshatásnak nevezzük. A magányos szárny és a lapátrács közötti különbségeket Somlyódy (1970) munkája részletezi. A súrlódásmentes erőtényező alakja, amiből a lapáthúr hossz kifejezhető (Eck, 2003):

$$\frac{c}{s}C_{L} = \frac{2\Delta v_{su}}{w_{r}} \rightarrow c = (\bullet)$$
(3.23)

A lapát beállítási szög (Eck, 2003):

$$\gamma = \alpha_{\infty} + \Delta \alpha \left(\operatorname{Re}, C_{L} \right) \tag{3.24}$$

A felhajtóerő tényezőjét az egyedülálló síklemez profilnak a 3.11. ábráról olvasom le.



3.11. ábra: Egyedül álló síklemez szárny aerodinamikai tulajdonságai (Gyllhem et al., 2005)A tervezési munkapontban előírt paramétereket a 3.7. táblázat tartalmazza.

3.7. táblázat: A Dan007 járókerék névleges tervezési paraméterei

Paraméterek	Érték
Mennyiségi szám (φ)	0.286
Nyomásszám (ψ)	0.118
Fordulatszám (n _f)	1400 min ⁻¹
Külső sugár (r _a)	315 mm
Lapátszám (N)	8
Agyviszony (v)	0.514
Tervezési hidraulikai hatásfok (η _{hT})	0.8
Légrés méret (τ)	3 mm

A számolásnál a nyomásszámot a tervezési hidraulikai hatásfokkal osztom. A főbb áramlástani és geometriai paramétereket a 3.12. ábra szemlélteti.



3.12. ábra: A Dan007 fontosabb áramlástani és geometriai paraméterei

Az FV tervezés sajátossága, hogy a lapáttő metszetnél a közegelterelés maximális, ami leválási veszélyt jelent. A járókereket az irodalomban fellelhető, állandó cirkuláció tervezésre javasolt, összes korlátozó feltételre leellenőriztem (3.8. táblázat). Lapáttő leválásra vonatkozó kritériumok De-Haller (Eckert, Schnell, 1981), erőtényező (Eck, 2003) és Marcinowski kritériumai (Marcinowski, 1956). A Strscheletzky-örvénymag feltételt Bencze et al. (1970) munkája alapján ellenőriztem.

3.8. táblázat: Ellenőrzés a korlátozó feltételekre

- [Re] _a	$\approx 2.05 \cdot 10^5 > 1.5 \cdot 10^5$	[-]
 Örvénymag feltétel 	$=95 \rightarrow r_a = 162$	[mm]
- De-Haller kritérium, [w ₃ /w ₀]	$]_a = 0.803 > 0.72$	[-]
- Erőtényező, [σC _L] _a	= 0.54 < 0.65	[-]
- Felhajtóerő tényező, [C _L] _a	= 0.6 (választott)	[-]
Marcinowski kritériumai az a	gyra:	
- $[w_m/\Delta v_{3u}]_a$	= 2.075 > 0.8	[-]
- [φ/ψ]a	= 2.43 > 0.4	[-]

Az összeszerelt járókereket a 3.13. ábra szemlélteti.



3.13. ábra: A Dan007 járókerék és beépítése

A Dan007 járókereket a tervezési lapátszám felével (0.5N = 4) a 3.14. ábra szemlélteti.



3.14. ábra: A Dan007 járókerék a tervezési lapátszám felével (0.5N = 4)

A Dan007 járókerékre és a tervezési módszerére, mint "Reverzálható Járókerék" hivatkozok a dolgozatban.

3.5. Jelleggörbe mérésére kialakított berendezés

Adott méretű és geometriai kialakítású ventilátor meghatározott fordulatszám és közegsűrűség mellett különböző nyomáskülönbség ellenében különböző közegmennyiséget szállít. A ventilátorral létrehozott (ΔPt) nyomásnövekedés és a (Q) szállított közegmennyiség közötti

összefüggést ábrázoló görbét a gép jelleggörbéjének nevezzük $\left(\Delta P = (f(Q))\Big|_{n_f = \dot{\alpha} ll_{\cdot}}\right)$ (Fekete,

1967).

Ventilátor jelleggörbéjének a mérését a Gruber (1978) és Szlivka et al. (2004) ajánlásainak megfelelően végeztem el, és értékeltem ki. A ventilátor jelleggörbe mérő berendezés Szlivka et al. (2004) megfelelően lett kialakítva.

A mérőberendezés leírása

Axiális ventilátor jelleggörbéjének meghatározására alkalmas teljes mérési kialakítás (3.16. ábra) a következő fő részekből áll:

- Ventilátor berendezésből (járókerék, villanymotor, csőburkolat).
- Ventilátor berendezéshez kapcsolódó nyomó illetve szívócsőből.
- Beszívó tölcsér, amely a szívócsőhöz kapcsolódik.
- Diffúzor fojtólappal.
- Villanymotorhoz kapcsolt frekvencia váltó a kívánt fordulatszám beállítása végett.

A 3.17. ábra segítségével részletesen jellemzem a berendezés részeit, amellyel Ø630 névleges átmérőjű járókereket vizsgálhatunk:

- 1. Térfogatáram mérésére alkalmas beszívó tölcsér.
- 2. Beszívó tölcséren található nyomásmegcsapolásnál, ΔP_m statikus nyomást mérjük a légkörihez viszonyítva, amiből később térfogatáramot tudunk számolni.
- 3. Ventilátor berendezés előtti szívócső.
- 4. Nyomásmérésre szolgáló ferdecsöves mikromanométer.
- 5. Ventilátor berendezés. Ventilátor csőburkolata a szívó- és a nyomócsőhöz gumitömítésen keresztül csavarral van rögzítve. Így újabb járókerék mérése esetén a járókerék csere könnyen megoldható.
- 6. Szívó- ill. nyomócsövön található nyomásmegcsapolás. Erre a két nyomásmegcsapolásra kötünk egy ferdecsöves mikromanométert, és így statikus nyomáskülönbséget mérünk.
- 7. Ventilátor berendezés utáni nyomócső.
- 8. Diffúzor. Táguló csőtoldatban az áramló közeg sebessége csökken, így a kilépő veszteség is kisebb.
- 9. Fojtólap. Fojtólap mozgatásával állítjuk be a kívánt mértékű hidraulikus ellenállást (3.15. ábra).



3.15. ábra: Diffúzor fojtólappal



3.16. ábra: A berendezés méretarányos rajza (M2 és M3 nyomásmegcsapolások furatai a járókeréktől 2D távolságban helyezkednek el)



3.17. ábra: Berendezés számmal ellátott részekkel

Térfogatáram mérés

Mennyiségmérést a beszívó tölcsér segítségével végeztem el (3.18. ábra) (Füredi et al., 2003). A zavartalan beáramlás érdekében a beszívó tölcsértől számított 1.5D sugarú gömbön kívül kell lennie minden környező zavaró elemnek.

A térfogatáram értéke:

$$Q = \frac{D_{cs\delta}^2 \pi}{4} (\alpha \varepsilon) \sqrt{\frac{2}{\rho}} \sqrt{\Delta P_m}$$
(3.25)

Az Red értéket a következőképpen számoljuk:

$$\operatorname{Re}_{d} = \frac{4Q}{\pi D_{cs\delta} \nu} = (\alpha \varepsilon) \frac{D_{cs\delta}}{\nu} \sqrt{\frac{2\Delta P_{m}}{\rho}}$$
(3.26)

A (ΔP_m) a beszívó tölcséren mért statikus nyomásesés, relatív értelemben. Ahol ($\alpha \epsilon$) értéke:

 $0,955\pm0,02$ ha $2\cdot10^5 < \text{Re}_d < 3\cdot10^5$

 $0,96\pm0,015$ ha $\text{Re}_{d} > 3.10^{5}$



3.18. ábra: Beszívó tölcsér (Füredi et al., 2003)

Az Re_d értékét iterációval tudjuk számolni. Mérés kiértékelésnél ($\alpha\epsilon$) = 0,96 értékkel számoltam.

Mérés kiértékelése

Mérés során a fojtólappal a rendszer hidraulikus ellenállását változtatom. Minden egyes beállított rendszerellenállásnál feljegyzem a beszívó tölcsér nyomásesését (ΔP_m), valamint a szívó és nyomóoldal közti statikus nyomáskülönbségeket (ΔP_{st}). Mérés akkor tekinthető befejezettnek, ha az adott motorfordulatszámnál a rendszer ellenállása elérte a végtelent, azaz a fojtólappal a nyomóoldalt teljesen zárom. Beállított rendszerellenállásoknál mért nyomásból kiszámoljuk a térfogatáramot (Q), valamint az így meghatározott térfogatárammal a szívó- ill. nyomóoldal átlagsebességét számolom. Az átlagsebességek ismeretében a dinamikus nyomások meghatározhatóak, így a mért statikus nyomások ismeretében az össznyomás számítható:

$$\Delta P_{t} = P_{ny} + \frac{\rho}{2} v_{ny}^{2} - \left(P_{sz} + \frac{\rho}{2} v_{sz}^{2}\right) = \left(P_{ny} - P_{sz}\right) + \left(\frac{\rho}{2} v_{ny}^{2} - \frac{\rho}{2} v_{sz}^{2}\right)$$
(3.27)

Az átlagsebességek tehát:

$$v_{ny} = \frac{Q}{A_{ny}}$$
 és $v_{sz} = \frac{Q}{A_{sz}}$ (3.28)

Mivel esetünkben $A_{ny} = A_{sz}$, ezért a sebességek megegyeznek. Statikus nyomásnövekedés, a szívócsonk össznyomásától számolva:

$$\Delta P_{\rm st} = \Delta P_{\rm t} - \frac{\rho}{2} v_{\rm ny}^2 \tag{3.29}$$

3.6. Lapátrács áramlás számítása numerikus módszerrel

Lapátrács áramlás numerikus modelljét és az eredmények kiértékelését, CFX kereskedelmi programmal készítettem el. A solver a Reynolds-átlagolt 3D Navier-Stokes egyenletet oldja meg a véges térfogatok módszerével. Falközeli cellasűrűséggel összhangban, turbulencia modellnek a hi-Re SST zonális izotrop turbulencia modellt (Ansys corp., 2009b) alkalmaztam, automatikus falkezelés módszerével. Simoes et al. (2009) a CFX program segítségével, a NASA Rotor 37 validációján tesztelte a $k - \varepsilon$, $k - \omega$, és SST turbulencia modelleket. A komplex validációnak az SST modell felett meg a legjobban. Bourgeois et al. (2011) szintén a CFX kód alkalmazásával validált turbulencia modelleket centrifugál kompresszoron, diffúzoron keresztüli kilépéssel. Az SST és az anizotrop RSM-SSG turbulencia modellt találta a legmegbízhatóbbnak. Mivel az RSM-SSG modell alkalmazását javasolja. Fontos megemlíteni, hogy a $k - \varepsilon$ modell alkalmazásával a lapátrésben történő leválás és visszafekvés (vena-contracta) jelensége már nem volt kimutatható.

A számítási tartományt a 3.19. ábra szemlélteti az alkalmazott peremfeltételekkel. Állórészt azért tartottam szükségesnek, hogy a rácsba belépő közeg már kifejlett határréteggel rendelkezzen. Az állóés forgórész csatlakozásánál "frozen rotor" interfészt használtam fel. A peremfeltételek kialakításánál figyelembe vettem Govardhan et al. (2007) beállításait és Ansys corp. (2009a) javaslatait. A szállított közeg "Air" 25°C, összenyomhatatlanság feltételezésével, azaz a sűrűség független a nyomástól és a hőmérséklettől (Ramakrishna, Govardhan, 2009). A lapát kilépőél után a maximális húrhossz háromszorosát hagytam meg a vizsgálati tartományban, azért hogy az örvényeknek legyen tere disszipálódni, az áramvonalak rendeződjenek még a kilépő peremfeltétel előtt. Govardhan et al. (2007) munkájában kb. egy axiális húrhossz vetület- Vad et al. (2007) cikkében 3.5 lapátközép axiális húrvetület a távolság.



3.19. ábra: Számítási tartomány 3D axonometrikus ábrája (Dan26-SW)

Geometria diszkretizálásánál Govardhan et al. (2007)-hez (3.20. ábra) hasonlóan, strukturálatlan tetraéder hálót alkalmaztam (3.21. ábra), fal közelében a határréteg háló prizmatikus.



3.20. ábra: Számítási tartomány peremfeltételekkel és a háló topológia a belépőél környezetében (Govardhan et al., 2007)



3.21. ábra: Háló topológia a belépő- és a kilépőél környezetében (Dan26 középmetszet)

A periodikus határoló falaknál a háló felületek kapcsolódása 1:1, ez javítja a konvergenciát és a számítás pontosságát. A dimenziótlan faltávolság $y^+ \le 150$ a számítási tartomány egészén, így elmondható, hogy a határréteg az univerzális faltörvény (Tu et al., 2008) tartományába esik, azaz a turbulens határréteg felbontásra került. Cellaszám a járókerekek szimulációja során a strukturálatlanság miatt 2.7...3 millió db. között oszlik el. Belépő turbulencia intenzitás 1% (Vad, 2007).

3.6.1. Numerikus modell validálása

A numerikus modell validálásához a Bup-26 járókereket vettem alapul. Bevezetem a sugármetszeten átlagolt lokális axiális mennyiségi számot:

$$\varphi_3\left(R^*\right)_{CFD} = \frac{v_{3ax}\left(R^*\right)_{CFD}}{u_a} \tag{3.30}$$

Ahol $R^* = r/r_a$ dimenziótlan sugár. Kiértékelésnél a kilépő axiális mennyiségi számot öt diszkrét pontra számoltam sugár mentén, értékeket a 3.9. táblázatban foglaltam össze.

3.9. táblázat: Lokális axiális mennyiségi szám $\varphi_3(R^*)_{CFD}$

$\varphi_3(0.70)_{CFD}$	=	0.4912
$\varphi_3(0.75)_{CFD}$	=	0.5203
$\varphi_3(0.80)_{CFD}$	=	0.5440
$\varphi_3(0.95)_{CFD}$	=	0.5221
$\varphi_3(0.97)_{CFD}$	=	0.4173

A 3.22. ábra a mért axiális mennyiségi számot ábrázolja, kék színű vonal a $\pm 5\%$ hibasávot szemlélteti. A mérés és a kiértékelés a lapát mögötti síkban, lapáttő metszettől 4mm-re történt (Vad, Bencze, 1998). A piros színű pontok a szimulációból nyert értékeket ábrázolják. Megállapítható, hogy a szimulációból nyert eredmények a méréssel hibahatáron belül egyeznek, ez alól az utolsó (R^{*} = 0.97) pont kivétel, az eltérés itt kb. 6...7%, ez a megnövekedett hiba a falközelséggel illetve a lapátrés miatti megnövekedett turbulenciával magyarázható.



mennyiségi szám (Vad, Bencze, 1998)

4. EREDMÉNYEK

Ebben a fejezetben ismertetem a változó cirkuláció módszerével (CVD) állandó húrra és konstans diffúzió számra tervezett egyenes felfűzési vonalú járókerék (STR) résméret vizsgálatát, majd részletesen összehasonlítom a Számítási Modellel szerkesztett nyilazott lapátozással (SW). Az utolsó alfejezet, a síklemez lapátos járókerék jelleggörbe vizsgálatát mutatja be.

4.1. Állandó húrra és konstans diffúzió számra tervezett járókerék lapátrés vizsgálata

A fejezetben, numerikus (3D CFD) módszerrel vizsgálom a CVD tervezésű, sugár mentén konstans tervezési diffúzió számmal és húrhosszal rendelkező Dan26-STR járókereket, eltérő résméretek esetén. A vizsgált járókerék résméret (τ) sorozat, a lapátközép húrhosszal (c_k) dimenziótlanítva és százalékban kifejezve: 0.9174c_k% (1.0 mm), 1.3761c_k% (1.5 mm), 1.8348c_k% (2.0 mm), 2.2936c_k% (2.5 mm), 2.7523c_k% (3.0 mm).

Megállapítom, hogy a referencia járókeréken vizsgált összes résméret mellett a lapátrés örvény kialakult. A 4.1 ábrán látható, hogy a résből kilépő áramvonalak egymásba csavarodnak, ez a tulajdonság a résörvény (TLV) következménye. Az összes vizsgált lapátrésre teljesült Chen-feltétele (2.1), azaz a réssebesség létrejöttében, a csőfal határréteg relatív mozgásnak nincs befolyásoló szerepe.



4.1. ábra: Áramvonalak szemléltetése a lapátrés középmagasságában

4.1.1. Lapátrés átfolyási tényező számítása

Az átfolyási tényező (C_n) kifejezi valamely keresztmetszet szűkületen átfolyó valóságos és ideális (tervezési) közegmennyiség hányadosát (Janna, 2010). A vizsgált résméretek esetén a lokális sebesség sehol sem lépte át a 60 m/s-ot a résben. Ezért 20 °C környezeti hőmérséklet feltételezésével $Ma \ll 0.3$. Az áramlást így összenyomhatatlannak tekintem, ezért az átfolyási szám értékét a térfogatárammal határozom meg Yaras és Sjolander (1992) szerint.

A résben fellépő áramlási veszteséget elhanyagolva, a résen átlépő, helyi normál sebesség komponens, a Bernoulli-egyenletből:

$$w_{N,2D} = \sqrt{\frac{2}{\rho} \left(p_{ps,2D} - p_{ss,2D} \right)}$$
(4.1)

A számításhoz szükséges ideális nyomáseloszlást, a lapátprofil mentén, a végtelenített, profilveszteséggel terhelt 2D lineáris rács numerikus modell segítségével határozom meg (M3 melléklet).

Az ideális réssebesség átlaga:

$$\overline{w}_{N,2D} = \sqrt{\frac{2}{\rho}} \int_0^1 \left(p_{ps,2D} - p_{ss,2D} \right)^{0.5} dx'$$
(4.2)

Ahol (x' = x / c) a futó koordináta. Az átfolyási tényező, a 3D valós járókerék lapátrés közegmennyiség és az ideális hányadosa:

$$C_n = \frac{\overline{w}_N}{\overline{w}_{N,2D}} \tag{4.3}$$

Az átfolyási tényező értékeit a 4.2. ábra szemlélteti. Az átfolyási szám $\tau = 1.3761c_k\%$ résméret esetén maximális. Ebből arra lehet következtetni, hogy a résben a súrlódási veszteség itt a legkisebb, továbbá a résből kilépő átlagsebesség itt veszi fel a maximális értéket.



4.2. ábra: Átfolyási tényező a résméret függvényében

További vizsgálataimnál, figyelmet fordítok a $\tau = 1.3761c_k\%$ (1.5mm) résmérethez kapcsolódó áramlástani tulajdonságok felderítésére.

4.1.2. A járókerék hidraulikai hatásfoka

A járókerék hidraulikai hatásfoka alatt a 3D szimuláció- és a tervezési nyomásszám hányadosát értem:

$$\eta_h = \frac{\left(\Delta P_t\right)_{CFD}}{\Delta P_t} 100 = \frac{\psi_{CFD}}{\psi} 100 \tag{4.4}$$

A 4.3. ábrán látható hogy a hidraulikai hatásfok a legkisebb résméret esetén a maximális. Lokális minimum állapítható meg $\tau = 1.3761c_k\%$ résméret esetén.



4.3. ábra: Hidraulikai hatásfok a résméret függvényében

A hidraulikai hatásfokkal összhangban alakul a perdület eloszlás is a $\tau = 1.3761c_k\%$ (1.5mm) résméret környezetében (4.4. ábra).



4.4. ábra: Perdület eloszlás a határoló falaktól távol

4.1.3. Radiális sebesség eloszlás vizsgálata

A radiális sebesség komponens, az örvényes jelenségek és a határréteg közeg kicentrifugálódása következtében alakul ki. Ennek jellemzésére bevezetem a radiális sebesség tényező abszolút értékét:

. .

$$\left|\varphi_{r}\right| = \frac{\left|w_{r}\left(r,\theta\right)\right|}{u_{a}}\tag{4.5}$$

A 4.5. ábra a $\tau = 1.3761c_k\%$ (1.5mm) résméret és szomszédos résméretek radiális sebesség tényezőjét szemlélteti, a kilépőél mögött axiális normálisú síkban.



4.5. ábra: Radiális sebesség tényező abszolút értéke (spn > 0.5)

A 4.5. ábra alapján megállapítom, hogy a $1.3761c_k\%$ (1.5 mm) résméret esetén, a kilépőél-áramlási nyom környezetén kívül, a radiális sebesség mérsékeltebb, mint a szomszédos résméretek radiális sebesség eloszlása. A mérsékelt radiális áramlás alapján arra tudok következtetni, hogy a lapátrés örvény (TLV) energiavesztesége nagyobb. Az örvény disszipációt a lapátcsatorna árammal- és a csőfal határréteggel történő kölcsönhatás eredményezi.

4.1.4. A 3D áramlás jellemzése átlagolt paraméterekkel

Forgó körrács esetén, a tervezési q3D sebességtértől (3.1. ábra) való eltérést a szekunder sebesség bevezetésével fejezem ki. Szekunder sebesség radiális komponensből (w_r) és egy a tervezési 2D síkban értelmezett (w_3)-ra merőleges komponensből (w_{sb2b}) áll:

$$\boldsymbol{w}_s = \boldsymbol{w}_r + \boldsymbol{w}_{sb2b} \tag{4.6}$$

A sebesség komponensek kiértékelése, a lapáttő metszet kilépő éle mögött (1.835ck%) történik. A lapátmagasságon átlagolt radiális sebesség komponens tényezője:

$$Y_r = \frac{\left(\rho/2\right) \int \overline{\left|w_r\right|}^2 d\left(spn\right)}{\left(\rho/2\right) u_a^2} \tag{4.7}$$

Ahol $(spn = (r - r_i)(r_a - r_i)^{-1})$ a futó koordináta. A $(\overline{|w_r|})$ mennyiség az adott sugáron vett radiális sebesség komponensek abszolút értékeinek az átlaga. Adott lapátrés méretnél az (Y_r) értékeket a 4.6. ábra szemlélteti. Látható, hogy a legnagyobb réssebességet (4.2. ábra) és a lokális hidraulikai hatásfokot minimumot (4.3. ábra) adó résméretnél $(\tau = 1.3761c_k\%)$ kapjuk a legkisebb radiális átlagsebességet. Ez összhangban van a 4.5. ábrával.


4.6. ábra: Lapátmagasság mentén átlagolt radiális sebesség komponens A tervezési síkban, a szekunder sebesség komponens tényezője:

$$Y_{sb2b} = \frac{(\rho/2) \int_0^1 \overline{|w_{sb2b}|^2} d(spn)}{(\rho/2) u_a^2}$$
(4.8)

A tervezési, kilépő relatív sebességre merőleges szekunder komponenst (w_{sb2b} , (4.6)), a következőképpen értelmezem (4.7. ábra) adott sugarú síkba terített rácsmetszeten:





A 4.7. ábrán a súrlódásos áramlás 2D vetületi komponensét $(|w_{sb2b}|)$, az adott sugáron számolt (w₃)ra merőleges sebesség komponensek abszolút értékének az átlagaként értelmezem. A szekunder sebesség tényező változását a lapátrés függvényében a 4.8. ábra szemlélteti.



4.8. ábra: Tervezési síkban átlagolt szekunder sebesség tényező és deriváltja a dimenziótlan résméret függvényében

A szekunder sebesség tényező három jellegzetes tartományra bontható fel (4.8. ábra). Az I. a lineáris szakasz, amely $1.3761c_k\%$ résméretig terjed. A II. a konstans szakasz, ez $1.8348c_k\%$ -ig terjed. Az utolsó (III.) tartományt egy konkáv függvény írja le. A deriváltak, a függvénytan szabályai szerint ezzel összhangban alakultak. A korábban szélsőértékeket adó $1.3761c_k\%$ (1.5mm) résméret itt a lineáris és a konstans szakasz határán fekszik. A 2D szekunder sebesség komponens csúcsértéke 2.2936c_k% (2.5mm) résméretnél adódik. A 0-résméret esetén a csőfal a rotorral együtt futott a szimuláció során.

4.1.5. Sebességtér gátlás vizsgálata

Az axiális sebességtér gátlás tényezőjét az M4 melléklet szerint számoltam. A 4.9. ábra alapján megállapítom, hogy lokális maximuma van a $\tau = 1.3761c_k\%$ (1.5mm) résméretnek.



4.9. ábra: Axiális sebesség gátlás (AFB)

Mivel az axiális sebesség gátlásnak lokális maximuma van (4.9. ábra), így itt fajlagosan kisebb hasznos átáramlási keresztmetszet adódik, azaz a folytonosság miatt itt megnő az axiális sebesség komponens. Ha ehhez még figyelembe veszem, hogy a radiális sebesség itt globális minimummal rendelkezik (4.6. ábra) összhangban 4.5. ábrával, akkor a határoló falaktól távol lecsökken a tangenciális sebesség (~perdület, rv_{3u}) értéke, így az össznyomás növekedés is kisebb lesz. Az észrevételemmel összhangban alakulnak a szimulált perdület (4.4. ábra) és hidraulikai hatásfok (4.3. ábra) is.

4.1.6. Statikus nyomás eloszlása a lapátvégen

A (statikus) nyomástényező képzésénél (Janna, 2010) a járókerék előtti átlagnyomás (p_0) értékéhez viszonyítok, és dimenziótlanítok a lapátvég kerületi sebességével számolt dinamikus nyomással:

$$C_{p} = \frac{p - p_{0}}{0.5\rho u_{a}^{2}}$$
(4.9)

A lapátvég nyomástényező eloszlását a 4.10. ábra szemlélteti. A $\tau \le 1.3761 c_k \%$ tartományban a lapátközéptől a kilépő élig az izobár vonalak a vázvonalra merőlegesek. A szakirodalom kutatásom alapján, ebben az esetben a résáramlás létrejöttében, a nyomás gradiens a domináns (Yamamoto, 1989). A $\tau > 1.3761 c_k \%$ tartományban ugyanakkor az izobárok a kilépőél felé is görbültek, így itt a tehetetlenség (súrlódás) befolyásolja a résáramlást.

A $\tau \ge 1.8348c_k\%$ résméret tartományban, a nyomott oldalon belépő közeg nyomása hirtelen lecsökken, az átáramlási keresztmetszet szűkülés (vena contracta: VC) következtében. A keresztmetszet szűkület, a nyomott oldali lapát élén fellépő és az áramlás irányában kiterjedt leválás miatt jött létre (Ramakrishna, Govardhan, 2010). A $\tau = 1.3761c_k\%$ (1.5mm) résméret esetén, a vena-contracta jelensége még nem alakult ki (4.10. ábra).



4.10. ábra Statikus nyomástényező (C_p) eloszlás a lapátvégen

4.2. A tervezési lokális diffúzió szám előírásán alapuló nyilazott lapátozású járókerék numerikus vizsgálata

Az alfejezet a CVD tervezésű, kiindulási (referencia) járókereket hasonlítja össze a nyilazott lapátozással. Az egyenes lapátozású referencia járókereket (Dan26-STR: STR) konstans húrra és állandó diffúzió számra terveztem a változó cirkuláció módszerével, a 3.2. alfejezet szerint. A nyilazott lapátozás (Dan26-SW: SW) tervezésénél (3.3. alfejezet) a referencia járókereket vettem alapul. Szerkesztésnél a lapáttő és lapátvég metszetein kisebb tervezési diffúzió számot írok elő. A kisebb tervezési diffúzió szám nagyobb húrhosszakat eredményez, ami lehetővé teszi a nyilazott felfűzést (3.9. ábra). A lapátrés méret mindkét járókeréknél 1.8348c_k% (2mm), a lapátközép húrhosszal dimenziótlanítva. Az összehasonlító vizsgálatot a tervezési közegmennyiség mellett végeztem el.





A 4.11. ábrán látható, hogy lapátrésből kilépő áramvonalak, a referencia és a nyilazott lapát esetén, egyaránt egymásba felcsavarodnak. Ebből arra lehet következtetni, hogy a résörvény (TLV) mindkét lapátozás esetén kialakul.

4.2.1. Nyomáseloszlás a lapátprofil mentén, torlónyomás veszteség

A profil mentén a nyomáseloszlást a dimenziótlan statikus nyomástényező (4.9) segítségével szemléltetem (4.12. ábra).



Cp eloszlás a lapátprofil mentén, spn = 0.15 helyen (~lapáttő)



4.12. ábra: Lapátprofil nyomáseloszlás (Cp) ábrák

A lapátközép metszeten a szívott oldali depresszió csúcs a nyilazott járókerék esetén nagyobb. Szakirodalom alapján ez a megnövekedett állásszöggel ($\pm \Delta i$) magyarázható (Dixon, Hall, 2014). A lapátvégek (\pm)SW következménye, a szakirodalom szerint, hogy ezeknél a metszeteknél a lokális sebesség nagyobb, így a folytonosság következtében a középmetszetekre kisebb sebesség (v_0) adódik, ez megnövekedett állásszöget eredményez.

A nagyobb depressziócsúcs másik következménye, hogy megnő a szívott oldali nyomás gradiens, ennek következtében a lapátvégtől távol a referencia állapothoz képest nagyobb, az együttforgó rendszerben értelmezett, torlónyomás veszteség (4.13. ábra, II.).



4.13. ábra: Torlónyomás veszteségtényező (ω) a lapátmagasság mentén

A lapáttőnél és a lapátvégen depresszió csúcs csökkenés figyelhető meg a húr 40%-áig (4.12. ábra). A laposabb szívott oldali nyomásgörbe nyomás gradiens csökkenést eredményez (2.18. ábra analógiájára), amely a határréteg leválására kedvezőtlenül hat (Lajos, 2004). Ez a már említett,

sebesség növekedés és így az állásszög csökkenés (- Δi) következménye. Tapasztalatom szerint ez a jelenség a Számítási Modellre is érvényes.

A mérsékelt szívott oldali nyomás gradiens kialakulásának másik oka, a tudatosan választott kisebb tervezési diffúzió szám (DF) következménye, (2.4) alapján:

$$DF \sim DF_{loc} = 1 - \frac{W_3}{W_{\text{max, free}}} \Longrightarrow DF \downarrow \therefore W_{\text{max, free}} \downarrow$$
 (4.10)

Így azonos sebességi háromszög esetén, a kisebb diffúzió szám kisebb szívott oldali sebesség csúcsot $(w_{max free})$ eredményez. Mert a súrlódás elhanyagolásával, a relatív rendszerben:

$$p_{00} \approx p_t = p + \frac{\rho}{2} w_{\max,free}^2 \approx \acute{all} \Rightarrow w_{\max,free} \downarrow \therefore p \uparrow$$
 (4.11)

Ahol (p_t) a lokális torlónyomás. A lapáttő tartományban (4.13. ábra, I.), a nyilazott járókeréknek nagyobb a vesztesége, amiben a nagyobb húrhossz okozta falsúrlódás veszteség többlet is közrejátszik. A lapátvég tartományban (4.13. ábra, III.) a torlónyomás veszteségek szinte átfedik egymást. Figyelembe kell venni, hogy az SW tényleges húrhosz, a csőfal lekerekítés miatt a névlegesnél némileg kisebb. Így a falsúrlódás okozta veszteség is mérséklődik. A I. és a III. tartomány 3D súrlódásos jelenségekkel erősen terhelt, így az SW lapátozás jóság megítélésére további részletes vizsgálatok szükségesek.

4.2.2. Nyomáseloszlás a lapátrés környezetében

A nyomástényező eloszlást, a lapátvég és a csőfal közötti távolság felénél vettem fel (4.14. ábra).



4.14. ábra: Nyomástényező eloszlás a lapátrés méret középtávolság mentén

Látható, hogy a legnagyobb réssebesség a depresszió csúcs környezetében alakul ki. Szembetűnő, hogy az STR lapátozás esetén, a szívott oldalon, a csúcsdepresszió nagyobb, ennek következtében a kilépő levegősugár csúcssebessége is nagyobb. A nyilazott lapát esetén a résből kilépő közeg sebessége kisebb, ez a lapátprofil szívott oldalán kiterjedt depresszió csökkenéssel magyarázható (4.12. ábra). Ezzel összhangban alakulnak az átlag réssebességek is, a referencia járókerék esetén 27.05m / s a nyilazott lapát esetén 24.4m / s. A mérsékelt depresszió a (+)SW és a kisebb tervezési diffúzió szám következménye, a (4.10) és (4.11) szerint.

Az STR lapát nyomott oldala mentén, a lapát fölött megfigyelhető depresszió csúcs. Ez a lapát élen történő leválás (vena-contracta) következménye. A leválás okozta keresztmetszet csökkenés eredménye a nagyobb sebesség, amely (4.9) értelmében lokális statikus nyomásesést eredményez.

A lapátközép síkon az izobár vonalak eloszlása alapján megállapítom, hogy a nyilazott lapátozás estén a kilépő levegősugár sebessége ("jet flow") kisebb, mint a referencia keréké. Ezzel összhangban alakulnak az átlag réssebességek is, nyilazott lapát esetén 24.4*m*/*s*, a referencia lapátozásnál 27.05*m*/*s*. Látható, hogy a nyilazott lapát esetén a vena-contracta nem alakult ki a lapátrésben, ami a súrlódás mérsékeltebb hatására utal. Ezek a kedvező áramlás tulajdonságok a lapátrésben, a kisebb tervezési diffúziószám következményei. Kisebb diffúzió szám a lapátrpofil szívott oldali depresszió csúcsot mérsékeli, ennek köszönhetően a nyomáslefutás laposabb (4.12. ábra). Így a lapátterhelés, azaz a résben a szívott és a nyomott oldal nyomáskülönbsége csökken, ami így mérsékelt nyomás gradienst eredményez a résben. A fentiekkel összhangban, a nyilazott lapát kisebb áramlási veszteségét igazolja a lapátrésben a nagyobb átfolyási szám. Nyilazott lapátnál $(C_n)_{SW} = 0.7884$, egyenes lapátnál $(C_n)_{STR} = 0.771$.

4.2.3. Áramvonalak vizsgálata a felület mentén

Felületi áramvonalak vizsgálata segítségével, a határréteg mozgás és leválás nyomon követhető. A 4.15. ábra a szívott oldali áramvonal eloszlást szemlélteti. Szívott oldali áramlás diffúzoros, ezért vizsgálata lényeges a jóság megítéléséhez.



4.15. ábra: Áramvonal eloszlás a lapát szívott oldala mentén

A 4.15. ábra alapján megállapítható, hogy a lapáttő metszet kilépőél környezetében, a leválási tartomány kiterjedése kisebb a nyilazott (SW) lapátozás esetén. Ezzel összhangban, a leválási tartomány torlasztó hatása kisebb, így a nagyobb sugarakon, az áramvonal görbülete is kisebb. Lapátközép fölött az áramvonalak rendezettek, itt az áramlás jó közelítéssel a tervezési q3D-vel (3.1. ábra) egyezik. A lecsökkent áramvonal görbület következménye, hogy a szívott oldali határréteg közeg radiális irányú kiáramlása a nyilazott járókerék esetén mérsékeltebb, a 0.5 > spn tartományban.

A nyilazott lapát esetén, az áramvonal görbület csökkenés, a megnövekedett húrhosszat figyelembe véve nem eredményezett kontinuum pálya rövidülést. Ennek megfelelően a lapáttő torló nyomás vesztesége (4.13. ábra, I.) a nyilazott lapátnál nagyobb.

A referencia (STR) járókerék lapátvég belépőél (LE) közelében áramvonal eltérülés tapasztalható. Ez a lapátrés örvény kialakulásával magyarázható, örvény forgás következtében, az impulzuscsere miatt, az áramvonalak görbülnek. Ez a nyilazott lapát esetén alig megfigyelhető. A nyilazott lapátozás esetén a résáram mérsékeltebb, összhangban a lecsökkent lapátrés áramlással (4.14. ábra).

Lapáttő áramlás megítéléséhez ki kell terjeszteni a vizsgálatot az agy-határoló falra is. A 4.16. ábra az agy-határoló felület áramvonal eloszlását szemlélteti.



4.16. ábra: Áramvonal szemléltetése az agy-határoló fal mentén

Irodalom kutatás alapján megállapítható, hogy a (kiterjedtebb) lapáttő-agy leválás (2.27. ábra) egyik esetben sem következik be. Ez egyben megfelel már az előtervezésnél alkalmazott, 3D vizsgálatból származtatott tervezési diffúzió-szám kritérium (2.36. ábra) betartásának (You, Liu, 2010). Látható, hogy a referencia (STR) esetén a kilépőél, környezetében több, az LE torlópontból kiinduló áramvonal záródik egy közös pontban. Ez kiterjedtebb leválásra utal, szemben a nyilazott járókerékkel. A mérsékeltebb agy-határoló fal leválás oka a nyilazott járókeréken, az áramlás irányban kisebb nyomásgradiens (4.12. ábra). Továbbá, a csökkentett tervezési diffúzió szám következtében, a nagyobb húrhoz kapott kisebb középponti szög (3.6. táblázat). Áramlástanban a csőkönyök analógiájára (Lajos, 2004), a kisebb falgörbület, mérsékeltebb - görbületre merőleges – nyomás gradienst ébreszt. Ennek megfelelően a lapátcsatornában, a tangenciális nyomásgradiens mérséklődik, ami összhangban van Ng et al. (2008) görbe falakra adott egyenletével:

$$\frac{\Delta p_{cir}}{0.5\rho w_0^2 s} = \frac{\rho w_\infty^2 2\sin\left(\frac{\Theta}{2}\right)}{0.5\rho w_0^2 c} = f\left(\Theta, c\right) \Longrightarrow \left(\Theta \downarrow \land c\uparrow\right) \therefore \Delta p_{cir} \downarrow$$
(4.12)

A (4.12) egyenletnél látható, hogy rögzített tervezési sebességi háromszög esetén, a kerület irányú nyomás gradiens csak a vázvonal középponti szög (Θ) és a húrhossz (c) függvénye. A húrhossz növekedésével és a vázvonal középponti szög csökkenéssel, a kerület irányú nyomás gradiens mérséklődik, összhangban a 4.16. ábrán látható tendenciával.

4.2.4. Radiális sebesség eloszlás a lapátozás mögött

A lokális radiális mennyiségi szám alatt, a helyi radiális sebesség és a kerületi sebesség hányadosát értem:

$$\varphi_r = \frac{w_r(r,\theta)}{u_a} \tag{4.13}$$

A 4.17. ábra a lapátozás mögötti radiális sebesség eloszlást szemlélteti.



4.17. ábra: A lapátozás mögötti radiális sebesség eloszlás

A 4.17. ábrán látható, hogy nyilazott lapát esetén, a spn < 0.5 áramlási nyomban a radiális sebesség nagyobb, mint a referencia lapát esetén. A radiális kiáramlás csúcsértéke a referencia lapát esetén csak egy kisebb lokalitást fed le, a lapáttő közelében. Ebből arra lehet következtetni, hogy a Számítási Modell, lapáttő (+)SW hatására, a (+/-) radiális áramlás felerősödik a 0 < spn < 0.5 tartományban a lapátozás mögött, ez intenzívebb "trailing shed" örvényes jelenségre utal.

A csőfal környezetében, a radiális áramlás mérsékeltebb a nyilazott lapát esetén. A lapátvég radiális áramlást a 4.18. ábra szemlélteti.



4.18. ábra: A lapátozás mögötti radiális sebesség eloszlás a lapátvégen (spn > 0.5)

A 4.18. ábra segítségével megállapítható, hogy a nyilazott lapát esetén a lapátozás mögötti radiális mozgás mérséklődik a *spn* < 0.5 állapotához képest, összhangban a szívott oldal áramvonal eloszlás ábrával (4.15. ábra). A referencia lapátvégen a kilépőél mögötti nyomott oldalon, kiterjedtebb negatív mozgás látható a lapáttő felé. A nyilazott lapát esetén ugyanakkor ebben a lokalitásban mérsékeltebb negatív radiális áramlás tapasztalható.

4.2.5. Sebességtér gátlás, radiális kiáramlás és az össznyomás növekedés kapcsolata

A sebességtér gátlást az M4 melléklet szerint számoltam, és a 4.19. ábrán szemléltetem. A 4.19. ábrán a feketével jelölt tartomány a gátolt tartomány $(f_{ax}(r,\theta)=0)$, itt az axiális sebesség a tervezésinél kisebb.



4.19. ábra: Axiális sebesség gátlás a kilépőél mögötti síkban

A sebességtér gátlás ábra alapján megállapítható, hogy a nyilazott (SW) lapát esetén, a kilépőél mögötti áramlási nyom (1.) kiterjedése kisebb és a lapáttő pangás is mérsékeltebb (4.). A referencia (STR) lapát agy-határoló falnál látható kiterjedtebb pangás (3.), a nyilazott esetben már nem figyelhető meg.

A csőfalnál ugyanakkor a nyilazott lapát tartomány kiterjedése kicsivel nagyobb, annak ellenére, hogy a nyilazott lapát esetén, a rés környezetében kedvezőbbek az áramlási viszonyok (4.14. ábra). Ennek a magyarázata, a nyilazott lapát axiális irányban mért nagyobb húrvetülete. A résáramlás és a csőfal határréteg kölcsönhatása következtében kialakuló pangó zóna, nagyobb utat tesz meg a lapátcsatornában, ami közben a résáram is jobban disszipálódik. Ezt támasztja alá a 4.18. ábra is, nyilazott lapát esetén a radiális sebesség, a csőfal környezetében az áramlási nyomon kívül is kisebb, ami előre haladott résörvény szétesésre (disszipációra) utal. A 4.20. ábrán látható, hogy 0.9 < spn fölött nyilazott lapát esetén a radiális sebesség kisebb.



4.20. ábra: Radiális sebesség abszolút értékének az eloszlása a lapátmagasság mentén A gátlás tényező értéke a referencia lapátnál $AFB_{STR} = 27.371 \cdot 10^{-2}$, a nyilazott lapát esetén $AFB_{SW} = 25.5013 \cdot 10^{-2}$. Az $AFB_{SW} < AFB_{STR}$ következménye, hogy a kisebb gátolt tartomány miatt, a hatásos keresztmetszet növekedés következtében, a gátolt tartományon kívül így lecsökken az axiális sebesség. Továbbá a sugár mentén a radiális áramlás a nyilazott lapát esetén nagyobb és csak a lapátvég tartományban mérséklődik (4.17. és 4.20. ábra). Ennek eredményeként, a sugár mentén, a tangenciális sebesség ($v_{3\mu}$)_{CED} komponens nagyobb nyilazott lapát esetén.

Ezzel összhangban, a szimulációból kapott perdület $(rv_{3u})_{CFD}$ eloszlást, a határoló falaktól távolabb a 4.21. ábra szemlélteti. A nagyobb perdület, a (2D) Euler-turbina egyenlettel összhangban, nagyobb össznyomás növekedéssel arányos (4.22. és 4.23. ábra).



4.21. ábra: Perdület eloszlás a lapátmagasság mentén a határoló falaktól távol Felírva a súrlódásmentes (2D) Euler-turbina egyenletet:

$$\Delta P_{t} = 2\pi n_{f} \rho \left(r v_{3u} \right) \Longrightarrow \left(r v_{3u} \right)_{CFD} \uparrow \therefore \left(\Delta P_{t} \right)_{CFD} \uparrow$$
(4.14)

A (2D) Euler-turbina egyenletnek megfelelő tendencia figyelhető meg, a 3D szimulációból kapott össznyomás különbség eloszlás esetén (4.22. ábra) is.



4.22. ábra: Lokális össznyomás különbség a lapátmagasság mentén

A 4.22. ábra alapján megállapítom, hogy a nyilazott járókerék a lapátvégen (0.8 < spn), nem tudja a kisebb sugarakon látható nagyobb nyomásnövekedést elérni, a referencia lapátozáshoz képest. Ez azzal indokolható, hogy habár a radiális áramlás a lapátvégen mérséklődik (4.18. ábra) a nyilazott járókerék esetén, ezt a kedvező hatást ellensúlyozza a nagyobb csőfal pangás (4.19. ábra). A kisebb lapátvég radiális sebesség- és a kiterjedt csőfal gátlás arra utal, hogy a nyilazott lapát esetén a résörvény, a nagyobb axiális húrvetület és a kisebb lapátrés levegősugár sebesség (4.12. és 4.14. ábra) miatt, a kilépőél mögött, már jobban diszipálódott, szemben a referencia járókerékkel. A kiterjedtebb csőfal közeli pangás előnytelen, különösen, ha figyelembe vesszük, hogy a Számítási Modell a lapátvégen írja elő a perdület maximumot. Ezt a kedvezőtlen tulajdonságot, az alacsonyabb sugarak perdület növekedése kompenzálja.

A lapátközéptől a lapátvég felé a (+)SW előre nyilazott (FSW) lapátalakot (2.2. ábra) eredményez. Megállapítom, hogy a Számítási Modell sajátossága, hogy a standard nyilazásra (2.1. alfejezet) jellemző $(\cos \lambda)$ hatásból származó össznyomás csökkenés, a tervezési térfogat áramon a (0.5 < spn) tartományban nem tapasztalható.

A 4.21. és a 4.22. ábrával összhangban alakul a nyilazott lapát jelleggörbéje tervezési közegmennyiségnél (4.23. ábra).



4.23. ábra: CFD szimulációból kapott jelleggörbe

Ahol a nyomásszám $\psi = \Delta P_t \left(0.5 \rho u_a^2 \right)^{-1}$ és a mennyiségi szám $\varphi = Q \left(A_{gy} u_a \right)^{-1}$.

Az iteratív lapátvég és lapáttő tervezési diffúzió szám csökkentés jóságának megítélésére bevezetett jóságtényező értéke a munkapontban $J_{MKP} = 1.04382$, fojtott állapotban $J_{Foit} = 1.05713$.

Megállapítom, hogy a Számítási Modellel kapott nyilazott járókerék, a tervezési közegmennyiségnél kisebb közegmennyiség esetén, nagyobb össznyomás növekedést teljesít. Ez az össznyomás növekedés, a fojtott állapotban, a munkapontinál nagyobb. Tervezésinél kisebb közegmennyiség esetén, a nyilazott és a referencia járókerék jelleggörbéje összetart.

4.2.6. Szimulációból kapott össznyomás növekedés és a tervezési veszteség tényező kapcsolata

A felhajtóerő- és ellenállás tényező értékét, az M5 melléklet szerint számoltam, az $L \approx F_y$ feltételezésével. Az eredményeket a 4.24. ábrán szemléltetem.



4.24. ábra: Felhajtóerő- és ellenállás tényezők értékei súrlódásos áramlás feltételezésével (CFD)

A nyilazott lapát felhajtóerő tényező (C_L) növekedése, a nagyobb össznyomás növekedés következménye (4.22. ábra). Az M5 melléklet levezetése szerint:

$$C_L \approx \left(\frac{1}{0.5\rho w_{\infty}^2 c}\right) \frac{v_0 \Delta P_t}{N n_f}$$
(4.15)

A nagyobb össznyomás növekedés és felhajtóerő tényező növekedés következménye, az ellenállás tényező növekedése (4.24. ábra), a következő szerint (Lakshminarayana (1996), M5 melléklet):

$$C_D = ctg\alpha_{\infty} \left[\left(\frac{2}{w_{ax}\sigma} \right) v_{3u} \sin \alpha_{\infty} - C_L \right]$$
(4.16)

Az ellenállás tényező növekedés ugyanakkor a profilveszteséggel (ω) arányos (M5 melléklet):

$$D = s\Delta p_0 \cos \alpha_{\infty} = 0.5\rho w_0^2 \omega \cos \alpha_{\infty}$$
(4.17)

Így a 4.13. ábra II. tartománnyal összhangban, az ellenállás tényező növekedése esetén írhatom:

$$D \approx f(\omega) \wedge (D \uparrow \therefore \omega \uparrow) \Longrightarrow \Delta p_0 \uparrow \tag{4.18}$$

Mivel a nyilazott járókerék tervezési térfogat áramon nagyobb össznyomás különbséget teljesít (4.22. ábra), ezért a nagyobb ellenállás tényező (4.24. ábra) okozta profilveszteség növekedés, a kilépő relatív sebességek dinamikus nyomás viszony változása szerint befolyásolja a (4.19) egyenlőséget.

$$p_{0} - p_{3} = \left[\rho\left(\frac{w_{3}^{2} - w_{0}^{2}}{2}\right) + \Delta p_{0}\right] \wedge p_{0} \approx \acute{all} \cdot \wedge (p_{3} > p_{0}) \wedge \left[(p_{3})_{STR} < (p_{3})_{SW}\right]$$
(4.19)

Megvizsgálom a tervezési (2D) profilveszteség tényező változását a referencia (STR) lapáthoz képest a lapáttőnél és a lapátvégen (4.25. és 4.26. ábra). A Számítási Modell a lapáttőnél és a lapátvégen kisebb diffúzió számot ír elő, ami lehetővé teszi a nyilazott felfűzést (3.3. alfejezet).



4.25. ábra: A tervezési (2D) profilveszteség tényező a lapáttőnél

Látható, hogy a lapátvégek felé előírt csökkentett tervezési diffúzió szám, a referencia (STR) lapáthoz képest nagyobb tervezési profilveszteséget eredményez. Ez a tendencia összhangban van a falaktól távol, a súrlódásos szimulációból kapott profilveszteséggel (4.13. ábra II., $\omega_{sw} > \omega_{STR}$).



4.26. ábra: A tervezési (2D) profilveszteség tényező a lapátvégen

Megállapítom, hogy a lapátközép tartományban a nyilazott járókerék profilveszteség növekedése az egyenes lapáthoz képest (4.13. ábra), a Számítási Modell diffúzió szám csökkentés és az össznyomás növekedés következménye. Igazoltam, hogy a nagyobb össznyomás növekedés, a felhajtóerő tényező növekedésével arányos (M5 melléklet). Így a nagyobb, össznyomás különbség és a felhajtóerő együttes következménye (4.16), az ellenállás tényező növekedése (4.24. ábra). Levezettem, hogy az ellenállás tényező növekedés, a profilveszteség növekedésével arányos (M5 melléklet). A profilveszteség növekedéséhez azonban hozzájárul a lapátvégek felé előírt kisebb tervezési diffúzió számok is, mert a referencia járókeréknél kisebb diffúzió számok nagyobb tervezési profilveszteséget eredményeznek (4.25. és 4.26. ábra). A profilveszteség növekedését fokozza továbbá a lapátközép kisebb sebessége és így a megnövekedett áramlás irányú nyomás gradiens (4.12. ábra), ami a (+)SW következménye.

4.3. Reverzálható járókerék vizsgálata

Az alfejezet a síklemez lapátos Reverzálható Járókerék (3.4. alfejezet) jelleggörbe vizsgálati eredményét mutatja be.



A 4.27. ábra a tervezési lapátszámmal és fordulatszámon mért jelleggörbét szemlélteti.

4.27. ábra: Reverzálható Járókerék jelleggörbéje a tervezési fordulatszámon

A tervezési mennyiségi számnál (ϕ_t) mért nyomásszám, a tervezési nyomásszámmal elosztva, a hidraulikai hatásfok:

$$\eta_h = \frac{\psi_{meas}|_{\varphi_t}}{\psi_t} 100 = \frac{0.085}{0.12} 100 \approx 71\%$$
(4.20)

Figyelembe véve a szerényebb mért- és tervezésnél becsült hidraulikai hatásfok értékét továbbá, hogy a tervezési mennyiségi szám a jelleggörbe letöréséhez közel kerül, megállapítom, hogy a Reverzálható Járókerék csak kisebb tervezési össznyomás szám tartományra $0.14 \ge \psi_t$ tervezhető. Mivel a mért hidraulikai hatásfok kisebb, mint a számításnál becsült ($\eta_h < \eta_{hT}$). Ebből arra tudok következtetni, hogy a számítási hidraulikai hatásfokot jobban alul kell becsülni ($\eta_{hT} < 0.8$), hogy így $\psi_{meas}|_{\varphi_t} \rightarrow \psi_t$. Kisebb számítási hidraulikus hatásfok esetén, azonban az agyviszony ($v\uparrow$) és a rácssűrűség ($\sigma\uparrow$) kedvezőtlenül alakulnak. Sűrűbb rács esetén a tervezésnél alkalmazott egyedülálló szárnymodell már rosszabb közelítést jelent. Figyelembe véve továbbá az állandó cirkulációra adott erőtényező feltételt, ennek következtében az agynál nagyobb lapáthúrhossz mellett kisebb lapátmagasság adódik. Így a nagyobb lapát elcsavarást kisebb hosszon kell realizálni, ami gyártási nehézségeket is jelenthet.

4.4. Új tudományos eredmények

Az elvégzett és a dolgozatban bemutatott kutatómunka során elért új tudományos eredmények a következők:

- Méréssel validált CFD szimuláció segítségével kimutattam, hogy a változó cirkuláció módszerével konstans húrra és állandó diffúzió számra tervezett egyenes lapátozás, a vizsgált résméret sorozatban lokális hidraulikai hatásfok minimuma van. Numerikus vizsgálattal igazoltam, hogy a globális szekunder sebesség tényező (Y_{sb2b}) függvénye lineáris, konstans és konkáv szakaszra bontható (1. ábra). Igazoltam továbbá, hogy a lokális hatásfok minimumhoz tartozó résméret kísérő jelenségei a következők:
 - Az átfolyási szám itt a maximálisra adódott, azaz a résben az áramlási veszteségek itt a legkisebbek.
 - A radiális sebesség tényezőnek (Y_r) itt globális minimuma van.
 - Az axiális sebesség gátlás tényezőjének (AFB) itt lokális maximuma van.
 - A lapátrésben vena contracta még nem alakult ki, a vizsgált nagyobb résméretnél már igen.
 - Globális szekunder sebesség tényező (Y_{sb2b}) a lineáris és a konstans szakasz határára esik.
 - A kilépőél felé az izobár vonalak a húrra merőlegesek, ez arra utal, hogy a résáramlást itt a lapátterhelés indukálja. A vizsgált nagyobb résméretnél a kilépőél felé az izobár vonalak görbültek, azaz itt a résáramlást a viszkozitás jobban befolyásolja.



1. ábra: Tervezési síkban átlagolt szekunder sebesség tényező a dimenziótlan résméret függvényében

2. Méréssel validált CFD szimuláció segítségével igazoltam, hogy a Számítási Modellel kapott nyilazott járókerék (SW) esetén, a vizsgált résméretnél ($\tau = 1.3761c_k\%$), a lapátrésben az áramlási veszteség kisebb, mint az egyenes felfűzési vonalú járókerék (STR) esetén. A nyilazott járókerék izobár vonalai (2. ábra) a lapátközéptől a kilépő élig a húrra merőlegesek, azaz a résáramlást a lapátterhelés befolyásolja. Ezzel szemben az egyenes lapátnál az izobárok görbültek, ezért itt a lapátrés áramlást a viszkozitás befolyásolja. Az egyenes lapátozásnál a vena contracta is kialakult, ami jelentősebb viszkozitás befolyásról tanúskodik. A belépőél közelében, a lapátprofil nagyobb szívott oldali depresszió csúcs eredménye, hogy az egyenes lapát esetén, a kilépő levegősugár sebessége nagyobb, ezzel összhangban lokális depresszió nagyobb (2. ábra), a nyilazott lapát esetén kisebb. Ennek megfelelően alakulnak a résen átlépő közeg átlagsebességei is, egyenes lapát esetén nagyobbra, a nyilazott lapát esetén kisebbre adódott. A nyilazott járókerék kedvező kisebb réssebessége, a lecsökkent tervezési diffúzió szám következménye, amely lapátterhelés mérséklő hatású. A nyilazott lapát kisebb áramlási veszteségét igazolja a lapátrésben, a nagyobb átfolyási szám is $((C_n)_{sw} > (C_n)_{srp})$.



2. ábra: Nyomástényező eloszlás a lapátrés méret középtávolság mentén

3. Méréssel validált CFD szimuláció segítségével igazoltam, hogy a Számítási Modellel kapott nyilazott járókerék esetén, a lapáttő leválás kisebb kiterjedésű- és a tervezési térfogatáram mellett az össznyomás fokozása nagyobb, mint az egyenes lapátozású kiindulási járókeréknek.

A lapáttőnél kisebb tervezési diffúzió szám lecsökkent áramlás irányú nyomás gradienst eredményez a szívott oldal mentén. Ugyanakkor a húrhossz hosszabbodása és a vázvonal középponti szög csökkenése kisebb tangenciális irányú nyomásváltozást eredményez. A számítási modellből következő tangenciális- és az áramlás irányú nyomás gradiens csökkenés szintén a lapáttő leválás ellen hat.

A nyilazott járókerék kisebb axiális sebességtér gátlás (AFB) következménye, hogy így a hasznos átáramlási keresztmetszete nagyobb, mint az egyenes járókeréké, azaz a folytonosság tétele következtében, az axiális sebesség komponense kisebb a gátolt tartományon kívül. Figyelembe véve, hogy a sugáron átlagolt abszolút radiális sebesség a nyilazott lapát esetén nagyobb a lapátmagasság 10...80% tartományában, ezzel összhangban a tangenciális sebesség és így a perdület is nagyobbra adódik a nyilazott lapátozásnál, összhangban a szimulációból kapott eredményekkel.

4. Kidolgoztam egy új Számítási Modellt, ami a sugár mentén növekvő cirkulációra történő szerkesztést és a lapátnyilazás módszerét foglalja magában. A Számítási Modell alkalmazásával szerkesztett aerodinamikailag kedvezőbb felfűzési vonal, a konvencionális tervezéssel szemben, nem a tervező által előírt tulajdonság, hanem kimenő adat, az előtervezés eredménye. A Számítási Modell ezért iteratív megközelítést és korszerű CFD technikát feltételez. Az optimális lapátgeometria megítéléséhez bevezettem a jóság tényezőt.

$$J = \frac{2\pi}{Q} \int_{r_i}^{r_a} \frac{\Delta P_{t(SW)}(r)}{\Delta P_{t(STR)}(r)} \cdot v_{3m(STR)}(r) r dr$$

5. Megállapítom, hogy a Reverzálható Járókerék csak kisebb tervezési össznyomás szám tartományra 0.14 ≥ ψ_t tervezhető, figyelembe véve a szerényebb mért- és tervezésnél becsült hidraulikai hatásfok értékét továbbá, hogy a tervezési mennyiségi szám a jelleggörbe letöréséhez közel került (3. ábra). Mivel a mért hidraulikai hatásfok kisebb, mint a számításnál becsült (η_h < η_{hT}). Ebből arra tudok következtetni, hogy a számítási hidraulikai hatásfokot jobban alul kell becsülni (η_{hT} < 0.8), hogy így Ψ_{meas}|_{φ_t} →Ψ_t. Kisebb számítási hidraulikus hatásfok esetén, azonban az agyviszony (ν↑) és a rácssűrűség (σ↑) kedvezőtlenül alakulnak. Sűrűbb rács esetén a tervezésnél alkalmazott egyedülálló szárnymodell már rosszabb közelítést jelent. Figyelembe véve továbbá az állandó cirkulációra adott erőtényező feltételt, ennek következtében az agynál nagyobb lapáthúrhossz mellett kisebb lapátmagasság adódik. Így a nagyobb lapát elcsavarást kisebb hosszon kell realizálni, ami gyártási nehézségeket is jelenthet.



3. ábra: Reverzálható Járókerék jelleggörbéje a tervezési fordulatszámon

5. KÖVETKEZTETÉSEK ÉS JAVASLATOK

A forgógép szakterület, újabb trendjei figyelembe vételével, dolgozatom célja olyan számítási modell kidolgozása és numerikus vizsgálata, amely a 3D hatásokat és a tényleges hidraulikai hatásfokot figyelembe veszi már az előtervezésnél. A számítási modellem a változó cirkuláció (CVD) tervezési eljárást kapcsolja össze a lapátnyilazással. A CVD módszer, lehetővé tette számomra, a konstans húrra és diffúzió számra történő tervezést. Ezzel összhangban a szakirodalom kutatásra támaszkodva már az előtervezésnél számba vettem a lapáttő levallás kritériumát, You és Liu (2010) körültekintő vizsgálatait alapul véve. A lapátközép metszeten – ahol a 3D hatások mérsékeltebbek – Vad (2010) munkája alapján számoltam a lapátosztást. A lapátvégeken a tervezési diffúzió szám csökkenésével nagyobb húrhosszakat kapok, amely lehetővé teszi a nyilazott felfűzést.

A nyilazott lapátozás vesztesége a lapátrésben kisebbre adódott, mint a kiindulási referencia járókeréké. Ennek ellenére a nagyobb húrhossz miatt, a kilépőél mögött a csőfal gátolt tartomány közel egyezik, mert a résörvénynek nagyobb út állt rendelkezésre a disszipációra. Látható, hogy számos paraméter kölcsönhatása befolyásolja a lapátrács áramlás jóságát. Így a jövőben, szükségesnek tartom egy több paramétert is figyelembe vevő, súrlódásos 3D lapátrács optimalizálás módszer kidolgozását. A probléma összetett, hiszen több lokális optimum létezik és ezek esetleges - kompromisszumos - együttes teljesülése nem biztos, hogy a globális optimum (hidraulikai hatásfok) megtalálásához járulnak hozzá. Lokális optimum célkitűzés lehet pl. lapátozás mögött kisebb keveredés, gátolt tartomány mérete, áramvonalak útja a szívott lapátfelületen, amit a falsúrlódás befolyásol, veszteség a lapátrésben... Így mérlegelni kell az egyes jelenségek súlyát, azaz célszerű lenne meghatározni, hogy a felsorolt jelenségek milyen mértékben befolyásolják a dolgozatban bevezetett jóságtényező változását.

A nyilazott és a kiindulási egyenes lapátozás összehasonlítása alapján, az álló lineáris rács analógiájára, a relatív rendszerben értelmezett profilveszteség nincs összhangban az össznyomás fokozással. Azaz a nyilazott lapátnak nagyobb a profilvesztesége, amelynél - az állórácsokkal szemben - már a 3D áramlási hatások is közrejátszanak, azonban ezzel szemben az össznyomás fokozása nagyobb a referencia egyenes lapátozásnál. Figyelembe kell venni, hogy a ventilátor, mint gép hatásfokát, az össznyomás fokozás determinálja adott közegmennyiségnél. A probléma komplexitását támasztja alá pl. a lapátrés veszteség kérdése is. Kisebb húrhoz, kisebb lapátcsatorna axiális hossz tartozik, így ennek megfelelően a résörvény disszipációra rövidebb út áll rendelkezésre. Azaz a csőfal mentén, a kilépőél mögött, a gátolt tartomány kiterjedés ennek megfelelően mérsékeltebb lehet. Így figyelembe véve, a nyilazott kerék lapátozás mögötti radiális áramlás hajlandóságát, nagyobb perdület eloszlást kaphatok. Azonban a fenti gondolatmenet hanyagolta, a megnőtt diffúzió szám miatt fokozott szívott oldali depresszió csúcs hatását a résáramlásra és ezen keresztül a résörvényre...

További energetikai vizsgálatot igényelne, a nyilazott járókerék mögötti nagyobb radiális áramlás hajlam hatása, a lapátozástól távolabb, a keveredési veszteségre, esetleg járókerék utáni csődiffúzor áramlás kölcsönhatásra.

Vizsgáltam az eltérő résméretek hatását az áramlástani jellemzőkre, a jelenség jobb megértésére paramétereket is bevezettem. Megállapítottam, hogy a résméret csökkentésnél a kapott lokális hidraulikai hatásfok minimumnak milyen kísérő jelenségei vannak. Numerikus (CFD) modellt dolgoztam ki a lapátrés veszteség számítására, az átfolyási szám analógiája alapján. Így, az itt kapott eredményeket is célszerűnek tartom beépíteni a jövőbeli számítási modellbe.

Következtetéseket vontam le jelleggörbe vizsgálat alapján, reverzálható síklemez lapát tervezési paramétereire. Síklemez lapátos járókerék, igénytelen agy és lekerekítés nélküli lapátél kialakítású.

6. ÖSSZEFOGLALÁS

AXIÁLIS ÁTÖMLÉSŰ VENTILÁTOR LAPÁTNYILAZÁS ÉS REVERZÁLHATÓSÁG

Szakirodalom kutatás alapján áttekintettem az axiális átömlésű ventilátorok tervezési módszereit, továbbá csoportosítottam a lapátcsatorna áramlás veszteség fajtáit és elemeztem kialakulásuk okait. Szakirodalmi hiányosságokat is figyelembe véve a dolgozatom fontosabb eredményei:

A controlled vortex design (CVD) módszerrel állandó húrhosszra tervezett (STR) járókerék esetén megvizsgáltam az eltérő résméretek hatását az áramlási jellemzőkre. Megállapítottam, hogy a globális hidraulikai hatásfok lokális minimumának milyen áramlási kísérő jelenségei vannak. Megállapítottam továbbá, hogy a globális szekunder sebesség tényező a résméret függvényében három jellemző szakaszra bontható.

Lapát pozitív nyilazás módszerével a leválás mentes üzemállapot tartomány kiterjeszthető. A tervezésnél a kiindulási járókerék, az állandó húrra és konstans diffúzió számra tervezett lapátozás. Nyilazott lapátalakot úgy kapom, hogy a kiindulási járókerék lapáttőnél és lapátvégen kisebb tervezési diffúzió számot választok. A diffúzió szám változás hatására a lapáthúr hossz rohamosan változik, ennek következtében a lapátvégek tervezési diffúzió szám áramlástanilag előnyösebb. Lapátmetszetek felfűzésénél a kilépőél nem nyilazott. Az így készült nyilazott lapátozás esetén a szívott oldali lapáttőnél a leválás fajlagosan kisebb, ill. a lapátközéptől a lapátvégig az áramvonalak elrendezése a lapátfelületen a primer áramlási mezővel jó közelítéssel megegyezik. A lapátozás mögött szemben a referencia járókerékkel, az agytól a lapátközépig a 3D áramlás erősebb a lapátnyom tartományban. Ez a 3D jelenség a lapátvég felé mérséklődik, összhangban a lapát szívott oldalán az áramvonal rendezettséggel. A nyilazott járókerék, a munkapontban is nagyobb össznyomás különbséget teljesít. Az új Számítási Modellel kapott nyilazott lapátalak, a hagyományos tervezéssel szemben, az előtervezés eredménye. Azaz a lapátnyilazás tulajdonság bemeneti tervezési paraméter, a bevezetett jóságtényező és a 3D áramlási hatásokat figyelembe véve.

Kétirányú légszállításra képes járókereket síklemez lapátozással valósítottam meg. Szerényebb hidraulikai hatásfok miatt síklemez lapátos konstrukciókra tervezési nyomásszámára küszöbértéket adtam.

7. SUMMARY

BLADE SWEEP AND REVERSIBILITY OF AXIAL FLOW FAN

On the basis of the technical literature I have reviewed design methods of the axial flow fans, moreover I have collected the sources of losses in turbomachinery cascade and I have analyzed their reasons. According to the technical literature imperfectness the important results of my paper are the following:

With the help of controlled vortex design method (CVD) I have designed a straight blade (STR) rotor. The rotor blades have been designed with constant chord and diffusion number. I have investigated the changing of the cascade flow parameters as a function of different tip leakage sizes. I have determined, what kind of fluid flow parameters belong to the local minimum of the global hydraulic efficiency. I have stated the global secondary speed coefficient can be divided to three specific sections.

The rotor performance and efficiency can be improved by positive sweeping of the blades. The baseline STR rotor is designed with constant chord and diffusion number. I can get the swept blade that I apply the same velocity triangles of the baseline rotor, but with different diffusion numbers (DF) at the hub and the tip of the blade. As a result of DF changing, the blade chord changes rapidly. In a consequence of it with the blade sections at hub and tip DF number we can reach an increased blade chord. The decreased DF number on both of the blade ends has result in better hydraulic efficiency. The hub and casing blade section is in combination with positive swept leading edge and unswept trailing edge. The character of swept rotor is the following, the aerodynamic stall can be reduced at the blade suction surface at the hub. From midsection to case the streamline pattern at suction surface generally overlap the primary flow field. Opposite to the baseline rotor, behind the trailing edge the 3D flow effect is stronger between the hub and the midspan. However, this 3D flow property decreases toward the blade tip in accordance with the orderly suction side streamlines of the blade. The swept rotor has been obtained with a new Computing Model, it is a result of the preliminary design process opposed to the conventional design. Namely, the new Computing Model provides the blade sweep as design output with considering of the hydraulic efficiency and 3D flow effect.

By flat-plate blade I have carried out the reversible axial flow fan. Since reversibility and flow hydraulic efficiency were investigated, the total head coefficient threshold has been given with suitable efficiency.

8. MELLÉKLETEK

M1: Irodalomjegyzék

- 1. Akturk A., Camci C. (2011): Tip clearance investigation of a ducted fan used in VTOL UAVS: Part 1—Baseline experiments and computational validation. In: Volume 7: Turbomachinery, Parts A, B, and C. ASME, pp. 331-344.
- 2. Ansys corp. (2009): ANSYS CFX: Solver Theory Guide
- 3. Ansys corp. (2009): ANSYS CFX: Reference Guide
- 4. Aungier R. H. (2003): Axial-Flow Compressors. ASME, NY
- 5. Bamberger K., Carolus T. (2012): Optimization of axial fans with highly swept blades with respect to losses and noise reduction. *Noise Control Engineering Journal*, 60 (6), pp. 716-725.
- 6. Baghdadi S. (1996): Modeling tip clearance effects in multistage axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 118 (4), pp. 697-705.
- 7. Bailie S. T., Hile G., Puterbaugh S. (2008): Initial characterization of Three-Dimensional flow separation in a compressor stator. In: 44th AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & amp; Exhibit. American Institute of Aeronautics and Astronautics. http://dx.doi.org/10.2514/6.2008-5064
- 8. Banjac M., Petrovic M. V., Wiedermann A. (2014): A new loss and deviation model for axial compressor inlet guide vanes. *Journal of Turbomachinery* 136 (7), p. 13.
- 9. Baskharone E. A. (2006): Principles of Turbomachinery in Air-Breathing Engines. Cambridge University Press, Cambridge.
- 10. Beiler M. G., Carolus T. H. (1999): Computation and measurement of the flow in axial flow fans with skewed blades. *Journal of Turbomachinery*, 121 (1), pp. 59-66.
- 11. Bencs P., Szabó S., Bordás R., Zähringer K., Thévenin D. (2011): Simultaneous measurement of velocity and temperature downstream of a heated cylinder. *ASME 2011 Pressure Vessels and Piping Conference, Volume 7.*, pp. 207-212.
- 12. Bencze F., Demeter G., Molnár L. (1970): Axiális ventilátorok optimális agymérete. *Gép*, XXII. évf. 10. sz., 393-396 o.
- 13. Bhimarasetty A., Govardhan R. (2010): A simple method for potential flow simulation of cascades. *Sadhana*, 35 (6), pp. 649-657.
- 14. Diangui H. (2005): 3D optimum design of reversible axial flow fan with s-type blade. *Chinese Journal of Mechanical Engineering*, 41 (2), p. 4.
- 15. Dorman T. E. (1968): The application of Controlled-Vortex aerodynamics to advanced axial flow turbines. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 90 (3), pp. 245-251.
- 16. Beke J. (2004): Műszaki hőtan mérnököknek. Szaktudás kiadó ház, Budapest.
- 17. Bo X. (2010): Experimental investigation of boundary layer characteristics on blade surface under different inlet flow conditions. *Energy and Power Engineering*, 2 (4), pp. 313-319.
- 18. Bogdanović B., Bogdanović-Jovanović J., Živan Spasić (2009): Reversible axial fan with blades created of slightly distorted panel profiles. *Facta Universitatis*, 7 (1), pp. 23-36.
- 19. Bogdanović Božidar, Spasić Živan, Bogdanović-Jovanović Jasmina (2012): Low-pressure reversible axial fan designed with different specific work of elementary stages. *Thermal Science*, 16 (2), pp. 605-615.
- 20. Bohl W., Elmendorf W. (2012): Strömungsmaschinen 2 Berechnung und Konstruktion. Vogel.
- 21. Bindon J. P., Morphis G. (1992): The development of axial turbine leakage loss for two profiled tip geometries using linear cascade data. *Journal of Turbomachinery*, 114 (1), pp. 198-203.

- 22. Bourgeois J. A., Martinuzzi R. J., Savory E., Zhang C., Roberts D. A. (2011): Assessment of turbulence model predictions for an Aero-Engine centrifugal compressor. *Journal of Turbomachinery*, 133 (1), p. 15.
- 23. Bullock R. O., Johnsen I. A. (1965): Aerodynamic Design of Axial Flow Compressors. NASA Technical Report, NASA-SP-36.
- 24. Came P. M., Marsh H. (1974): Secondary flow in cascades: Two simple derivations for the components of vorticity. *Journal of Mechanical Engineering Science*, 16 (6), pp. 391-401.
- 25. Carolus T. (2013): Ventilatoren: Aerodynamischer Entwurf, Schallvorhersage, Konstruktion. Springer Vieweg.
- 26. Cetin M., Ücer A. S., Hirsch C., Serovy G. K. (1987): Application of modified loss and deviation correlations to transonic axial compressors. AGARD Tech. Rep., AGARD-R-745.
- 27. Chen G. T. (1991): Vortical structures in turbomachinery tip clearance flows. Department of Aeronautics and Astronautics, Massachusetts Institute of Technology, Ph.D. thesis.
- Chen P., Liesner K., Meyer R., Qiao W. (2011): Effect of inflow variations on compressor secondary flow behavior. XX Polish Fluid Mechanics Conference, 17-20 Sept., Gliwice, p. 19.
- 29. Chen P. P., Qiao W. Y., Hashmi S. F. A., Shi P. J., Zhao L. (2012): Passive control of hubcorner separation/stall using axisymmetric-hub contouring. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part G: Journal of Aerospace Engineering*, 226 (10), pp. 1214-1224.
- 30. Cho C.-h., Cho S.-y., Kim C. (2009): Development of an axial-type fan with an optimization method. *Frontiers of Energy and Power Engineering in China*, 3 (4), pp. 414-422.
- 31. Clemen C., Stark U., Friedrichs J., Baumgarten S., Kosyna G. (2004): Effect of mean line shape, sweep and dihedral on stator performance of a highly loaded single-stage axial-flow low-speed compressor. ASME 004_04/33.
- 32. Cory W. (2005): Fans et ventilation a practical guide; the practical reference book and guide to fans, ventilation and ancillary equipment with a comprehensive buyers' guide to worldwide manufacturers and suppliers, Elsevier. Available: http://www.worldcat.org/isbn/9780080446264
- 33. Corsini A., Rispoli F. (2004): Using sweep to extend the stall-free operational range in axial fan rotors. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 218 (3), pp. 129-139.
- 34. Corsini A., Rispoli F. (2005): Flow analyses in a high-pressure axial ventilation fan with a non-linear eddy-viscosity closure. *International Journal of Heat and Fluid Flow*, 26 (3), pp. 349-361.
- 35. Corsini A., Rispoli F., Sheard A. G. (2010): Shaping of tip End-Plate to control leakage vortex swirl in axial flow fans. *Journal of Turbomachinery*, 132 (3), p. 9.
- 36. Cumpsty N. A. (2004): Compressor aerodynamics. Krieger Pub.
- 37. Cumpsty N. A., Greitzer E. M. (2004): Ideas and methods of turbomachinery aerodynamics: A historical view. *Journal of prop. and pow.*, 20 (1), pp. 15-26.
- 38. Cumpsty N. A. (2010): Some lessons learned. Journal of Turbomachinery, 132 (4), p. 7.
- 39. Curlett B. P. (1991): The Aerodynamic effect of Fillet Radius in a Low Speed Compressor Cascade. NASA Report No. TM-105347.
- 40. Czibere T. (1965): A hidrodinamikai rácselmélet két főfeladatának potenciálelméleti megoldása, MTA doktori értekezés, Miskolc.
- 41. Deng Q., Zheng Q., Yue G., Zhang H., Luo M. (2013): Using a pressure controlled vortex design method to control secondary flow losses in a turbine stage," *Chinese Journal of Aeronautics*, 26 (5), pp. 1125-1134.
- 42. Denton J. D. (1993): The 1993 IGTI scholar lecture: Loss mechanisms in turbomachines. *Journal of Turbomachinery*, 115 (4), pp. 621-656.
- 43. Denton J. D., Xu L. (1998): The exploitation of three-dimensional flow in turbomachinery design. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science*, 213 (2), pp. 125-137.

- 44. Dickens T., Day I. (2011): The design of highly loaded axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 133 (3), p. 10.
- 45. Dixon S. L., Hall C. (2014): Fluid Mechanics and Thermodynamics of Turbomachinery. Butterworth-Heinemann.
- 46. Dong Y, Gallimore S. J., Hodson H. P. (1987): Three-Dimensional flows and loss reduction in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 109 (3), p. 8.
- 47. Dring R. P. (1987): Discussion: Three-Dimensional flows and loss reduction in axial compressors (Dong, y., Gallimore, s. j., and Hodson, h. p., 1987, ASME j. turbomach., 109, pp. 354–361)," *Journal of Turbomachinery*, 109 (3), p. 361.
- 48. Eck B. (2003): Ventilatoren. Springer, Berlin.
- 49. Eckert B., Schnell E. (1981): Axial- und radialkompressoren (Zweite auflage), Springer, Berlin Heidelberg New York.
- 50. ESDU 1980: A guide to fan selection and performance. ESDU Item No. 79037.
- 51. Fekete I. (1967): Szellőztető berendezések, Műszaki Könyvkiadó, Budapest.
- Fenyvesi D. (2012): Alacsony kerületi sebességű axiális átömlésű járókerék tervezése és numerikus vizsgálata - I. Rész: járókerék tervezése sugár mentén előírt diffúzió szám módszerével. IESB 2012, november 21., OE – Budapest, 9 o.
- 53. Foley A. C., Ivey P. C. (1996): Measurement of Tip-Clearance flow in a multistage, axial flow compressor. *Journal of Turbomachinery*, 118 (2), pp. 211-217.
- 54. Freeman C. (1985): Tip clearance effects in axial turbomachines. in: VKI LS 1985-05.
- 55. Friedrichs J., Baumgarten S., Kosyna G., Stark U. (2001): Effect of stator design on stator boundary layer flow in a highly loaded Single-Stage Axial-Flow Low-Speed compressor. *Journal of Turbomachinery*, 123 (3), pp. 483-489.
- 56. Füredi G., Hegel I., Szlivka F. (2003): Áramlástani mérések (laboratóriumi segédlet). Műegyetemi Kiadó, Budapest.
- 57. Gallimore S. J. (1999): Axial flow compressor design. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science*, 213 (5), pp. 437-449.
- 58. Gallimore S. J., Bolger J. J., Cumpsty N. A., Taylor M. J., Wright P. I., Place J. M. M. (2002): The use of sweep and dihedral in multistage axial flow compressor Blading—Part i: University research and methods development. *Journal of Turbomachinery*, 124 (4), pp. 521-532.
- Gao F., Ma W., Boudet J, Ottavy X., Lu L., Lebœuf F. (2013): Numerical analysis of Three-Dimensional corner separation in a linear compressor cascade. ASME Paper No. GT2013-95581, p. 11.
- 60. Gbadebo S. A., Hynes T. P., Cumpsty N. A. (2004): Influence of surface roughness on Three-Dimensional separation in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, *126 (4)*, pp. 455-463.
- 61. Gbadebo S. A., Cumpsty N. A., Hynes T. P. (2005): Three-Dimensional separations in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 127 (2), pp. 331-339.
- 62. Gbadebo S. A., Cumpsty N. A., Hynes T. P. (2007): Interaction of tip clearance flow and Three-Dimensional separations in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 129 (4), pp. 679-685.
- 63. Glanville P. (2001): Investigation Into Core Compressor Tip Leakage Modelling Techniques Using a 3D Viscous Solver. ASME 2001-GT-0336, p. 10.
- 64. Glassman J. (1994): Turbine design and application. NASA Technical Report, NASA SP-290.
- 65. Goto A. (1992): Three-Dimensional flow and mixing in an axial flow compressor with different rotor tip clearances. *Journal of Turbomachinery*, 114 (3), pp. 675-685.
- 66. Goodhand N., Miller R. J. (2012): The impact of real geometries on Three-Dimensional separations in compressors. *Journal of Turbomachinery*, 134 (2), p. 8.

- 67. Govardhan M., O. G. Krishna Kumar, Sitaram N. (2007): Investigations on low speed axial compressor with forward and backward sweep. *Journal of Thermal Science*, 16 (2), pp. 121-133.
- 68. Grieb H. (2009): Verdichter für Turbo-Flugtriebwerke, 6th ed. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg.
- 69. Gruber J., Blahó M. (1971): Folyadékok mechanikája. Tankönyvkiadó, Budapest.
- 70. Gruber J. (1978): Ventilátorok, Műszaki Könyvkiadó, Budapest.
- 71. Gyllhem D., Mohseni K., Lawrence D., Geuzaine P. (2005): Numerical simulation of flow around the colorado micro aerial vehicle. in: *35th AIAA Fluid Dynamics Conference and Exhibit*, 6-9 June, Ontario, Canada, p. 9.
- 72. Haller G. (2005): An objective definition of a vortex. *Journal of Fluid Mechanics*, vol. 525, pp. 1-26.
- 73. Horlock J. H., Louis J. F., Percival P. M. E., Lakshminarayana B. (1966): Wall stall in compressor cascades. *Journal of Basic Engineering*, 88 (3), pp. 637-648.
- 74. Hashmi S. F. A., Qiao W., Chen P. (2011): Prediction of hub corner stall characteristics of a highly loaded low speed single stage fan. *Journal of Thermal Science*, 20 (2), pp. 106-114.
- 75. Hah C., Loellbach J. (1999): Development of hub corner stall and its influence on the performance of axial compressor blade rows. *Journal of Turbomachinery*, 121 (1), pp. 67-77.
- Hawthorne W. R., Horlock J. H. (1962): Actuator disc theory of the incompressible flow in axial compressors. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers*, 176 (1), pp. 789-814.
- 77. Horlock J. H. (1982): Axial Flow Compressors: Fluid Mechanics and Thermodynamics. Krieger.
- Horlock J. H., Denton J. D. (2005): A review of some early design practice using computational fluid dynamics and a current perspective. *Journal of Turbomachinery*, 127 (1), pp. 5-13.
- 79. Hoeger M., Schmidt-Eisenlohr U., Gomez S., Müller R., Sauer H. (2002): Numerical Simulation of the Influence of a Bulb and a Fillet on the Secondary Flow in a Compressor Cascade. TASK Quatery 6 No.1, pp. 25-57.
- 80. Heyes J. G., Hodson H. P. (1993): The Measurement and Prediction of the Tip Clearance Flow in Linear Turbine Cascades. *Trans. of the ASME*, vol. 115, pp. 376-382.
- 81. Inoue M., Kuroumaru M. (1989): Structure of tip clearance flow in an isolated axial compressor rotor. *Journal of Turbomachinery*, 111 (3), pp. 250-256.
- 82. Janna W. S. (2010): Introduction to fluid mechanics. CRC Press, 2010.
- 83. Jang M., Sato D., Fukano T. (2005): Experimental analysis on tip leakage and wake flow in an axial flow fan according to flow rates. *Journal of Fluids Engineering*, 127 (2), pp. 322-
- 84. Joslyn H. D., Dring R. P. (1985): Axial compressor stator aerodynamics. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 107 (2), pp. 485-492.
- 85. Jothiprasad G., Murray R. C., Essenhigh K., Bennett G. A., Saddoughi S., Wadia A., Breeze-Stringfellow A. (2012): Control of Tip-Clearance flow in a low speed axial compressor rotor with plasma actuation. *Journal of Turbomachinery*, 134 (2), p. 9.
- 86. Kang S., Hirsch C. (1993): Experimental study on the Three-Dimensional flow within a compressor cascade with tip clearance: Part I-Velocity and pressure fields. *Journal of Turbomachinery*, 115 (3), pp. 435-443.
- 87. Kang S., Hirsch C. (1994): Tip leakage flow in linear compressor cascade. *Journal of Turbomachinery*, 116 (4), pp. 657-664.
- 88. Kang S., Hirsch C. (1996): Numerical simulation of Three-Dimensional viscous flow in a linear compressor cascade with tip clearance. *Journal of Turbomachinery*, 118 (3), p. 11.
- 89. Keller C. (1937): The Theory and Performance of Axial Flow Fans, McGraw-Hill, NY-London.

- 90. Kato H., Taniguchi H., Matsuda K., Funazaki K.-i., Kato D., Pallot G. (2011): Experimental and numerical investigation on compressor cascade flows with tip clearance at a low reynolds number condition. *Journal of Thermal Science*, 20 (6), pp. 481-485.
- 91. Kavurmacioglu L., Dey D., Camci C. (2007): Aerodynamic character of partial squealer tip arrangements in an axial flow turbine. part i: Detailed aerodynamic field modifications via three dimensional viscous flow simulations around baseline tip. *Progress in Computational Fluid Dynamics, An International Journal*, 7 (7), pp. 374-386.
- Khalid S. A., Khalsa A. S., Waitz I. A., Tan C. S., Greitzer E. M., Cumpsty N. A., Adamczyk J. J., Marble F. E. (1999): Endwall blockage in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 121 (3), pp. 499-509.
- 93. Köktürk T. (2005): Design and performance analysis of a reversible axial flow fan, Middle East Technical University, MSc Thesis.
- 94. König W. M., Hennecke D. K., Fottner L. (1996): Improved blade profile loss and deviation angle models for advanced transonic compressor bladings: Part I-A model for subsonic flow," *Journal of Turbomachinery*, 118 (1), pp. 73-80.
- 95. Kügeler E., Nürnberger D., Weber A., Engel K. (2008): Influence of blade fillets on the performance of a 15 stage gas turbine compressor. ASME GT2008-50748, p. 10.
- 96. Lajos T. (2004): Az áramlástan alapjai. Műegyetemi Kiadó, Budapest.
- 97. Lakshminarayana B., Pandya A. (1984): Tip clearance flow in a compressor rotor passage at design and Off-Design conditions. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 106 (3), pp. 570-577.
- 98. Lakshminarayana B., Sitaram N., Zhang J. (1986): End-Wall and profile losses in a Low-Speed axial flow compressor rotor. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 108 (1), pp. 22-31.
- 99. Lakshminarayana B., Zaccaria M., Marathe B. (1995): The structure of tip clearance flow in axial flow compressors. *Journal of Turbomachinery*, 117 (3), pp. 336-347.
- 100. Lakshminarayana B. (1996): Fluid Dynamics and Heat Transfer of Turbomachinery. John Wiley & Sons, USA.
- Lampart P. (2009): Investigation of endwall flows and losses in axial turbines. part i. formation of endwall flows and losses. *Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 47 (2), pp. 321-342.
- 102. Langston L. S. (1980): Crossflows in a turbine cascade passage. *Journal of Engineering for Power*, 102 (4), pp. 866-874.
- 103. Leboeuf F. (2008): Ecoulements 3D dans les turbomachines. Cours d'Option Aéronautique, Propulsion de l'Ecole Centrale de Lyon.
- 104. Lee H., Baek J. H., Myung H. J. (2003): Structure of tip leakage flow in a Forward-Swept Axial-Flow fan. *Flow, Turbulence and Combustion*, 70 (1), pp. 241-265.
- 105. Legras G., Trébinjac I., Gourdain N., Ottavy X., Castillon L. (2012): A novel approach to evaluate the benefits of casing treatment in axial compressors. *International Journal of Rotating Machinery*, vol. 2012, pp. 1-19.
- 106. Lei V. M., Spakovszky Z. S., Greitzer E. M. (2008): A criterion for axial compressor Hub-Corner stall. *Journal of Turbomachinery*, 130 (3), pp. 475-486.
- 107. Lewin E., Kožulović D., Stark U (2010): Experimental and numerical analysis of Hub-Corner stall in compressor cascades. ASME GT2010-22704, p. 11.
- 108. Lewis R. I. (1996): Turbomachinery performance analysis, Elsevier.
- Li J., Chen W., Lü, F. (2010): Numerical investigation on a new type of fully reversible axial fan with two blade rows on both sides of the rotor. *Journal of Mechanical Engineering*, 46 (2), pp. 139+.
- 110. Li Y., Guo P. H., Xi G., Chen W. W. (2011): Efficiency enhancement mechanisms of a new type of full reversible axial-flow fan. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 225 (4), pp. 467-480.

- 111. Lieblein S. (1960): Incidence and Deviation-Angle correlations for compressor cascades. *Journal of Basic Engineering*, 82 (3), pp. 575-584.
- 112. Linnemann H. (1964): Verteilung der Meridiangeschwindigkeit in einstufigen Axialgebläsen und Axialpumpen. *Konstruktion*, vol. 3., pp: 102...107.
- 113. Liu B., Yu X., Wang H., Liu H., Jiang H., Chen M. (2004): Evolution of the tip leakage vortex in an axial compressor rotor. ASME GT2004-53703, p. 12.
- 114. Ma W., Ottavy X., Lu L., LeBoeuf F., Gao F. (2011): Experimental study of corner stall in a linear compressor cascade, *Chinese Journal of Aeronautics*, 24 (3), pp. 235-242.
- 115. Ma H., Zhang J., Yuan Z. (2012): Experimental study of effects of grooved tip clearances on the flow field in a compressor cascade passage. *Journal of Turbomachinery*, 134 (5), p. 12.
- 116. Marcinowski H. (1957): Optimalprobleme bei Axialventilatoren, VDI-Verlag, Düsseldorf.
- 117. McFarland R. (1982): Solution of plane cascade flow using improved surface singularity methods. *Journal of Engineering for Power*, 104 (3), pp. 668-674.
- 118. McDougall N. M. (1990): A comparison between the design point and Near-Stall performance of an axial compressor. *Journal of Turbomachinery*, 112 (1), pp. 109-115.
- 119. McKenzie A. B. (1997): Axial Flow Fans and Compressors: Aerodynamic Design and Performance (Cranfield Series on Turbomachinery Technology). Gower Technical.
- 120. McNulty G. S., Decker J. J., Beacher B. F., Khalid S. A. (2004): The impact of forward swept rotors on tip clearance flows in subsonic axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 126 (4), pp. 445-454.
- 121. Meyer R., Schulz S., Liesner K., Passrucker H., Wunderer R. (2012): A parameter study on the influence of fillets on the compressor cascade performance. *Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 50 (1), pp. 131-145.
- 122. Miorini R. L., Wu H., Katz J. (2012): The internal structure of the tip leakage vortex within the rotor of an axial waterjet pump. *Journal of Turbomachinery*, 134 (3), p. 12.
- 123. Moore J., Tilton J. S. (1988): Tip leakage flow in a linear turbine cascade. *Journal of Turbomachinery*, 110 (1), pp. 18-26.
- 124. Moyle I. N. (1991): An Experimental and Analytical Study of TIP Clearance Effects in axial flow compressor, Naval Postgraduate School, NPS AA-92-001CR, p. 234.
- 125. Mönig R., Mildner F., Röper R. (2001): Viscous-Flow Two-Dimensional analysis including secondary flow effects. *Journal of Turbomachinery*, 123 (3), pp. 558-567.
- 126. Novak R. A. (1967): Streamline curvature computing procedures for Fluid-Flow problems. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 89 (4), pp. 478-490.
- 127. Oweis G. F., Fry D., Chesnakas C. J., Jessup S. D., Ceccio S. L. (2006): Development of a Tip-Leakage Flow—Part 1: The flow over a range of reynolds numbers. *Journal of Fluids Engineering*, 128 (4), pp. 751-764.
- 128. Pandya A., Lakshminarayana B. (1983): Investigation of the tip clearance flow inside and at the exit of a compressor rotor passage part i: mean velocity field. *Journal of engineering for power*, 105 (1), pp: 1-12.
- 129. Peacock R. E. (1983): A review of turbomachinery tip gap effects: Part 2: Rotating machinery. *International Journal of Heat and Fluid Flow*, 4 (1), pp. 3-16.
- 130. Piscopo G. (2013): Preliminary Aerothermal Design of Axial Compressors, Cranfield university, Masters by Research Thesis.
- 131. Pollard D., Gostelow J. P. (1967): Some experiments at low speed on compressor cascades. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 89 (3), p. 13.
- 132. Rains D. A. (1954): Tip clearance flows in axial flow compressors and pumps. California Institute of Technology, Hydrodynamics and Mechanical Eng. Laboratories, Report No. 5.
- 133. Ramakrishna V., Govardhan M. (2009): Stall characteristics and tip clearance effects in forward swept axial compressor rotors. *Journal of Thermal Science*, 18 (1), pp. 40-47.
- 134. Ramakrishna V., Govardhan M. (2009): Study of sweep and induced dihedral effects in subsonic axial flow compressor Passages—Part i: Design Considerations—Changes in

incidence, deflection, and streamline curvature. *International Journal of Rotating Machinery*, p. 11.

- 135. Ramakrishna P. V., Govardhan M. (2010): Study of sweep and induced dihedral effects in subsonic axial flow compressor Passages—Part II: Detailed study of the effects on tip leakage phenomena. *International Journal of Rotating Machinery*, p. 13.
- 136. Ravindranath A., Lakshminarayana B. (1982): Rotor wake mixing effects downstream of a compressor rotor. *Journal of Engineering for Power*, 104 (1), pp. 202-210.
- Roberts W. B., Serovy G. K., Sandercock D. M (1988): Design point variation of Three-Dimensional loss and deviation for axial compressor middle stages. *Journal of Turbomachinery*, 110 (4), pp. 426-433.
- 138. Schobeiri T. (1997): Advanced compressor loss correlations, part i: Theoretical aspects. *International Journal of Rotating Machinery*, 3 (3), pp. 163-177.
- 139. Schobeiri M. T. (2012): Turbomachinery Flow Physics and Dynamic Performance. Springer, Berlin Heidelberg.
- Schulz H. D., Gallus H. E., Lakshminarayana B. (1990): Three-Dimensional separated flow field in the endwall region of an annular compressor cascade in the presence of Rotor-Stator interaction: Part 1-Quasi-steady flow field and comparison with Steady-State data. *Journal* of *Turbomachinery*, 112 (4), pp. 669-678.
- Schulz H. D., Gallus H. E., Lakshminarayana B. (1990): Three-Dimensional separated flow field in the endwall region of an annular compressor cascade in the presence of Rotor-Stator interaction: Part 2-Unsteady flow and pressure field. *Journal of Turbomachinery*, 112 (4), pp. 679-688.
- 142. Schweitzer J., Garberoglio J. (1984): Maximum loading capability of axial flow compressors. *Journal of Aircraft*, 21 (8), pp. 593-600.
- 143. Simoes R., Montojos B. G., Moura N. R., Su J. (2009): Validation of turbulence models for simulation of axial flow compressor. 20th International Congress of Mechanical Engineering, November 15-20, Gramado, Brasil, p. 9.
- 144. Sitaram N., Lakshminarayana B. (1983): End wall flow characteristics and overall performance of an axial flow compressor stage. NASA Technical Report, NASA-CR-3671.
- 145. Somlyódy L. (1971): Axiálventilátorok tervezése és jelleggörbeszámítása. Műszaki doktori értekezés, BME.
- 146. Storer J. A. (1991): Discussion: "similarity analysis of compressor tip clearance flow structure" (Chen, g. t., Greitzer, e. m., Tan, c. s., and Marble, f. e., 1991, ASME j. turbomach., 113, pp. 260–269)," *Journal of Turbomachinery*, 113 (2), pp. 270+.
- 147. Storer J. A., Cumpsty N. A. (1991): Tip leakage flow in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 113 (2), pp. 252-259.
- 148. Storer J. A., Cumpsty N. A. (1994): An approximate analysis and prediction method for tip clearance loss in axial compressors. *Journal of Turbomachinery*, 116 (4), pp. 648-656.
- 149. Stratford B. S. (1967): The use of boundary layer techniques to calculate the blockage from the annulus boundary layers in a compressor. ASME Paper No. 67-WA/GT-7., p. 7.
- Suder K. L., Celestina M. L. (1996): Experimental and computational investigation of the tip clearance flow in a transonic axial compressor rotor. *Journal of Turbomachinery*, 118 (2), pp. 218-229.
- 151. Suder K. L. (1998): Blockage development in a transonic, axial compressor rotor. *Journal* of *Turbomachinery*, 120 (3), pp. 465-476.
- 152. Swan W. C. (1961): A practical method of predicting Transonic-Compressor performance. *Journal of Engineering for Power*, 83 (3), pp. 322-330.
- 153. Szendrő P. (2003): Géptan, Mezőgazda Kiadó, Budapest.
- 154. Szlivka F., Keszthelyi I., Tóth L., Balló B., Schrempf N. (2003): Axiális ventilátor mérésére alkalmas mérőberendezés fejlesztése a Szent István Egyetemen. Magyar Tudományos Akadémia Agrártudományok Osztálya Agrár-Műszaki Bizottság Kutatási és Fejlesztési Tanácskozás Nr. 28., június 20-21., Gödöllő, Magyarország, pp. 189-201.

- 155. Szlivka F., Molnár I. (2008): Measured and non-free vortex design results of axial flow fans. 22 (10), pp. 1902-1907.
- 156. Tallman J., Lakshminarayana B. (2001): Numerical simulation of tip leakage flows in axial flow turbines, with emphasis on flow physics: Part I—Effect of tip clearance height. *Journal* of Turbomachinery, 123 (2), pp. 314-323.
- 157. Templalexis I., Pilidis P., Pachidis V., Kotsiopoulos P. (2011): Development of a Two-Dimensional streamline curvature code. *Journal of Turbomachinery*, 133 (1), p. 7.
- 158. Tu J. (2008): *Computational fluid dynamics: a practical approach*, Butterworth-Heinemann c/o Elsevier.
- 159. Vad J., Bencze F. (1998): Three-dimensional flow in axial flow fans of non-free vortex design. *International Journal of Heat and Fluid Flow*, 19 (6), pp. 601-607.
- 160. Vad J. (2001): Incorporation of forward blade sweep in the non-free vortex design method of axial flow turbomachinery rotors. Periodica polytechnica ser. mech., 45 (2), pp. 217-237.
- 161. Vad J., Kwedikha A., Jaberg H. (2006): Effects of blade sweep on the performance characteristics of axial flow turbomachinery rotors. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 220 (7), pp. 737-749.
- 162. Vad J., Kwedikha A., Horváth Cs., Balczó M, Lohász M. M., Régert T. (2007): Aerodynamic effects of forward blade skew in axial flow rotors of controlled vortex design. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 221 (7), pp. 1011-1023.
- 163. Vad J. (2008): Aerodynamic effects of blade sweep and skew in low-speed axial flow rotors at the design flow rate: An overview, *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 222 (1), pp. 69-85.
- 164. Vad J. (2010): Radial fluid migration and endwall blockage in axial flow rotors," *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 224 (3), pp. 399-417.
- 165. Vad J. (2011): Lapátnyilazás alkalmazása sugár mentén növekvő lapátcirkulációra tervezett axiális átömlésű ventilátor-járókerekekre. MTA doktori értekezés tézisfüzete, Budapest.
- 166. Vad J. (2011): Blade sweep applied to axial flow fan rotors of controlled vortex design. Doctoral thesis hungarian academy of sciences, Budapest.
- 167. Vad J. (2011): Correlation of flow path length to total pressure loss in diffuser flows. *Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy*, 225 (4), pp. 481-496.
- 168. Vad J. (2013): Forward blade sweep applied to Low-Speed axial fan rotors of controlled vortex design: An overview. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 135 (1), pp. 012601-1:012601-9.
- 169. Walker M., Gregory-Smith D. G., He L. (2005): A study of large tip clearance in a row of low speed compressor blades. 6th European Conference on Turbomachinery Fluid-Mechanics and Thermodynamics, 07 - 11 Mar, France.
- 170. Wang X. D., Hirsch C., Kang S., Lacor C. (2011): Multi-objective optimization of turbomachinery using improved NSGA-II and approximation model. *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, 200 (9), pp. 883-895.
- 171. Wennerstrom A. J. (1984): Experimental study of a High-Throughflow transonic axial compressor stage. *Journal of Engineering for Gas Turbines and Power*, 106 (3), pp. 552-560.
- 172. Wennerstrom A. J. (1990): Highly loaded axial flow compressors: History and current developments. *Journal of Turbomachinery*, 112 (4), pp. 567-578.
- 173. Wheeler P. S., Sofia A., Miller R. J. (2009): The effect of Leading-Edge geometry on wake interactions in compressors. *Journal of Turbomachinery*, 131 (4), pp. 041 013+.
- 174. Williams R., Gregory-Smith D., He L. (2006): A study of large tip clearance flows in an axial compressor blade row. ASME Paper No. GT2006-90463, p. 9.
- 175. Wislicenus G. F. (1965): Fluid Mechanics of Turbomachinery, Dover Publications.

- 176. Wright T., Simmons W. E. (1990): Blade sweep for Low-Speed axial fans. Journal of Turbomachinery, 112 (1), pp. 151-158.
- 177. Wu H., Miorini R. L., Katz J. (2011): Measurements of the tip leakage vortex structures and turbulence in the meridional plane of an axial water-jet pump. *Experiments in Fluids*, 50 (4), pp. 989-1003.
- 178. Yamamoto A. (1989): Endwall Flow/Loss mechanisms in a linear turbine cascade with blade tip clearance. *Journal of Turbomachinery*, 111 (3), pp. 264-275.
- 179. Yang L., Hua O., Zhao-Hui D. (2007): Optimization design and experimental study of Low-Pressure axial fan with Forward-Skewed blades. *International Journal of Rotating Machinery*, vol. 2007, pp. 1-10.
- 180. You D., Wang M., Moin P., Mittal R. (2006): Effects of tip-gap size on the tip-leakage flow in a turbomachinery cascade. *Physics of Fluids*, 18 (10), pp. 105102+.
- 181. Yu X., Liu B. (2010): A prediction model for corner Separation/Stall in axial compressors. ASME Paper No. GT2010-22453, pp. 211-222.
- 182. Yoon Y. S., Song S. J., Shin H. W. (2006): Influence of flow coefficient, stagger angle, and tip clearance on tip vortex in axial compressors. *Journal of Fluids Engineering*, 128 (6), pp. 1274-1280.
- 183. Yu X., Baojie L., Haokang J. (2007): Characteristics of the tip leakage vortex in a Low-Speed axial compressor. *AIAA Journal*, 45 (4), pp. 870-878.
- 184. Zhang H., Deng X., Chen J., Huang W (2005): Unsteady tip clearance flow in an isolated axial compressor rotor. *Journal of Thermal Science*, 14 (3), pp. 211-219.
- 185. Zhang D., Shi W., Wu S., Pan D., Shao P., Wang H. (2013): Numerical and experimental investigation of tip leakage vortex trajectory in an axial flow pump. ASME Paper No. FEDSM2013-16058, p. 14.
- 186. Van Zante D. E., Strazisar A. J., Wood J. R., Hathaway M. D., Okiishi T. H. (2000): Recommendations for achieving accurate numerical simulation of tip clearance flows in transonic compressor rotors. *Journal of Turbomachinery*, 122 (4), pp. 733-742.
- Zhu X., Lin W., Du Z. (2005): Experimental and numerical investigation of the flow field in the tip region of an axial ventilation fan. *Journal of Fluids Engineering*, 127 (2), pp. 299-307.
- 188. Zhu X. C., Hu J. F., Ou-Yang H., Tian J., Qiang X. Q., Du Z. H. (2013): The off-design performance prediction of axial compressor based on 2D approach. Journal of theoretical and applied mechanics, 51 (3), pp. 523-531.
- 189. Spasić Z. T., Milanović S. M., Šušteršič V. M., Nikolić B. D. (2012): Low-pressure reversible axial fan with straight profile blades and relatively high efficiency. *Thermal Science*, 16 (2). pp. 593-603.

M2: Az értekezés témaköréhez kapcsolódó publikációk

Lektorált cikk idegen nyelven

- 1. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Design of axial flow fan rotor with constant blade chord method, Hungarian Agricultural Engineering, Gödöllő, Hungary, 2008, No. 21, pp. 23-24.
- 2. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Investigation and calculation of a reversible axial flow ducted fan, Acta Polytechnica Hungarica (bírálat alatt)
- 3. Fenyvesi, L., **Fenyvesi, D.**: Optimization of a supporting device for mechanical harvesting, Acta Horticulturae, 2008, Nr. 768, pp. 423-430.
- 4. Szalay, K., Deákvári, J., Csorba, A., **Fenyvesi, D.**: Integrated ground and airbone sampling methods for measuring and modelling the change of moisture content value in agricultural lands, The Experiment, 2013, Vol. 9(2), pp. 532-540.
- 5. Fenyvesi, L., **Fenyvesi, D.**, Csatár, A.: Stress analysis in fruits, Advances in Mechanical Engineering, 2013, Vol. 2013, pp. 1-6.

Lektorált cikk magyar nyelven:

- 6. **Fenyvesi, D.**: Axiális átömlésű reverzálható síklemez-lapátos járókerék számítása és mérési tapasztalatai, GÉP, LVII. évf., 2006, 1. sz., 14-18 o.
- 7. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Síklemez-lapátos axiál ventilátor tervezése és vizsgálata, Mezőgazdaság Technika, 2012. január, 2-3 o.

Nemzetközi konferencia kiadvány

- Fenyvesi, L., Fenyvesi, D.: Mechanical interaction between soil and vibrated tillage tools, ISTRO 17th Triennial Conference, Kiel, Germany, 28 Aug – 3 Sept, 2006, pp. 165-170. (ISBN 3-9811134-0-3)
- Fenyvesi, L., Csorba, L., Fenyvesi, D.: Mathematical simulation of the mechanical interaction between grape harvester and trellis, XVI. CIGR World Congress, Bonn, Germany, 03-09 Sept., 2006, p. 6. (CD, ISSN 0083-5560, Archive Nr. 44019580647, subject 1958/2006)
- 10. Fenyvesi, L., **Fenyvesi, D.**: Optimization of a supporting device for mechanical harvesting, Seoul, Korea, 13 May, 2008, Vol. 1., p. 6.
- 11. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Calculation and measurement of a reversible axial flow fan, Seminar of Energy and Environment in the Practice, Gödöllő, Hungary, 19. Aug, 2008, pp. 53-57.

Magyar nyelvű konferencia kiadvány:

12. **Fenyvesi, D.**, Szlivka F.: Axiális átömlésű reverzálható síklemez-lapátos járókerék számítása és mérési tapasztalatai, Tudomány Napja, Dunaújváros, 2005. november 7-11, 243-251 o.

- 13. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Axiális átömlésű reverzálható síklemez-lapátos járókerék számítása és mérési tapasztalatai, MTA-AMB XXIX. Kutatási és fejlesztési tanácskozás, SZIE-Gödöllő, 2006. január 24., 2. kötet, 244-248 o. (ISBN 963 611 440 0)
- 14. **Fenyvesi, D.**: Axiális átömlésű járókerék rácsszámítási elveinek kritikai elemzése, Tudomány Napja, Dunaújváros, 2006. november 13-18., 108-115 o.
- 15. **Fenyvesi, D.**, Szlivka F.: Nagy áramlási teljesítményű axiális átömlésű ventilátor tervezése sugár mentén növekvő cirkuláció módszerével, MTA-AMB XXXII. Kutatási és fejlesztési tanácskozás, SZIE-Gödöllő, január 22., 2. kötet, 188-192 o. (ISBN 9789636114534)
- Fenyvesi, D., Szlivka, F.: Sugár mentén növekvő cirkulációra történő tervezési módszer továbbfejlesztése, figyelembe véve a lokális veszteségforrásokat, MTA-AMB XXXII. Kutatási és fejlesztési tanácskozás, SZIE-Gödöllő, 2008. január 22., 2. kötet, 193-197 o. (ISBN 9789636114534)
- 17. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Nagy terhelésű axiális ventilátor tervezése sugár mentén növekvő cirkuláció módszerével, FMTÜ, Románia, Kolozsvár, 2008. március 14-15., 89-92 o.
- 18. **Fenyvesi, D.**, Szlivka, F.: Axiális ventilátor tervezése sugár mentén növekvő cirkuláció módszerével, Tudomány Napja, Dunaújváros, 2008. nov. 12-13., CD kiadvány, 8 o.
- 19. **Fenyvesi, D.**: Axiális átömlésű ventilátor tervezése állandó lapát-húrhossz módszerrel, Tudomány Ünnepe, BMF-Budapest, 2008. nov. 6., CD kiadvány, 8 o.
- 20. **Fenyvesi, D.**: Axiális átömlésű rotor lapátrés veszteség modellezése, Magyar Tudomány Ünnepe, BMF-Budapest, 2010 nov. 10-11., CD kiadvány, 16 o.
- 21. **Fenyvesi, D.**: Lapátrés méret hatása az áramlási térre egyenes lapátozású axiális átömlésű ventilátor esetén, optimális lapátrés méret, IESB 2011, OE-Budapest, 2011 nov. 15-16., CD kiadvány, 25 o.
- 22. **Fenyvesi, D.**: Nyilazott lapátozású axiális átömlésű ventilátor számítása és numerikus vizsgálata I. rész: Lapátrács tervezés a diffúzió szám lokális előírásával, microCAD XXVI., Miskolci-Egyetem, 2012. márc. 29-30., 7 o.
- 23. **Fenyvesi, D.**: Nyilazott lapátozású axiális átömlésű ventilátor számítása és numerikus vizsgálata II. rész: Numerikus vizsgálat a tervezési térfogat áramon, microCAD XXVI., Miskolci-Egyetem, 2012. márc. 29-30., 7 o.
- Fenyvesi, D.: Alacsony kerületi sebességű axiális átömlésű járókerék tervezése és numerikus vizsgálata - I. Rész: járókerék tervezése sugár mentén előírt diffúzió szám módszerével, IESB 2012, OE – Budapest, 2012. november 21., 9 o.
- 25. **Fenyvesi, D.**: Alacsony kerületi sebességű axiális átömlésű járókerék tervezése és numerikus vizsgálata II. Rész: áramlási tér vizsgálata számítógépes módszerrel, IESB 2012, OE Budapest, 2012. november 21., 8 o.
Nemzetközi konferencia összefoglaló

26. Fenyvesi, L., **Fenyvesi, D.**: Mechanical interaction between soil and vibrated tillage, ISTRO 17th Triennial Conference, Kiel, Germany, 28 Aug – 3 Sept, 2006, pp. 40-41.

Magyar nyelvű konferencia összefoglaló

- 27. **Fenyvesi, D.**: Forgó lapátrács keveredési veszteségének számítása, IESB 2011, OE-Budapest, 2011 nov. 15-16., CD kiadvány, 1 p.
- 28. **Fenyvesi, D.**: Axiális átömlésű járókerék rácsszámítási elveinek kritikai elemzése, MTA-AMB XXXI. Kutatási és fejlesztési tanácskozás, SZIE-Gödöllő, 2007. január 23., 1 p.
- Fenyvesi, D.: Nyilazott lapátozású axiális átömlésű járókerék számítása és numerikus vizsgálata, BJMT Alkalmazott matematikai konferencia, SZE Győr, 2012. június 21-23., 1 p.

M3: Végtelenített lineáris lapátrács numerikus szimulációja, ellenőrző felület a lapátrésben

A lapátrés átfolyási szám meghatározásánál, a különböző üzemállapotokban elő kell állítani a határréteggel rendelkező primer síkáramlás sebesség és nyomásterét. Síkáramlás modellezésénél az adott sugarú járókerék rácsmetszetet a lapátosztásnak (s) megfelelően síkba terítem és végtelenített álló egyenes (lineáris) lapátrácsnak tekintem (1. ábra). Lapátrács méréseknél ezt az idealizált teret úgy közelítették, hogy az erre kialakított szélcsatornában a fali határréteget szívják, ill. a lapátosztásnak megfelelően annyi lapátot helyeztek el, amíg a lapátközépen mért jellemzők függetlenné nem váltak a lapátszámtól.

A CFX szoftver tartalmazza azon peremfeltételeket, amivel mind hossz és mind keresztirányban a végtelenített idealizált egyenes lapátrács szimulálható. Szimmetrikus peremfeltételek alkalmazásával a síkáramlás kényszere előírható, azaz a szimmetrikus peremfeltétel síkjával párhuzamos síkban az áramlás képe egybevágó, merőleges sebesség komponens nincs.

Egybevágó oldalfalakra felírt transzlációs peremfeltételekkel, a lapátrács végteleníthető, ill. a szimmetria kihasználásával csak egy lapát szimulációja szükséges, így a számolási idő lerövidíthető. Transzlációs oldalfalak kialakításánál ügyeltem arra, hogy a lapát vázvonallal közel egybevágó legyen, így a sebességek is jó közelítéssel érintő irányúak. Falak geometriai diszkretizálásánál 1:1 háló kapcsolatot alkalmaztam a transzlációs periodicitásnál. Mind az áramvonalakkal közel egybevágó oldalfalak mind pedig az 1:1 háló kapcsolatban a numerikus pontosság javítható.

Geometria diszkretizálásánál strukturálatlan tetrahedra hálót alkalmaztam, falközelelben a határréteg háló prizmatikus. Az áramlás szimulálásnál low-Re $k-\omega$ turbulencia modellt alkalmaztam, ezzel összhangban a lapát felületén a dimenziótlan faltávolság $y^+ \le 1$, így kijelenthető, hogy a lamináris alapréteg is felbontásra került. Cellaszám a lapátrács szimulációja során a strukturálatlanság miatt 1.5...2 millió db. között oszlik el. Munkaközeg "Air Ideal Gas", mivel a teljes áramlási tartományra érvényes $Ma \ll 0.3$. Belépő peremfeltétel "velocity inlet". Kilépő peremfeltétel "static pressure" atmoszférikus nyomás.



1. ábra: Végtelen lineáris rács numerikus modell

Kiértékelésnél (post-process), a résben elhelyezett végtelen vékony ellenőrző felület segítségével, a résen átömlő térfogatot határozom meg, amely segítésével a lapátrés átlagsebességét számolom (2. ábra).



2. ábra: Ellenőrző felület a lapátrésben

M4: Módszer a sebességtér gátlás vizsgálatára

A dolgozatban olyan tényezőt vezetek be, amelyek segítségével a sebességtér pangás számszerűsíthető és egymással összehasonlítható. Gátoltnak nevezem azt a tartományt, ahol a vizsgált axiális sebesség komponens kisebb, mint a tervezési.

Bevezetem Inoue et al. (1986) analógiájára az axiális sebességtér mozgási energia hiány tényezőjét:

$$Y_{ax} = \frac{w_{3ax} - (w_{3ax})_{CFD}}{w_{3ax}}$$
(1)

Axiális mozgási energia hiány ismeretében bevezetem az axiális sebesség gátlást (AFB – Axial Flow Blockage) amit a lapát kilépőél mögötti, axiális normálisú vizsgálati síkon értelmezem, a következőképpen. Definiálok egy egységugrás függvényt, amely 1 vagy 0 értéket vehet fel attól függően, hogy a vizsgálati síkon Y_{ax} előjele hogyan változik. Ha negatív, akkor az egységugrás függvény 0 (fehér tartomány), ebben az esetben, az axiális sebesség értéke nagyobb, mint a tervezési, ezt a tartományt a dolgozat nem tekinti veszteség zónának. Ellenkező esetben az egységugrás függvény értéke 1, ami lecsökkent mozgási energiájú – pangó - közegre utal (fekete tartomány).

Az egységugrás függvény a következő:

$$f_{ax}(r,\theta) = \begin{cases} 0 \text{ ha } Y_{ax} \le 0\\ 1 \text{ ha } Y_{ax} > 0 \end{cases}$$
(2)

Ha Y_{ax} pozitív ott sebesség csökkenés jön létre (fekete tartomány), ennek aránya a teljes vizsgálati síkhoz megadja a gátlás tényezőt:

$$AFB = \frac{\iint f_{ax}(r,\theta) r dr d\theta}{\iint 1 \cdot r dr d\theta}$$
(3)

Ha a gátlás ("fekete tartomány") nő, akkor írhatom: $\left(\iint f_{ax}(r,\theta) r dr d\theta \right) \uparrow \Rightarrow AFB \rightarrow 1$

M5: A felhajtóerő tényező és az ellenállás tényező kapcsolata az össznyomás növekedéssel és a profilveszteséggel

Az áramló közegről a szilárd testre ható erő a test felületén keletkező nyomás- és csúsztatófeszültség-megoszlás (~súrlódás) eredményeként alakul ki (Lajos, 2004). A szárnyra ható erőt a meg fúvási sebesség (w_{∞}) irányához viszonyítva két összetevőre bontjuk, a rá merőleges komponens a felhajtó erő, amely a cirkulációval egyenesen arányos (Zsukovszkij-tétel), sebesség irányába eső komponens pedig az ellenállás erő, amely a súrlódás következménye. Az 1. ábra segítségével bemutatom a vizsgált tényezőket, feltételezve, hogy a rács kiterjedése az ábra síkjával merőlegesen egységnyi.



1. ábra: Szárnyra ható erők és átlagsebességek (Lakshminarayana, 1996)

A folytonosság következtében axiális irányban nincs sebesség változás, ezért az axiális erő csak a szárnyrács síkjával párhuzamos oldalakra ható nyomáskülönbséggel tart egyensúlyt, így figyelembe véve a rácsosztást az egy lapátra ható erő (Lakshminarayana, 1996):

$$-F_x = s(p_3 - p_0) \tag{1}$$

Mivel a statikus nyomás az abszolút és a relatív rendszerben egyezik, a Bernoulli-egyenlet segítségével kifejezhetjük az abszolút sebesség térrel:

$$-F_{x} = s\left(\Delta P_{t} + \frac{\rho}{2}\left(v_{0}^{2} - v_{3}^{2}\right)\right) \approx s\left(\Delta P_{t} + \frac{\rho}{2}\left(\left(\frac{Q}{A_{gy}}\right)^{2} - v_{3}^{2}\right)\right) \sim s\left(\rho u v_{3u} + \frac{\rho}{2}\left(-v_{3u}^{2}\right)\right)$$
(2)

Mivel a dolgozat súrlódásos lapátrács áramlást vizsgál, ezért a nyomáskülönbségek számításánál (1) figyelembe kell venni a veszteség tagot a következőképpen:

$$-(p_3 - p_0) = \rho \left(\frac{w_2^2 - w_1^2}{2}\right) + \Delta p_0$$
(3)

Ahol Δp_0 a relatív sebességtérben értelmezett össznyomás különbség, amely (2.6) alapján a veszteség tényezővel (ω) arányos. Látható, hogy a (3) egyenlet a relatív rendszerben felírt veszteséges Bernoulli-egyenletnek felel meg. Feltételezem, hogy a járókerék a tervezési állapotának megfelelően, a munkapontban üzemel, akkor a határoló falaktól távol:

$$D \approx F_x \sim \Delta p_0 \Longrightarrow D \approx f(\omega) \wedge \left(D \uparrow \therefore \omega \uparrow\right) \tag{4}$$

A tangenciális irányban ébredő erő, a másodpercenként átáramló tömeg y-irányú sebesség változásával arányos (Lakshminarayana, 1996):

$$F_{y} = \rho w_{ax} s \left(w_{0u} - w_{3u} \right) \tag{5}$$

Így az egy lapátra ható cirkuláció is bevezethető:

$$F_{y} = \rho w_{ax} s v_{3u} = \rho w_{ax} \Gamma \tag{6}$$

Az Euler-turbina egyenlet értelmében a lapát körüli cirkuláció és az abszolút sebesség tér össznyomás különbség között lineáris a kapcsolat:

$$F_{y} \approx \left(\frac{1}{Nn_{f}}\right) w_{ax} \Delta P_{t}$$
⁽⁷⁾

Ha feltételezzük, hogy a súrlódás elhanyagolható $(\Delta p_0 = 0)$ továbbá, hogy $w_{ax} = v_0 = \dot{a}ll$, fal közeli tartományt leszámítva ez helytálló közelítés, akkor a Zsukovszkij-tétel alapján írható:

$$L = F_{y} \approx \left(\frac{1}{Nn_{f}}\right) v_{0} \Delta P_{t}$$
(8)

Ebből az egyszerű közelítésből megállapítható, hogy a lapát terhelhetőség egyenes arányban van az össznyomás különbséggel és a belépő axiális irányú abszolút sebességgel, valamint fordítottan arányos a lapát- ill. a fordulatszámmal.

A megfúvási sebességre merőleges felhajtóerő:

$$L = -F_x \sin \alpha_\infty + F_y \cos \alpha_\infty \tag{9}$$

A megfúvási sebességgel párhuzamos ellenállás erő:

$$D = F_y \sin \alpha_{\infty} + F_x \cos \alpha_{\infty} \tag{10}$$

A (9) és (10) egyenletben alkalmazott trigonometrikus függvények értelme a sebességi háromszögek alapján:

$$\sin \alpha_{\infty} = \frac{u - \frac{v_{3u}}{2}}{\sqrt{v_0^2 + \left(u - \frac{v_{3u}}{2}\right)^2}}$$
(11)

$$\cos \alpha_{\infty} = \frac{v_0}{\sqrt{v_0^2 + \left(u - \frac{v_{3u}}{2}\right)^2}}$$
(12)

Az ellenállás erő kifejezhető a következőképpen is (Dixon, Hall, 2014):

$$D = s\Delta p_0 \cos \alpha_{\infty} = sc \rho \Pi w_3^2 \tag{13}$$

Bevezetve a relatív rendszerben értelmezett torló nyomás (profil) veszteséget (2.6):

$$D = s\Delta p_0 \cos \alpha_{\infty} = 0.5\rho w_0^2 \omega \cos \alpha_{\infty}$$
(14)

A (13) és a (14) figyelembe vételével, az ellenállás erőt fel tudom írni a következő változók függvényében, feltételezve, hogy $p_0 \approx \dot{a}ll$.:

$$\left[\left(D_{cs\delta}, n_{f}, Q, \nu\right) = \mathbf{\acute{a}ll.}\right] \Rightarrow D = f\left(p_{3}, \mathbf{v}_{3u}\right)$$
(15)

A felhajtóerő- és az ellenállás tényező bevezetésénél az erőket a megfújási sebességből számolt dinamikus nyomás és a húrhossz szorzatával dimenziótlanítjuk.

$$C_L = \frac{L}{\frac{\rho}{2} w_{\infty}^2 c} \tag{16}$$

$$C_D = \frac{D}{\frac{\rho}{2} w_{\infty}^2 c}$$
(17)

A felhajtóerő-, ellenálláserő tényező és a nyomásnövekedésre levezetett összefüggés (Lakshminarayana, 1996):

$$\psi^* = \frac{w_{ax}}{2u} \sec \alpha_{\infty} C_L \frac{c}{s} \left(1 + \frac{C_D}{C_L} \tan \alpha_{\infty} \right)$$
(18)

Ahol $\psi^* = v_{_{3u}}/u$. Ebből az ellenállás tényezőt kifejezve:

$$C_{D} = ctg\alpha_{\infty} \left[\left(\frac{2}{v_{m}\sigma} \right) v_{3u} \sin \alpha_{\infty} - C_{L} \right]$$
(19)

KÖSZÖNETNYILVÁNÍTÁS

Köszönöm a Doktori Iskola vezetőjének, Dr. Farkas István professzor úrnak, hogy támogatta a dolgozatom megszületését. Tanácsai, sokat segítettek az eredmények megfogalmazásában és rendszerezésében.

Köszönöm konzulensemnek Dr. Szlivka Ferenc professzor úrnak, hogy a hasznos észrevételeivel és tanácsaival nagyban hozzájárult a dolgozatom megszületéséhez.

Kiemelten köszönöm Dr. M. Csizmadia Béla professzor úrnak a dolgozatom iránti szüntelen érdeklődést és a technikai segítségnyújtást, e nélkül nem született volna meg a dolgozat.

Köszönöm opponenseimnek Dr. Kollár László és Dr. Zachár András docens uraknak az értékes szakmai észrevételeket.

Köszönöm Dr. Vad János professzor úrnak a disszertáció megszületése során tett értékes észrevételeket és a szakirodalom kutatásban nyújtott segítséget.

Köszönöm Édesanyám lelki támogatását és Édesapám tanácsait.